



مؤسسة التربية و التعليم الخاصة
أوينياتر

رقم الهاتف: 0550 47 22 35 / فاكس: 023 71 54 63 / Email: saimeur3@gmail.com 023 71 54 67

الامتحان التجريبي في مادة الهندسة المدنية 2025

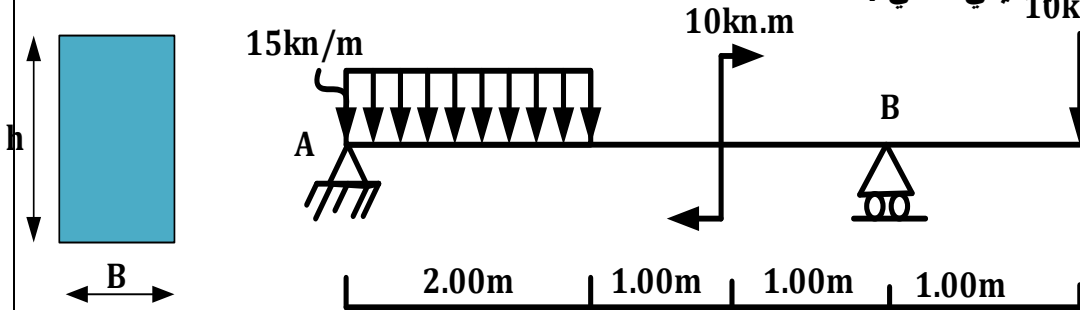
على المترشح الإجابة على أحد الموضوعين التاليين

الموضوع الاول

1. الميكانيك المطبقة: (12ن)

المسألة الأولى

لتكن الرافدة AB المرتكزة على مسندين (A) و (B) و المعرضة لتأثير حمولة موزعة بانتظام و حمولة مركزة و المبينة بالشكل الميكانيكي التالي :



A : مسند مضاعف

B : مسند بسيط

المطلوب :

1. احسب قيمة ردود الفعل في المسندين A و B .

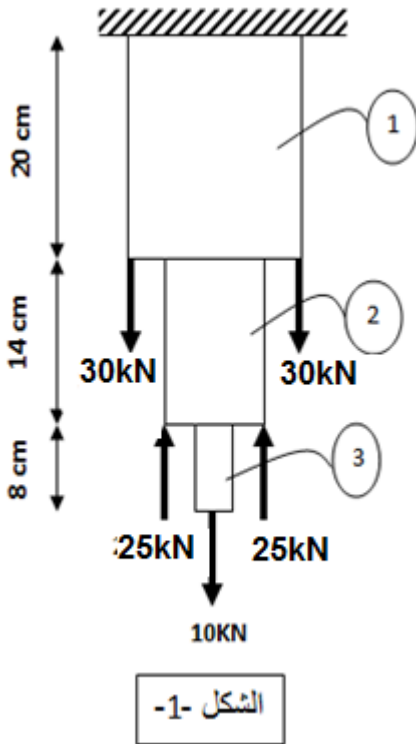
2. اكتب معادلات الجهد القاطع (T) و عزم الانحناء (Mf)

3. ارسم المنحنيات البيانية الخاصة بالجهد القاطع و عزم الانحناء.

4. احسب الإجهاد النازمي الأقصى σ_{max} و الإجهاد المماسي الأقصى τ_{max} علما أن الرافدة خرسانية و ذات مقطع عرضي مستطيل ($h=40cm$; $b=30cm$)

المسألة الثانية

- قضيب مثبت في مسند علوي، متغير المقطع، كل جزء من أجزائه عبارة عن معدن خاص، كما هو موضح في الجدول. تؤثر عليه مجموعة من القوى، (لاحظ الشكل -1-)



الرقم	المقطع (mm)	ثابت المرونة الطولي MPa
1	40 x 40	21×10^4
2	32 x 32	11×10^4
3	D=24	7.5×10^4

المطلوب:

- 1- أحسب رد الفعل العلوي على القضيب.
- 2- في كل مقطع من مقاطع القضيب أحسب ما يلي:
 - الجهد الناطمي (N) مع ذكر نوع التحريض.
 - الإجهاد الناطمي (σ).
- 3- احسب قيمة التشوه المطلق الكلي (ΔL) للقضيب، وحدد طبيعته.
- 4- أرسم منحنى الإجهاد الناطمي على طول القضيب.

البناء: (08 ن)

المسألة الأولى (05 ن):

- قصد فك الاختناق المروري على مدينة بومرداس قررت المصالح التقنية انجاز مشروع طريق اجتنابي، الدراسة التقنية للمشروع تمثلت في المظهر الطولي المبين في الوثيقة (01) (صفحة 04)
- علما ان مناسيب خط المشروع:
- ✓ عند المظهر العرضي P01=146.0m وعند المظهر العرضي P02=147.50m
- ✓ اما بين المظهرين P04 و P06 فهناك انحدار بميل 0.617%
- يتخلل هذا المشروع منعرج بين النقطتين P04 و P05 علما ان R=68.07m و $\alpha=320$
-

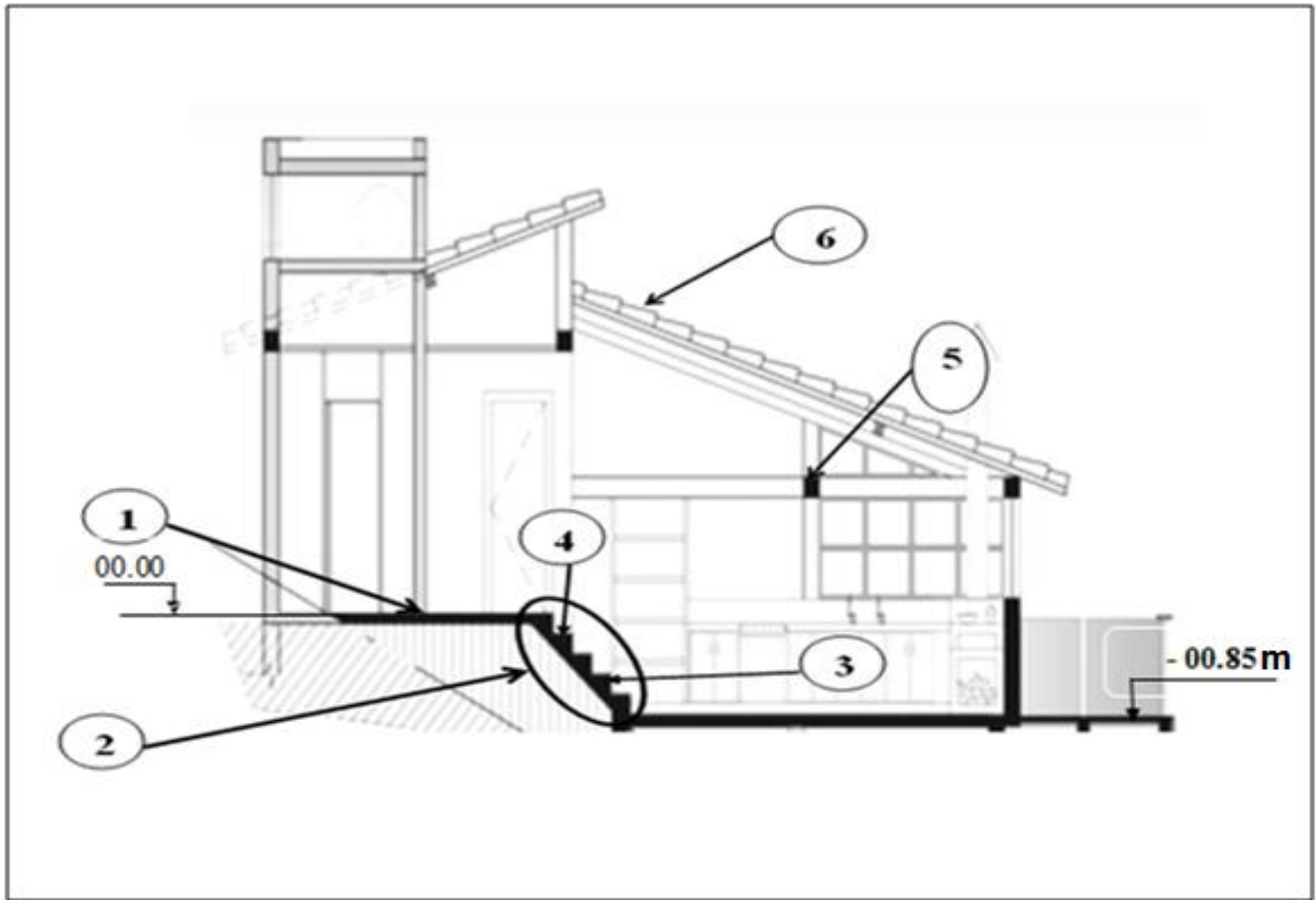
المطلوب:

- أكمل المظهر الطولي على الوثيقة المرفقة (صفحة 4)

المسألة الثانية

1- سمى العناصر المرقمة في الشكل التالي:

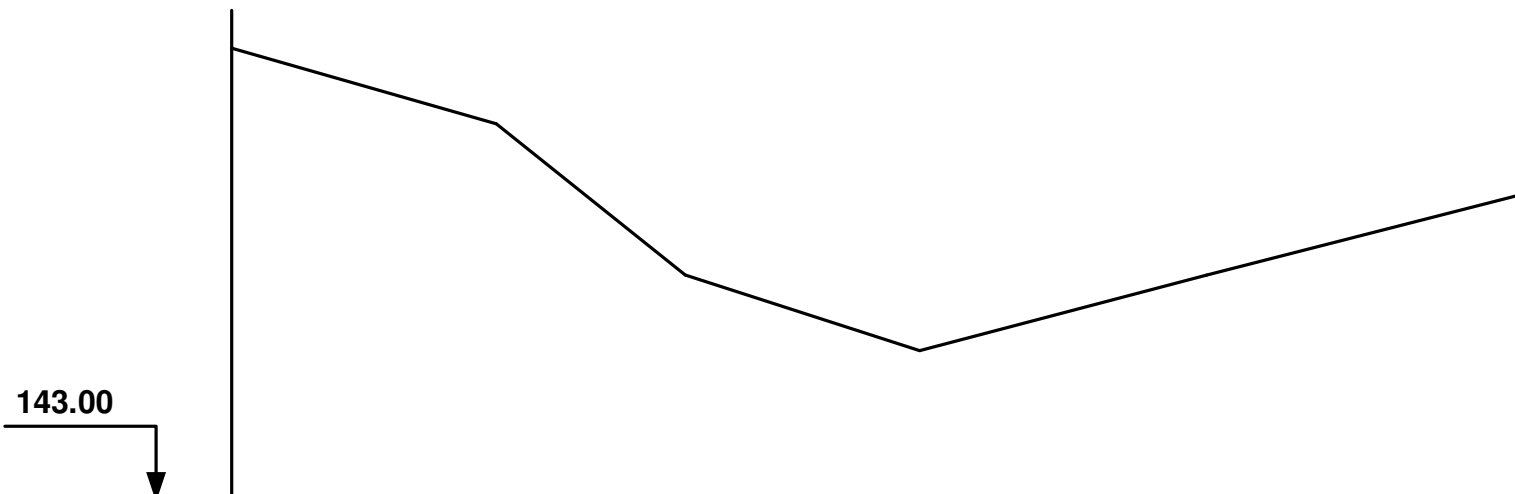
2- احسب ارتفاع القائمة (h) وعرض الدرجة (g).



انتهى الموضوع الأول

الوثيقة المرفقة 01: (تعداد الوثيقة المرفقة مع ورقة الإجابة)

الاسم واللقب:

						
ارقام المظاهر	1	2	3	4	5	6
مناسيب نقاط التربة الطبيعية	149.00	148.00	146.00	145.00	146.00	
مناسيب خط المشروع	146.00			147.50		
المسافات الجزئية	35.00	25.00				
المسافات المتراكمة				91.00		172.00
ميل خط المشروع						
التراسفات والمنحنيات						

الموضوع الثاني

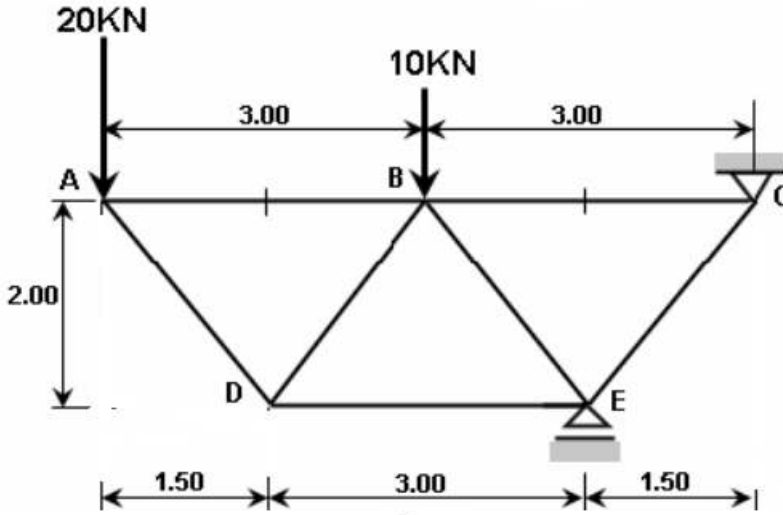
يحتوي الموضوع الثاني على 4 صفحات (من الصفحة 5 إلى الصفحة 8)

ميكانيك مطبقة: (12 نقطة)

المسألة الأولى: (07 نقط)

لدينا النظام المثلي و الذي يتعرض للتحميل المبين في الشكل الميكانيكي التالي

C: مسند مضاعف و E : مسند بسيط



المطلوب

- 1- تأكد أن الهيكل المقترح محدد سكونيا.
- 2- أحسب ردود الأفعال في المسندين.
- 3 - أحسب الجهود الداخلية في القضبان التالية
- 4- دون النتائج المحصل عليها في جدول.
- 5- إذا كان القضيب CE معرض لقوة ضغط $N_{CE}=87.5\text{KN}$ احسب مساحة مقطعه S

$$\bar{\sigma}=875\text{daN/cm}^2$$

النشاط الثاني: (05 نقاط)

لدينا شَدَاد من الخرسانة المسلحة مقطعه مستطيل الشكل ($25 \times 35 \text{ cm}^2$) ، يخضع لجهد شد مطبق في مركز ثقله.

المعطيات:

- ❖ الحمولات الدائمة: $G=115 \text{ KN}$
- ❖ الحمولات المتغيرة: $Q=70 \text{ KN}$
- ❖ الفولاذ من نوع FeE400 ، $\gamma_s=1.15$ ، $\eta=1.6$ ، مقاومة الخرسانة: .
- ❖ حالة التشققات ضارة.

المطلوب:

- (1) أحسب التسليح الطولي للشداد مع التحقق من شرط عدم الهشاشة.
- (2) اقترح رسما توضح فيه تسليح هذا الشداد.

تعطى العلاقات التالية:

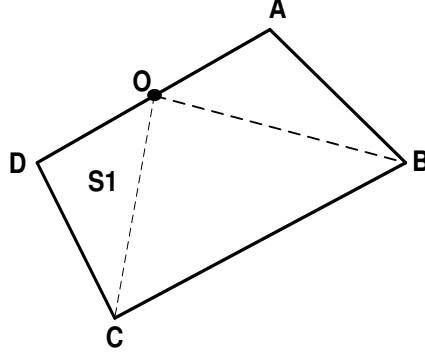
A_{su}

	عدد القضبان									
	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
القطر (مم)										
6	0,28	0,56	0,85	1,13	1,41	1,70	1,98	2,26	2,54	2,82
8	0,5	1	1,5	2,01	2,51	3,01	3,51	4,01	4,52	5,02
10	0,78	1,57	2,35	3,14	3,92	4,71	5,49	6,28	7,06	7,85
12	1,13	2,26	3,39	4,52	5,65	6,78	7,92	9,05	10,18	11,31
14	1,54	3,08	4,62	6,16	7,7	9,24	10,78	12,32	13,86	15,4
16	2,01	4,02	6,03	8,04	10,05	12,06	14,07	16,08	18,09	20,1
20	3,14	6,28	9,42	12,56	15,7	18,84	21,98	25,12	28,26	31,4
25	4,91	9,82	14,73	19,64	24,55	29,46	34,37	39,28	44,19	49,1
32	8,04	16,08	24,12	32,16	40,2	48,24	56,28	64,32	72,36	80,4
40	12,56	25,13	37,70	50,26	62,83	75,39	87,96	100,53	113,09	125,65

بنــــــــاء: (8نقاط)

النشاط الأول: (04 نقاط)

- لدينا قطعة الأرض ABCD الممثلة في الشكل (02) والمخصصة لإنجاز مشروع محطة خدمات بالطريق السيار.
- و لحساب مساحتها قام طبوغرافي بوضع الجهاز في النقطة O و التي تقع في منتصف القطعة AD حيث تم تسجيل النتائج أدناه:



الشكل(02)

النقاط	X(m)	Y(m)
O	130	88
A	160	103
B	195	73
C	؟	؟
D	100	73

$$G_{OC} = 212.57 \text{grad}$$

$$L_{OC} = 50.99 \text{m}$$

المطلوب:

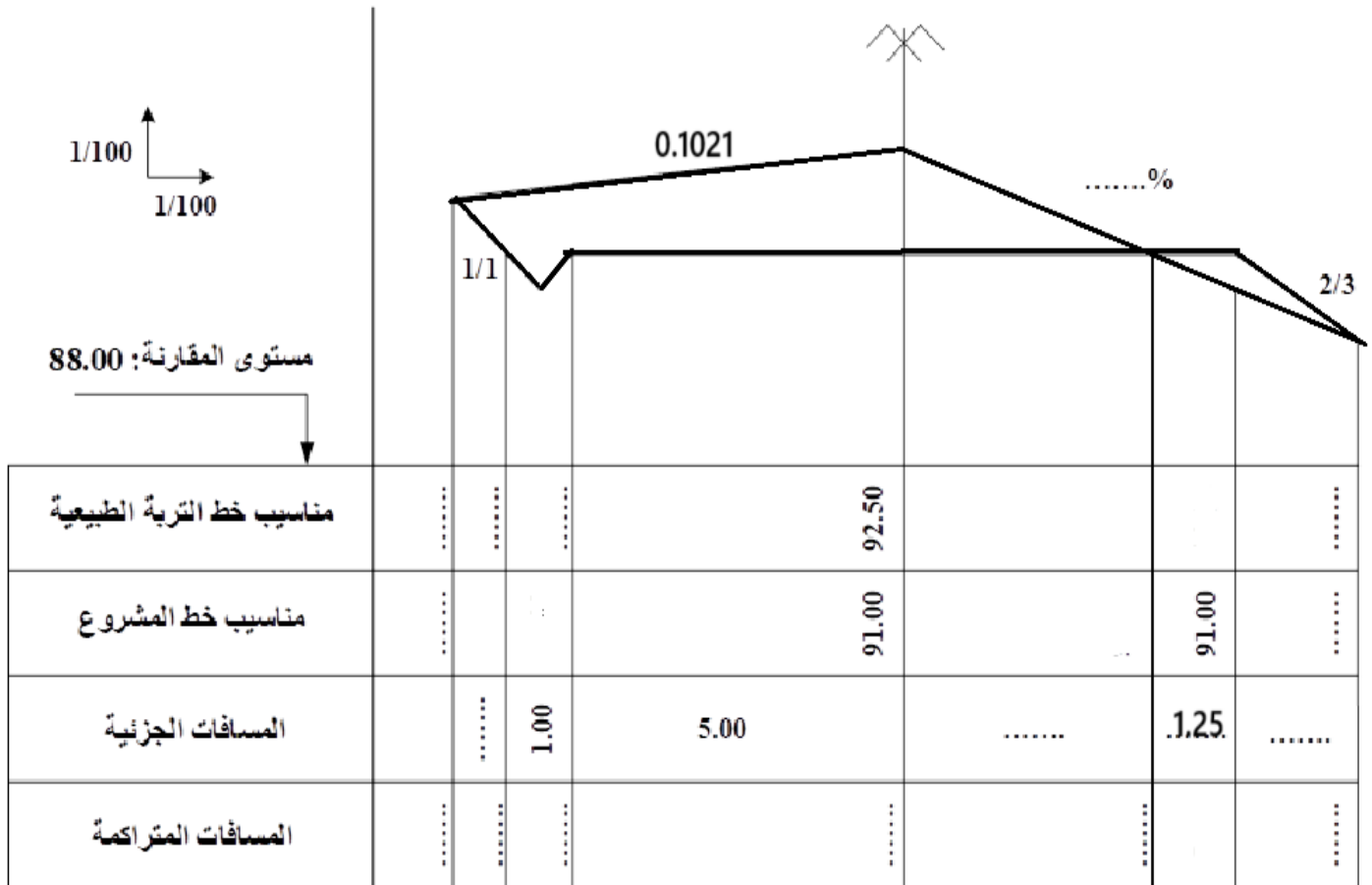
- (1) أحسب السميت الإحداثي G_{OA} و G_{OB} و الأطوال LOA و LOB .
- (2) أحسب مساحة القطعة الأرضية ABCD بطريقة الإحداثيات القطبية.
- (3) تم تخصيص القطعة S1 لإنجاز مطعم:
 - أ- أحسب الإحداثيات القائمة للنقطة C.
 - ب- أحسب S_1 مساحة القطعة الأرضية OCD بطريقة الإحداثيات القائمة.

النشاط الثاني: (04 نقاط)

- أتمم ملاً جدول المظهر العرضي على الوثيقة المرفقة 02 (صفحة 8).

ة المرفقة 02: (تعداد الوثيقة المرفقة مع ورقة الإجابة)

الاسم واللقب:



تصحيح الموضوع الاول

- الميكانيك المطبقة:

- النشاط الأول:

- النشاط الأول:

- 1- حساب ردود أفعال المساند

- $\sum F_{xx'} = 0 \Rightarrow H_A = 0$
- $\sum F_{yy'} = 0 \Rightarrow V_A + V_B = 40 \text{ KN}$
- $\sum M/A = 0 \Rightarrow V_B = 17.5 \text{ KN}$,
- $\sum M/B = 0 \Rightarrow V_A = 22.5 \text{ KN}$,

معادلات MF	معادلات T	المقطع
$Mf_1(X) = -7.5 \cdot X^2 + 22.5 \cdot X$ $Mf_1(0) = 0$ $Mf_1(2) = 15 \text{ KN} \cdot \text{m}$	$T_1(X) = -15 \cdot x + 22.5$ $T_1(0) = 22.5 \text{ KN}$ $T_1(2) = -7.5 \text{ KN}$	
$Mf_2(X) = -7.5 \cdot X + 30$ $Mf_2(2) = 15 \text{ KN} \cdot \text{m}$ $Mf_2(3) = 7.5 \text{ KN} \cdot \text{m}$	$T_2 = -7.5 \text{ KN}$	
$Mf_3(X) = -7.5 \cdot X + 20$ $Mf_3(3) = -2.5 \text{ KN} \cdot \text{m}$ $Mf_3(4) = -10 \text{ KN} \cdot \text{m}$	$T_3 = -7.5 \text{ KN}$	
$Mf_4(X) = -10 \cdot X$ $Mf_4(0) = 0$ $Mf_4(1) = -10 \text{ KN} \cdot \text{m}$	$T_4 = 10 \text{ KN}$	

- منحنيات T و MF

حساب MF_{MAX}

نحل المعادلة

$$T_1(X) = 0 \Rightarrow X = 1.5 \text{ m}$$

$$MF_1(1.5) = 16.875 \text{ KN} \cdot \text{m}$$

-4- حساب الإجهاد النازمي الأقصى

$$\sigma_{\max} = \frac{M_{F \max} \cdot y_{\max}}{I_{XX'}} = \frac{6 \cdot M_{f \max}}{b \cdot h^2} = 0.2109 \text{ KN/cm}^2$$

حساب الإجهاد المماسي الأقصى:

$$\tau_{\max} = \frac{k \cdot T_{\max}}{\Omega} = \frac{3 \times 22.5}{2 \times 30 \times 40} = 0.028 \text{ KN/cm}^2$$

النشاط الأول:

حساب رد الفعل العلوي على القضيب

$$\Sigma F/Y = 0$$

$$V - 30 - 30 + 25 + 25 - 10 = 0$$

$$V = 60 - 50 + 10$$

$$V = 20 \text{ KN}$$

- حساب (ΔL) (σ) (N)

المقطع الأول: $0 \leq y \leq 20$

$$\Sigma F/Y = 0$$

$$20 - N_1 = 0$$

$$N_1 = 20 \text{ KN} \text{ شد}$$

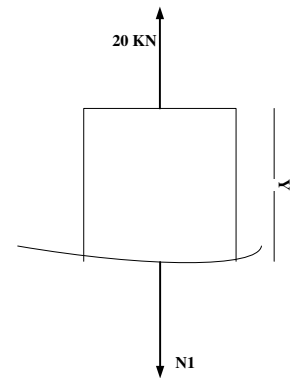
$$\sigma_1 = N_1 / S_1 \quad S_1 = 4 \times 4 = 16 \text{ cm}^2$$

$$\sigma_1 = (20 \times 10^2) / 16 = 125 \text{ daN / cm}^2$$

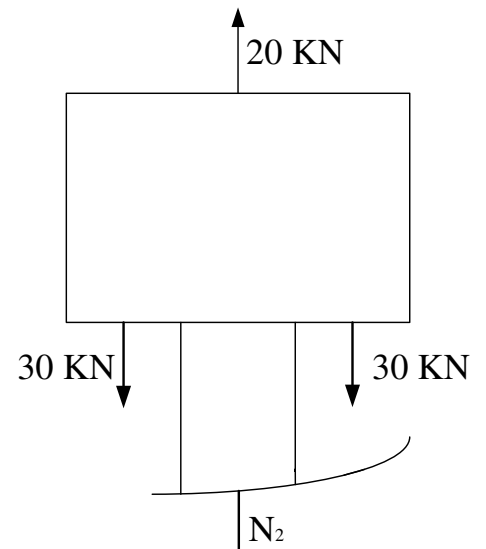
$$\sigma_1 = 125 \text{ daN / cm}^2$$

$$\Delta L_1 = (L_1 \times N_1) / (S_1 \times E_1) = (20 \times 20 \times 10^2) / (16 \times 21 \times 10^4 \times 10) = 0.0012 \text{ cm}$$

$$\Delta L_1 = 0.012 \text{ mm}$$



المقطع الثاني: $20 \leq y \leq 34$



$$\Sigma F/Y = 0$$

$$20 - 30 - 30 - N_2 = 0$$

$$N_2 = -40 \text{ KN} \text{ انضغاط}$$

$$\sigma_2 = N_2 / S_2 \quad S_2 = 3.2 \times 3.2 = 10.24 \text{ cm}^2$$

$$\sigma_2 = (-40 \times 10^2) / 10.24 = -390.625 \text{ daN / cm}^2$$

$$\sigma_2 = -390.625 \text{ daN / cm}^2$$

$$\Delta L_2 = (L_2 \times N_2) / (S_2 \times E_2) = (14 \times -40 \times 10^2) / (10.24 \times 11 \times 10^4 \times 10) = -0.00497 \text{ cm}$$

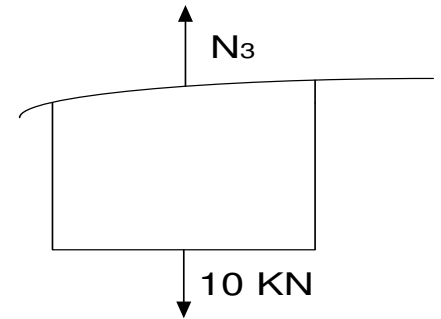
$$\Delta L_2 = -0.050 \text{ mm}$$

المقطع الثالث $0 \leq y \leq 8$

$$\Sigma F/Y = 0$$

$$N_3 - 10 = 0$$

$$N_3 = 10 \text{ KN} \quad \text{شد}$$



$$\sigma_3 = N_3 / S_3 \quad S_3 = \pi \times r^2 = \pi \times (2.4 / 2)^2 = 4.5216 \text{ cm}^2$$

$$\sigma_3 = (10 \times 10^2) / 4.5216 = 221.16 \text{ daN / cm}^2$$

$$\sigma_3 = 221.16 \text{ daN / cm}^2$$

$$\Delta L_3 = (L_3 \times N_3) / (S_3 \times E_3) = (8 \times 10 \times 10^2) / (4.5216 \times 7.5 \times 10^4 \times 10) = 0.00236 \text{ cm}$$

$$\Delta L_3 = 0.024 \text{ mm}$$

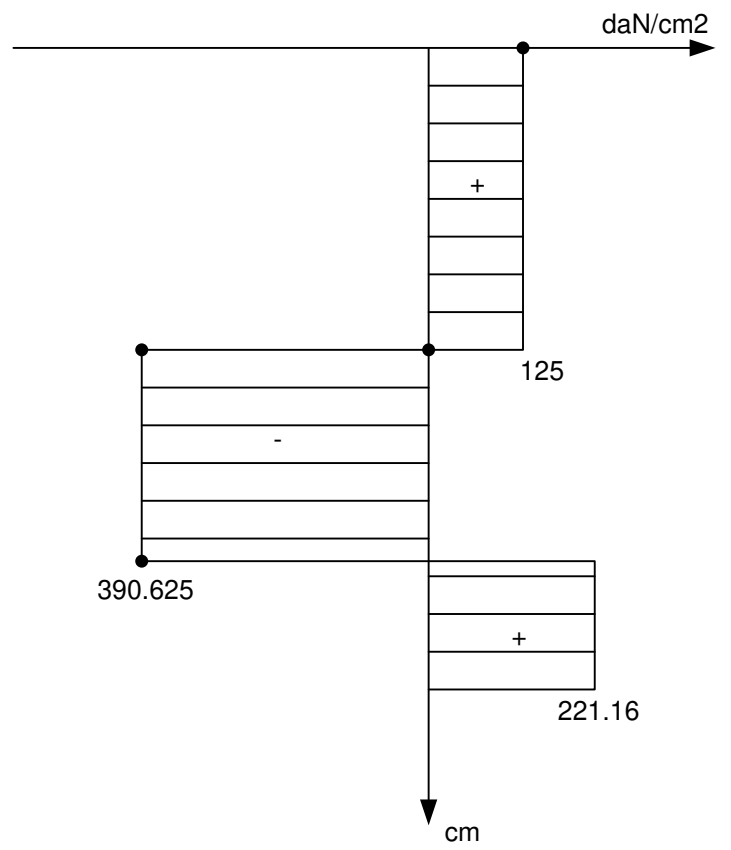
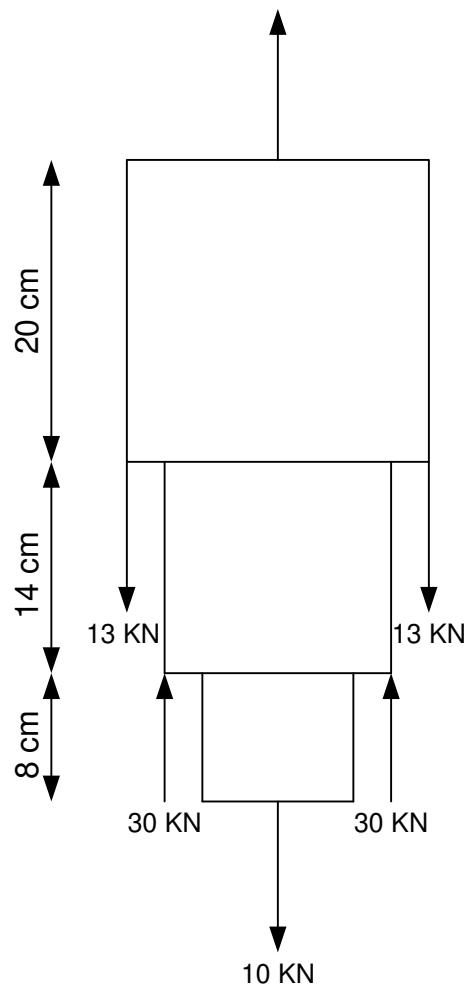
حساب التشوه الكلي:

$$\Delta L = \Delta L_1 + \Delta L_2 + \Delta L_3$$

$$\Delta L = 0.012 - 0.05 + 0.024$$

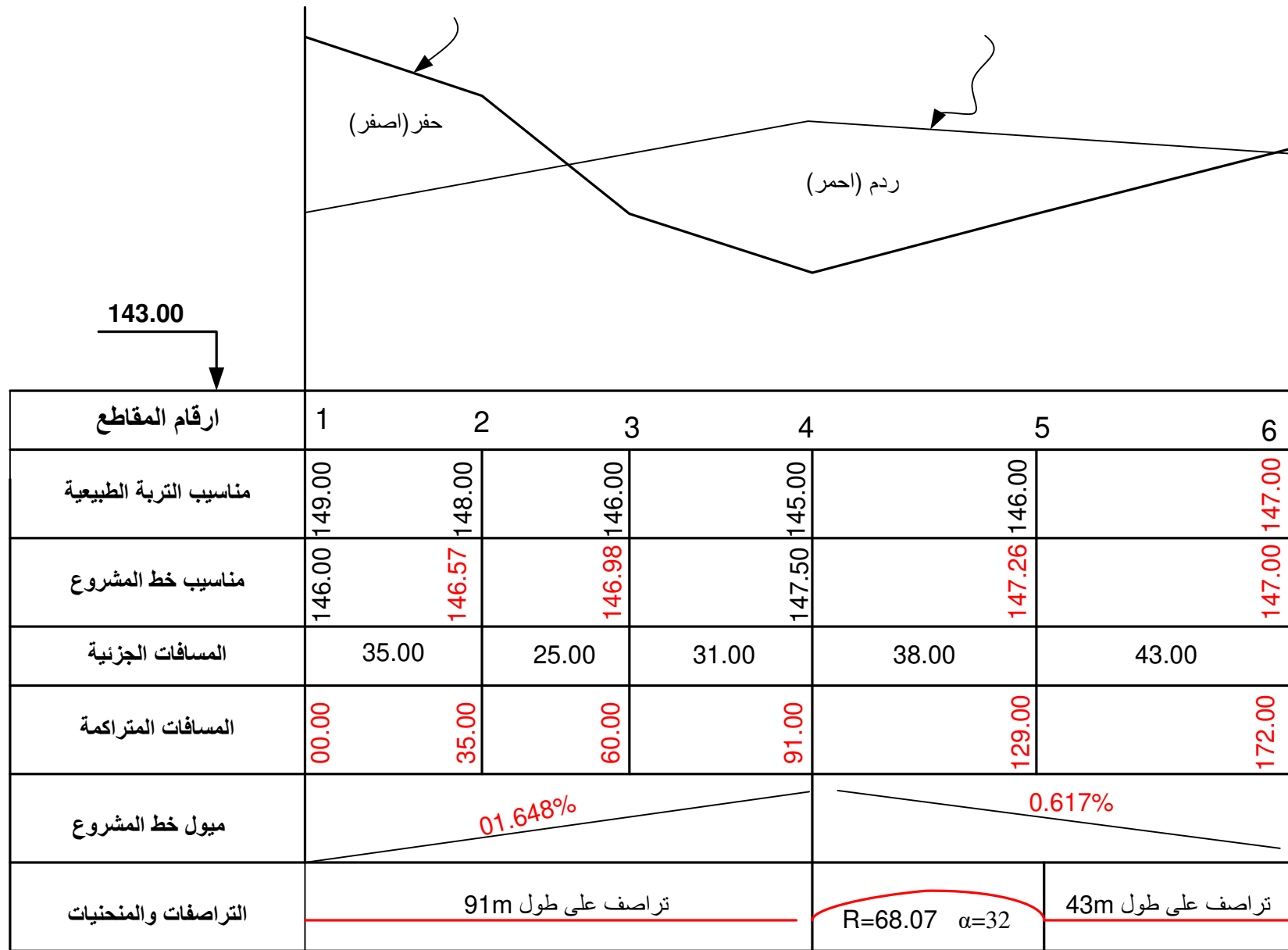
$$\Delta L = -0.014 \text{ mm} \quad \text{طبيعته تقلص}$$

رسم منحنى الاجهاد:



بناء:

النشاط الأول:



(1) تسمية العناصر:

1- فاصل الوصول

2- قلبة

3- قائمة

4- نائمة

5- رافدة

6- تغطية

(2) حساب ارتفاع القائمة (h) وعرض الدرجة (g).

$$h = \frac{0.00 - (0.85)}{5} = 0.17 \text{ m} = 17 \text{ cm}$$

- حسب علاقة بلوندال:

$$2h + g = 64$$

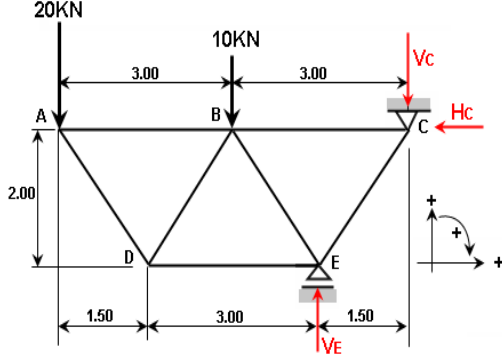
$$g = 64 - 2h$$

$$g = 64 - 2(17)$$

$$g = 30 \text{ cm}$$

المسألة الأولى: (05 نقط)

- حساب ردود الأفعال:



$$\sum F_x = 0 \Rightarrow H_C = 0$$

$$\sum F_y = 0 \Rightarrow V_E - V_C = 30 \text{ KN}$$

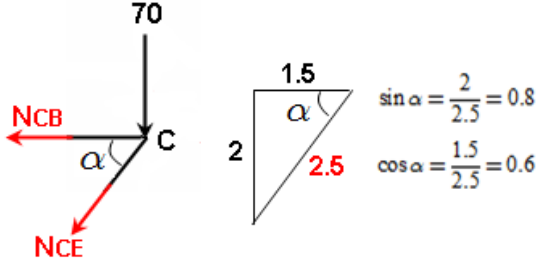
$$\sum M_C = 0 \Rightarrow 1.5V_E - 20(6) - 10(3) = 0$$

$$V_E = \frac{150}{1.5} = 100 \text{ KN}$$

$$\sum F_y = 0 \Rightarrow V_E - 20 - 10 - V_C = 0$$

$$V_C = V_E - 20 - 10 = 100 - 30 = 70 \text{ KN}$$

- عزل العقدتين : C و E:

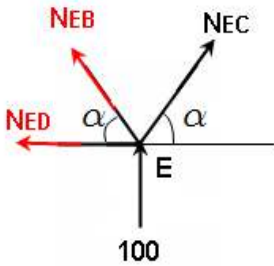


$$\sum F_y = 0 \Rightarrow -N_{CE} \sin \alpha - 70 = 0$$

$$N_{CE} = -\frac{70}{0.8} = -87.5 \text{ KN}$$

$$\sum F_x = 0 \Rightarrow -N_{CB} - N_{CE} \cos \alpha = 0$$

$$N_{CB} = -N_{CE} \cos \alpha = 87.5(0.6) = 52.5 \text{ KN}$$



$$\sum F_y = 0 \Rightarrow N_{EB} \sin \alpha + N_{EC} \sin \alpha + 100 = 0$$

$$N_{EB} = -\frac{N_{EC} \sin \alpha + 100}{\sin \alpha} = -\frac{-87.5(0.8) + 100}{0.8} = -37.5 \text{ KN}$$

$$\sum F_x = 0 \Rightarrow -N_{ED} - N_{EB} \cos \alpha + N_{EC} \cos \alpha = 0$$

$$N_{ED} = (-N_{EB} + N_{EC}) \cos \alpha = (37.5 - 87.5)0.6 = -30 \text{ KN}$$

الطبيعة	الشدة	العضبان
ضغط	87,5	CE
شد	52,5	CB
ضغط	37,5	EB
شد	30	ED

1- حساب التسليح الطولي للشد:• **الحساب في L'ELU:**

$$Nu = 1.35G + 1.5 Q = 1.35 \times 115 + 1.5 \times 70 = 260.25 \text{ kN}$$

الشد البسيط ← المدار A ← $\epsilon_s = 10 \text{ ‰}$

$$f_{su} = \frac{f_e}{\gamma_s} = \frac{400}{1.15} = 347.83 \text{ Mpa}$$

$$A_{su} = \frac{Nu}{f_{su}} = \frac{260.25 \times 10^3 \text{ N}}{347.83 \text{ Mpa}} = 748.21 \text{ mm}^2$$

• **الحساب في L'ELS:**

$$N_{ser} = G + Q = 115 + 70 = 185 \text{ kN}$$

التشققات ضارة.

$$f_{t28} = 0.6 + 0.06 f_{c28} = 0.6 + 0.06 \times 25 = 2.1 \text{ Mpa}$$

$$\bar{\sigma}_s = \min \left\{ \frac{2}{3} f_e; 110 \sqrt{\eta f_{t28}} \right\} \rightarrow \bar{\sigma}_s = \min \left\{ \frac{2}{3} 400; 110 \sqrt{1.6 \times 2.1} \right\}$$

$$\bar{\sigma}_s = \min \{ 266.67; 201.63 \} \rightarrow \bar{\sigma}_s = 201.63 \text{ Mpa}$$

$$A_{ser} = \frac{N_{ser}}{\bar{\sigma}_s} = \frac{185 \times 10^3 \text{ N}}{201.63 \text{ Mpa}} = 917.52 \text{ mm}^2$$

مقطع التسليح النظري:

$$A_s = \max(A_{su}; A_{ser}) = \max(748.21; 917.52) = 917.52 \text{ mm}^2 \rightarrow A_s = 9.18 \text{ cm}^2$$

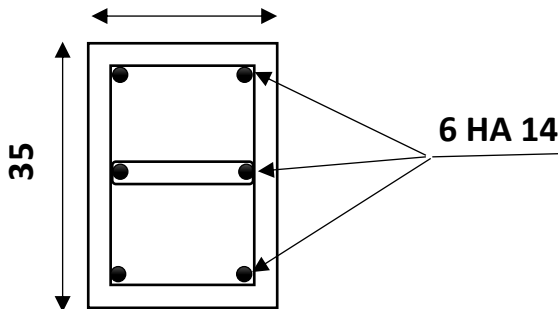
$$6 \text{ HA } 14 \rightarrow S = 9.24 \text{ cm}^2$$

25

من الجدول نختار مقطع التسليح الحقيقي:**التحقق من شرط عدم الهشاشة:**

$$A \cdot f_e \geq B f_{t28} \rightarrow 9.24 \times 400 \geq 25 \times 35 \times 2.1 \rightarrow 3696 \geq 1837.5$$

و منه محققة

2- رسم مقطع الشد:

بناء:

النشاط الأول:

1- حساب السميت الإحداثي G_{OA} :

$$\begin{aligned} \Delta X_{OA} &= X_A - X_O = 160 - 130 = 30m \\ \Delta Y_{OA} &= Y_A - Y_O = 103 - 88 = 15m \end{aligned} \quad \Rightarrow \quad Tg g = \left| \frac{\Delta X}{\Delta Y} \right| = \left| \frac{30}{15} \right| = 2 \rightarrow g = 70.48 \text{grad}$$

$$\begin{aligned} \Delta X_{OA} &> 0 \\ \Delta Y_{OA} &> 0 \end{aligned} \quad \Rightarrow \quad \boxed{G_{OA} = g = 70.48 \text{grad}}$$

حساب L_{OA} :

$$L_{OA} = \sqrt{\Delta X_{OA}^2 + \Delta Y_{OA}^2} = \sqrt{30^2 + 15^2} \quad \Rightarrow \quad \boxed{L_{OA} = 33.54m}$$

حساب السميت الإحداثي G_{OB} :

$$\begin{aligned} \Delta X_{OB} &= X_B - X_O = 195 - 130 = 65m \\ \Delta Y_{OB} &= Y_B - Y_O = 73 - 88 = -15 \end{aligned} \quad \Rightarrow \quad Tg g = \left| \frac{\Delta X}{\Delta Y} \right| = \left| \frac{65}{-30} \right| = 2.167 \rightarrow g = 85.65 \text{grad}$$

$$\begin{aligned} \Delta X_{OB} &> 0 \\ \Delta Y_{OB} &< 0 \end{aligned} \quad \Rightarrow \quad \boxed{G_{OB} = 200 - g = 114.44 \text{grad}}$$

حساب L_{OB} :

$$L_{OB} = \sqrt{\Delta X_{OB}^2 + \Delta Y_{OB}^2} = \sqrt{65^2 + (-15)^2} \quad \Rightarrow \quad \boxed{L_{OB} = 66.71m}$$

2- حساب مساحة القطعة ABC بطريقة الإحداثيات القطبية، ثم استنتج المساحة S_2 .

$$S_{ABCD} = \frac{1}{2} \sum_{i=1}^n L_i \times L_{i+1} \times \sin(G_{i+1} - G_i)$$

$$S_{ABCD} = 1/2 \times (L_{OA} \times L_{OB} \times \sin(G_{OB} - G_{OA}) + L_{OB} \times L_{OC} \times \sin(G_{OC} - G_{OB}) + L_{OC} \times L_{OD} \times \sin(G_{OD} - G_{OC}))$$

لدينا النقطة O تقع في منتصف القطعة AD إذن:

$$G_{OD} = G_{OA} + 200 = 70.48 + 200 = 270.48 \text{grad}$$

$$L_{OD} = L_{OA} = 33.54m$$

$$\rightarrow S_{ABCD} = 1/2 \times (33.54 \times 66.71 \times \sin(114.44 - 70.48) + 66.71 \times 50.99 \times \sin(212.57 - 114.44) + (50.99 \times 33.54) \times \sin(270.48 - 212.57))$$

$$\Rightarrow \quad \boxed{S_{ABC} = 3087.52m^2}$$

3- أ- حساب الإحداثيات القائمة للنقطة C:

$$\begin{aligned} \Delta X_{OC} &= L_{OC} \sin G_{OC} \\ \Delta Y_{OC} &= L_{OC} \cos G_{OC} \end{aligned} \quad \Rightarrow \quad \begin{aligned} X_C - X_O &= L_{OC} \sin G_{OC} \\ Y_C - Y_O &= L_{OC} \cos G_{OC} \end{aligned}$$

$$X_C = X_O + L_{OC} \sin G_{OC} = 130 + 50.99 \sin 212.57$$

$$Y_C = Y_O + L_{OC} \cos G_{OC} = 88 + 50.99 \cos 212.57$$

$$\Rightarrow \quad \boxed{\begin{aligned} X_C &= 120m \\ Y_C &= 38m \end{aligned}}$$

3-ب. حساب مساحة القطعة الأرضية S1:

$$S_1 = \frac{1}{2} \sum_{i=1}^3 X_i \times (Y_{i-1} - Y_i)$$

$$S_1 = 1/2 [X_O (Y_D - Y_C) + X_C (Y_O - Y_D) + X_D (Y_C - Y_O)] =$$

$$\rightarrow S_1 = 1/2 [130 (73 - 38) + 120 (88 - 73) + 100 (38 - 88)] \rightarrow \boxed{S_1 = 675m^2}$$

النشاط الثاني:

