

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين الآتين :
الموضوع الأول

يحتوي الموضوع الأول على (04) صفحات (من الصفحة 1 من 8 الى 4 من 8).

الميكانيك التطبيقية : (12 نقطة)

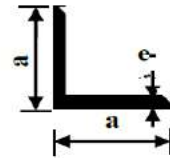
النشاط الأول: الأنظمة المثلثية (06 نقاط)

نريد دراسة النظام المثلثي الممثل في الشكل (01) والذي يرتكز على مسندين حيث:

(A) مسند مضاعف و (B) مسند بسيط.

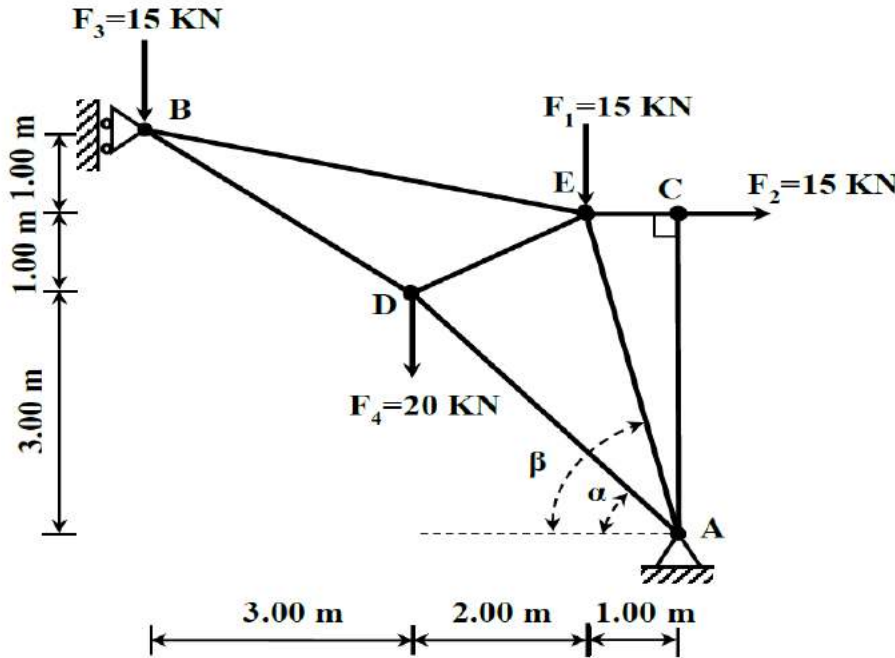
$\sin \alpha = 0.707$ $\sin \beta = 0.970$

$\cos \alpha = 0.707$ $\cos \beta = 0.242$



المجنب	(S) cm ²
45×45×4,5	3.90
50×50×5	4.80
60×60×6	6.91
70×70×7	9.40

الجدول (01)



الشكل (01)

العمل المطلوب:

(1) تأكد من أن النظام محدد سكونيا.

(2) أحسب قيم ردود الأفعال عند المسندين (A) و (B).

(3) أحسب شدة الجهود الداخلية في القضبان CE, CA, AE, AD مبينا طبيعتها. تدون النتائج في جدول.

(4) علما أن القضبان المستعملة في النظام المثلثي هي مجنبتات زاوية (L) متساوية الأجنحة مزدوجة و الجهد الناطمي في

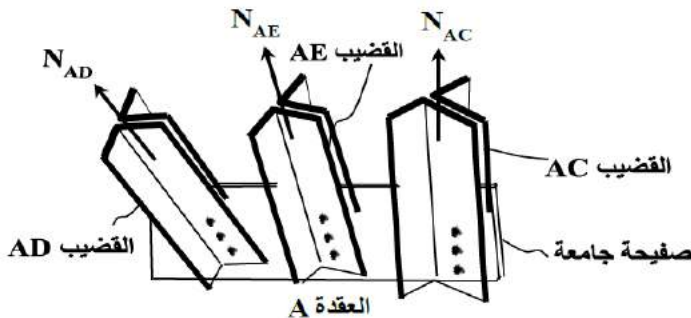
القضيب الأكثر تحميلا يقدر بـ: $N_{AD} = 44.31 \text{ kN}$ والإجهاد المسموح به: $\bar{\sigma} = 100 \text{ MPa}$

- استخرج من الجدول (01) المجنبت اللازم والكافي للمقاومة.

(5) في العقدة A يتم ربط كل قضيب بثلاثة براغي بواسطة صفيحة جامعة كما يبينه الشكل (02).

- أحسب قطر البرغي علما أن:

إجهاد القص المسموح به $\bar{\tau} = 180 \text{ MPa}$.



الشكل (02)

النشاط لثاني: الخرسانة المسلحة (06 نقاط)

لدينا عمود داخلي من الخرسانة المسلحة مقطعه دائري $D=35\text{cm}$ معرض لقوة انضغاط ناظرية مركزية بحيث:

- الجهد الناظمي $N_u = 1.6 \text{ MN}$

- خصائص الفولاذ: $F_e = 400$ ، $\gamma_s = 1.15$.

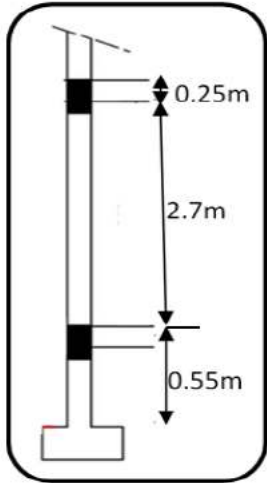
- الحمولات مطبقة قبل 20 يوما . العمود المدروس عمود طابق أرضي كما يوضحه شكل 03

- خصائص الخرسانة $f_{c28} = 25 \text{ MPa}$ ، $\gamma_b = 1.5$.

المطلوب:

• أحسب مقطع التسليح الطولي والتسليح العرضي اللازم لهذا العمود واقترح رسما له.

المعطيات:



شكل 03

$$\alpha = \frac{0.85}{1 + 0.2 \left(\frac{\lambda}{35} \right)^2}$$

$$A_{th} = \left[\frac{N_u}{\alpha} - \frac{Br \cdot f_{c28}}{0.9 \cdot \gamma_b} \right] \frac{\gamma_s}{f_e}$$

$$\alpha = \frac{0.6}{\left(\frac{\lambda}{50} \right)^2}$$

$$\phi_t \geq \frac{\phi_{Lmax}}{3} \quad L_f = 0.7 \cdot L_0$$

$$A_{min} = \max \{ A(4u) ; A(0.2\%B) \}$$

$$\lambda = \frac{4L_f}{D}$$

$$S_t \leq \min \{ 15\phi_{tmin} ; D + 10\text{cm} ; 40\text{cm} \}$$

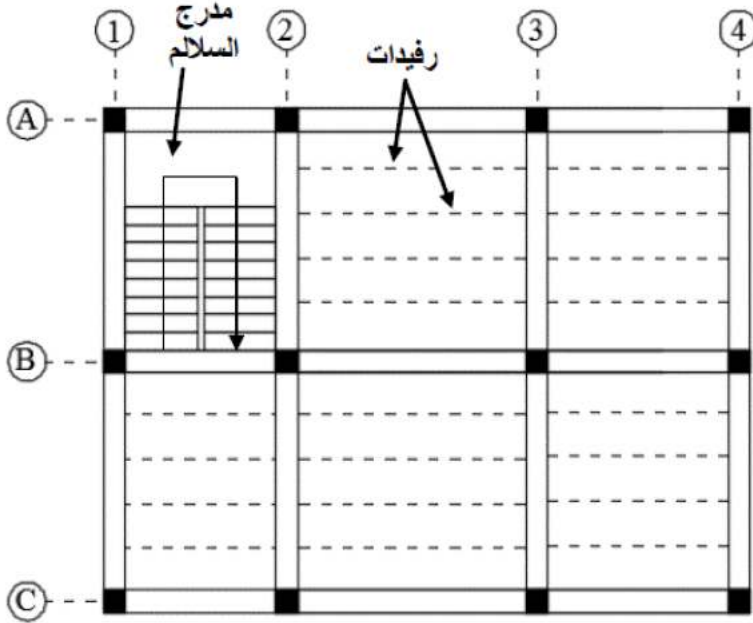
$$f_{cj} = \frac{f_{c28} \times j}{4.76 + 0.83 j}$$

جدول التسليح:

الجدول (02)

المقطع ب (cm^2) لعدد من القضبان يتراوح من :										وزن المتر	القطر
10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	Kg/m	mm
5.02	4.52	4.01	3.51	3.01	2.51	2.01	1.50	1.00	0.50	0.395	8
7.85	7.06	6.28	5.49	4.71	3.92	3.14	2.35	1.57	0.78	0.617	10
11.31	10.18	9.05	7.92	6.78	5.65	4.52	3.39	2.26	1.13	0.888	12
15.39	13.85	12.31	10.77	9.23	7.69	6.15	4.62	3.08	1.54	1.208	14
20.10	18.09	16.08	14.07	12.06	10.05	8.04	6.03	4.02	2.01	1.578	16
31.41	28.27	25.13	21.09	18.84	15.70	12.56	9.42	6.28	3.14	2.466	20
49.09	44.18	39.27	34.36	29.45	24.54	19.63	14.73	9.82	4.91	3.853	25

النشاط الثاني: المنشآت العلوية (04 نقاط).



الشكل 05

- يمثل الشكل 05 المقابل مخطط قولبة أرضية الطابق العلوي لمبنى سكني فردي يتكون من طابقين (R+1).

- البناية تحتوي على مدرج مستقيم للانتقال من الطابق السفلي (RDC) إلى الطابق العلوي .

العمل المطلوب :

- 1) صنف الأعمدة (A4 , B3 , C2) حسب وضعيتها في المنشأ .
- 2) صنف الرافدين (الرافدة وفق المحور C ، والرافدة وفق المحور 3) حسب وضعيتها في المنشأ .
- 3) إذا علمت أن :

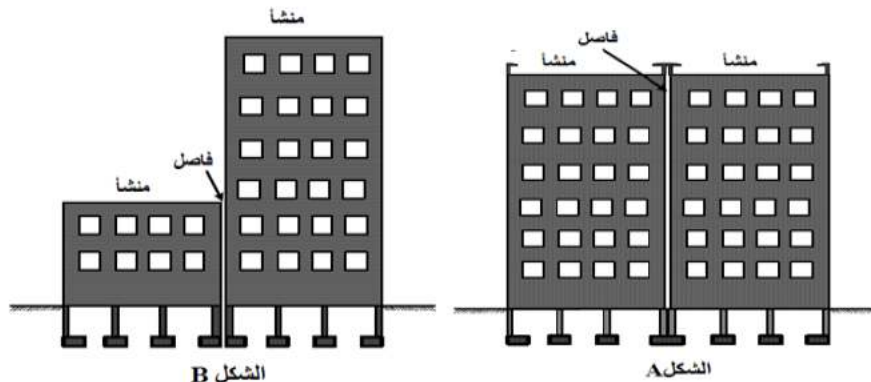
- عرض الدرجة في المدرج (31 cm) .
- عدد الدرجات هو (18) .
- عرض فاصل الارتياح هو (108 cm) .

أ) أحسب ارتفاع القائمة ، ثم استنتج ارتفاع الطابق .

ب) أحسب طول الدرجة .

4/ الفواصل هي فراغات صغيرة عمودية تفصل منشأين متتاليين، يتراوح سمكها الأدنى بين 3 و 5 سم بالنسبة للمشاريع العادية ونميز فيها نوعين كما يوضحه الشكل 06 .

- أذكر أنواع الفواصل الموضحة في الشكلين A و B ومتى نستخدم كل منهما ؟



الشكل B

الشكل A

الشكل 06

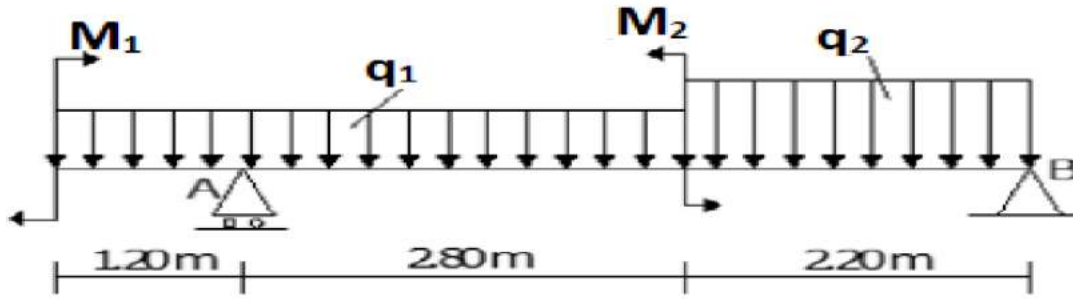
الموضوع الثاني

يحتوي الموضوع الثاني على 4 صفحات (من الصفحة 5 من 8 إلى الصفحة 8 من 8)

الميكانيك التطبيقية: (12 نقطة).

النشاط الاول: دراسته رافدة معدنية (07 نقاط)

لتكن الرافدة المعدنية التي تستند على مسند A بسيط و مسند B مزدوج ، ومحملة كما هو مبين في الشكل الميكانيكي (الشكل 01).



الشكل 01

$$q_1 = 3.0 \text{ kN/m}$$

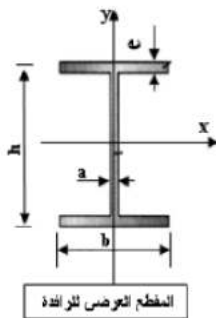
$$q_2 = 5.0 \text{ kN/m}$$

$$M_1 = 2.0 \text{ kN.m}$$

$$M_2 = 4.0 \text{ kN.m}$$

العمل المطلوب:

1. احسب ردود الأفعال عند المسندين A و B .
 2. اكتب معادلات الجهد القاطع T وعزم الانحناء M_f على طول الرافدة.
 3. ارسم منحنيات T و M_f ثم استنتج $T_{\max}$ و $M_{f \max}$.
 4. اذا كان المقطع العرضي للرافدة عبارة عن مجنب IPE كما هو مبين في الشكل 02.
- تحقق من شرط المقاومة علما أن الاجهاد المسموح به $\bar{\sigma}_s = 136 \text{ MPa}$ و $M_{f \max} = 14.12 \text{ kN.m}$



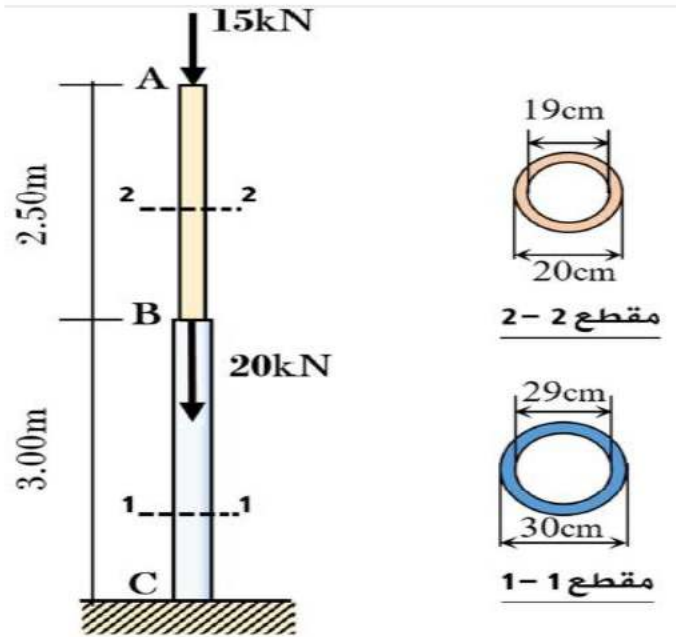
الشكل 02

الابعاد	h	b	a	e
mm	160	82	5.0	7.4

النشاط الثاني: التحريضات البسيطة (05 نقاط)

بهدف دراسة تشوه عمود فولاذي حامل للافئات إشهارية مزدوجة الشكل 03 و التحقق من مقاومة بعض أجزائه. قمنا بنمذجة هذا العمود بشكل مبسط يوضح القوى المحورية كما هو موضح في الشكل 04:

- الجزء AB : أسطوانتي مجوف قطره الخارجي 20 cm و الداخلي 19 cm .
- الجزء BC : أسطوانتي مجوف قطره الخارجي 30 cm و الداخلي 29 cm .



الشكل 04

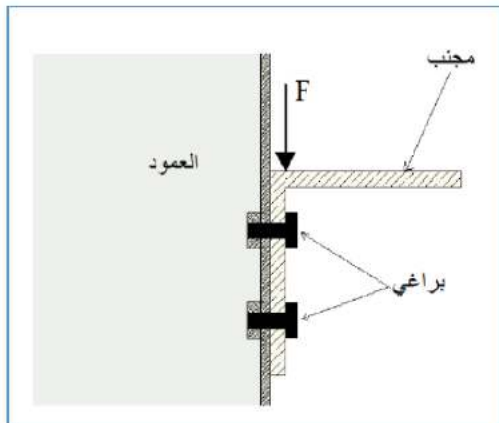


الشكل 03

العمل المطلوب:

- (1) إذا علمت أن معامل المرونة الطولي للفولاذ المستعمل لتصنيع العمود : $E = 2.10^5 \text{ MPa}$.
 - أ- أحسب الجهد الناظمي ، الإجهاد الناظمي و التشوه المطلق في كل جزء من العمود.
 - ب- استنتج التشوه المطلق الكلي و اذكر طبيعته.
 - ج- هل يمكن استبدال الفولاذ بالألومنيوم في صناعة العمود ؟ علما أن الإجهاد المسموح به للألمنيوم هو $\bar{\sigma} = 150 \text{ daN/cm}^2$.

(2) يتم حمل اللافتة المزدوجة السفلية على مجنبيين كل منها مثبت ببرغيين 2 متماثلين الشكل 05. و نقل



الشكل 05

اللافتة يؤثر على كل مجنّب بقوة $F=10\text{kN}$.

- أوجد قطر البراغي الذي يحقق المقاومة.

يعطى : $\bar{\tau} = 110 \text{ MPa}$.

الأقطار المتوفرة:

6mm , 8mm , 10mm , 12mm

البناء: (08 نقاط)

النشاط الأول: الطرق (05 نقاط)

الجزء الأول: (03 ن).

لغرض تجاوز الطريق الوطني رقم 05 تم انجاز طريق ثانوي، جزء من مظهره الطولي ممتد من P1 إلى P6، ممثل

في الوثيقة المرفقة في الصفحة (8 من 8)،

العمل المطلوب:

- أكمل المظهر الطولي الموضح في الوثيقة المرفقة الصفحة (8 من 8)، وذلك باستعمال الألوان النظامية.

- أحسب مسافات المظهر الوهمي «P.F» إن وجد.

(يطلب توضيح طريقة الحساب)

الجزء الثاني: (02 ن).

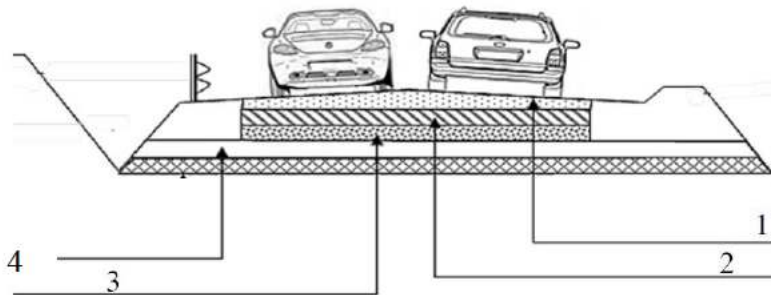
اليك الشكل 06 :

العمل المطلوب :

1/ سم العناصر المرقمة .

2/ حدد دور العنصرين 2 و 3 .

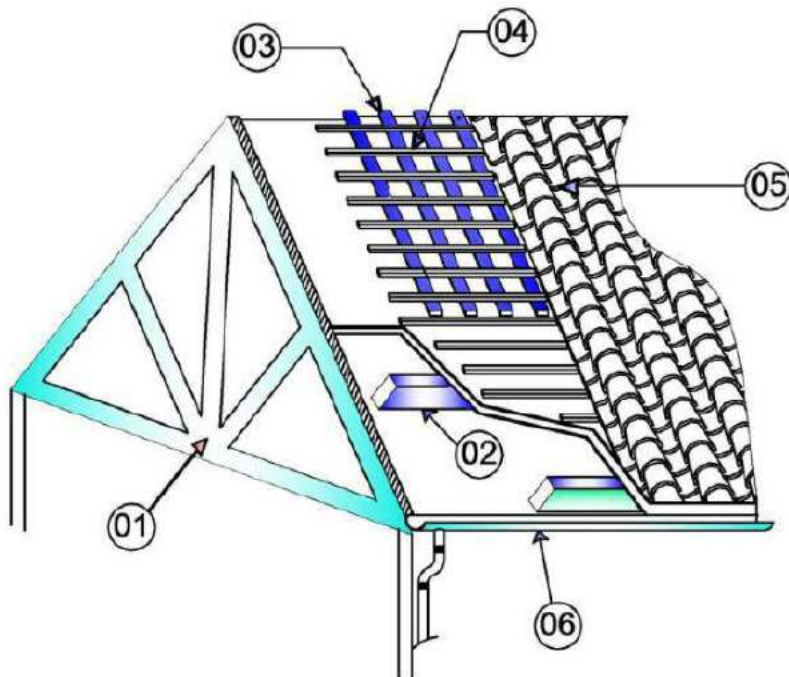
3/ أذكر الطبقات التحتية المكونة لهيكل القارعة.



الشكل 06

النشاط الثاني: المنشآت العلوية (03 نقاط)

أحد عناصر المنشآت العلوية ممثل في الشكل 07



الشكل 07

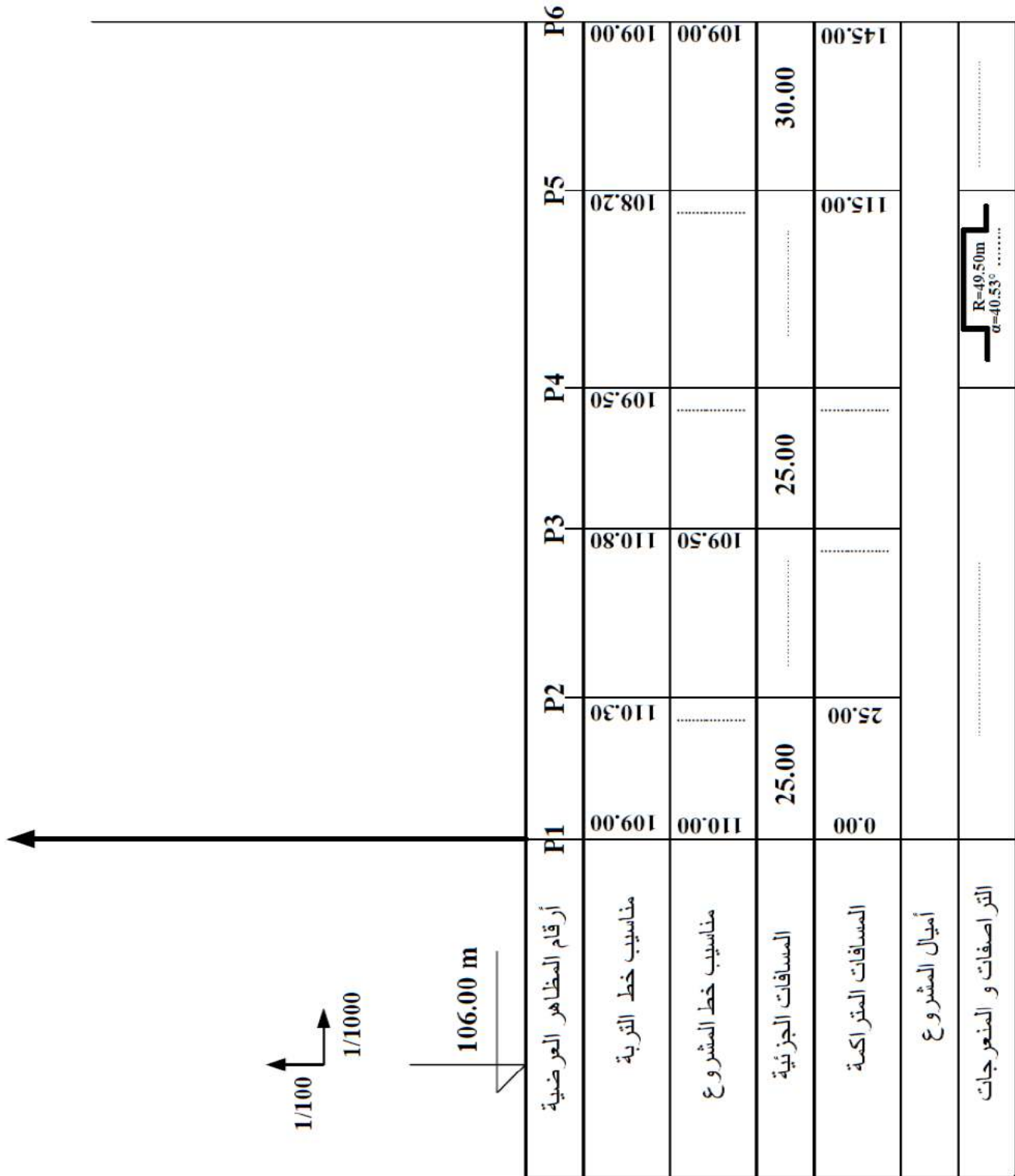
العمل المطلوب:

1) أذكر نوع التغطية.

2) سم العناصر المرقمة.

3) هل يمكن الاستغناء عن العنصرين (3) و (4) في هذه الحالة؟ ولماذا.

4) ما هي الحالة التي يمكننا الاستغناء عن العنصرين (3) و (4).



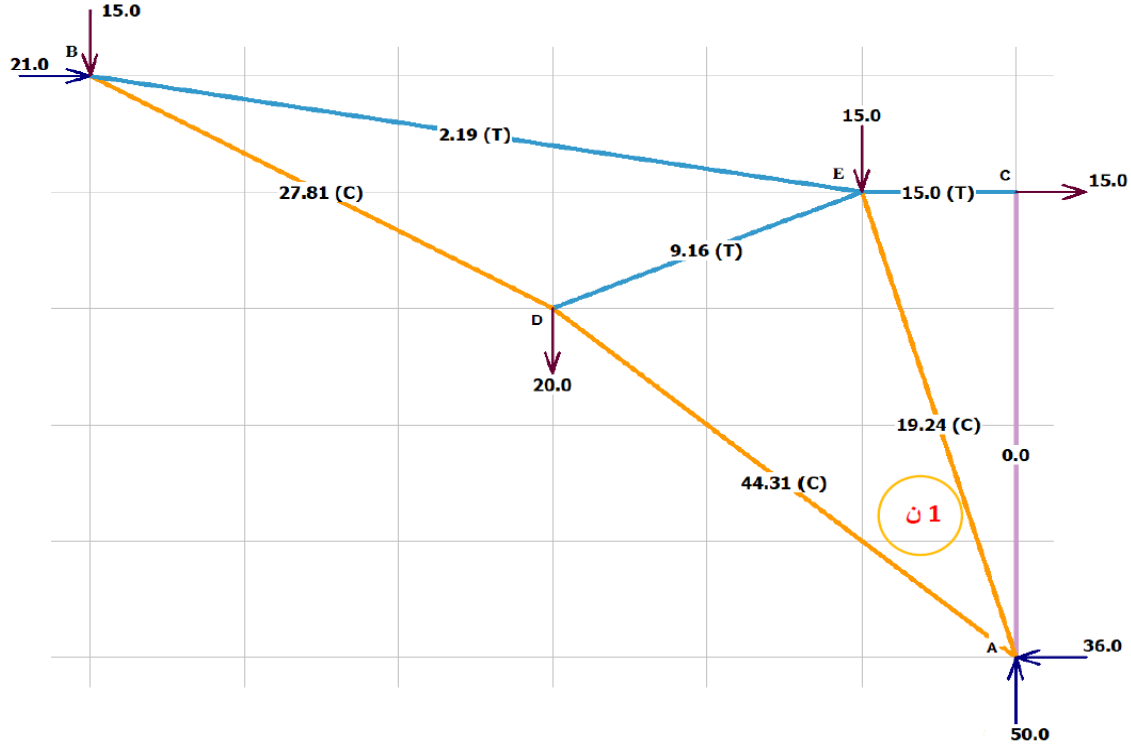
الاجابة النموذجية للبالوريا التجريبية

الموضوع الاول :

النشاط الأول: الأنظمة المثبتة (06 نقاط)
(2) حساب ردود الأفعال:

$$H_B = 21 \text{ KN} , H_A = 36 \text{ KN} , V_A = 50 \text{ KN}$$

(3) حساب الجهود الداخلية:



تدوين النتائج في جدول:

العقدة	القضبان	الشدة KN	الطبيعة
C	CE	15	شد
	CA	0	تركيبي
A	AE	19.24	انضغاط
	AD	44.31	انضغاط

(4) استخراج المجنب اللازم والكافي للمقاومة.

$$\sigma \leq \bar{\sigma} \rightarrow \frac{N}{2 \times S} \leq \bar{\sigma} \rightarrow \frac{N}{2 \times \bar{\sigma}} \leq S \rightarrow \frac{44.31 \times 10^3}{2 \times 100} \leq S \rightarrow S \geq 221.55 \text{ mm}^2$$

$$\rightarrow S \geq 2.21 \text{ cm}^2$$

$$\rightarrow \mathbf{S \approx 3.90 \text{ cm}^2}$$

ومنه المجنب المناسب هو: L45×45×4.5

(5) حساب قطر البرغي:

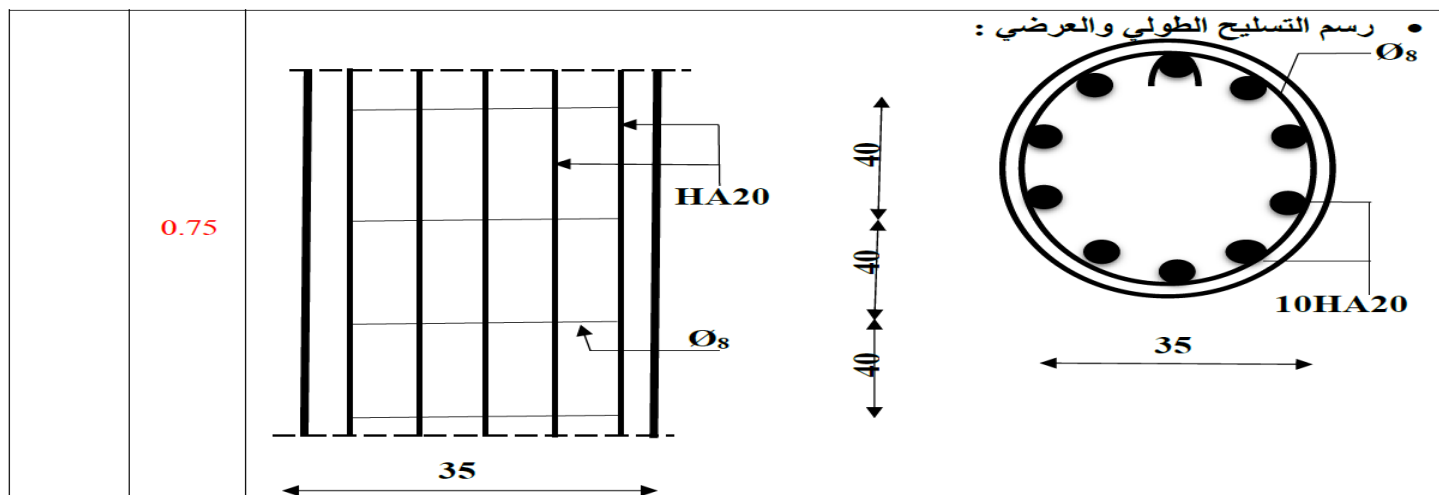
$$\tau \leq \bar{\tau} \rightarrow \frac{T}{2 \times S} \leq \bar{\tau} \rightarrow \frac{T}{2 \times \bar{\tau}} \leq S \rightarrow \frac{44.31 \times 10^3}{2 \times 3 \times 180} \leq S \rightarrow S \geq 41.02 \text{ mm}^2$$

$$\rightarrow \frac{\pi \times D^2}{4} \geq 41.02 \text{ mm}^2 \rightarrow \pi \times D^2 \geq 4 \times 41.02 \text{ mm}^2 \rightarrow D^2 \geq \frac{4 \times 41.02}{\pi}$$

$$\rightarrow \mathbf{D^2 \geq 52.25 \text{ mm} \rightarrow D \geq 7.22 \text{ mm}}$$

النشاط الثاني : (06 نقاط).

		نحن في المدار C : حساب مقطع التسليح الطولي : الحساب يكون في حالة الحد النهائي ELU فقط . $A_{S\text{ calc}} = \text{Sup}\{A_{th} ; A_{min}\}$ $L_0 = 0.25 + 2.7 + 0.55 = 3.5\text{m}$ حساب الطول الحر: حساب النحافة λ : نحسب أولا طول تحذب العمود L_f
0.25		$L_f = 0.7 L_0 = 0.7 \times 350 = 245 \text{ cm}$
0.25		$\lambda = 4 L_f / D = 4 \times 245 / 35 = 28 < 50$
		حساب المقطع المصغر للخرسانة B_r :
0.50		$B_r = \pi(D-2)^2 / 4 = \pi(35-2)^2 / 4 = 854.865 \text{ cm}^2$
		حساب المقطع النظري A_{th} :
		$A_{th} = \left(\frac{N_u}{\alpha} - \frac{B_r f_{c28}}{0.9 \gamma_b} \right) \frac{\gamma_s}{f_e}$
		حساب المعامل α :
		$\lambda = 28 < 50$ ومنه
0.25		$\alpha = \frac{0.85}{1 + 0.2 \left(\frac{\lambda}{35} \right)^2} = 0.7535$
		معظم الحمولات مطبقة في 20 يوم نأخذ f_{cj} عوض f_{c28} وقيم α تقسم على 1.2
0.25		$\frac{\alpha}{1.2} = \frac{0.7535}{1.2} = 0.6279$
0.05		$f_{c28} = 25 \text{ MPa} < 40 \text{ MPa} \longrightarrow f_{c20} = (20 / (4.76 + 0.83 \times 20)) f_{c28} = 23.41 \text{ MPa}$
0.5		$A_{th} = \left(\frac{1.6 \times 10^4}{0.6279} - \frac{854.865 \times 23.41}{0.9 \times 1.5} \right) \frac{1.15}{400} = 30.64 \text{ cm}^2$
		حساب التسليح الأدنى :
		$A_{min} = \max\{A(4U) ; A(0.2\%B)\}$
		$A(4U) = 4(\pi D) = 4(\pi 0.35) = 4.396 \text{ cm}^2$
0.05		$A(0.2\%B) = (0.2/100) \times \pi D^2 / 4 = (0.2/100) \times \pi 35^2 / 4 = 1.923 \text{ cm}^2$
		$A_{min} = \max\{4.396 \text{ cm}^2 ; 1.923 \text{ cm}^2\} = 4.396 \text{ cm}^2$
		التسليح المحسوب $A_{S\text{ calc}}$
0.025		$A_{S\text{ calc}} = \text{Sup}\{A_{th} ; A_{min}\} = \text{Sup}\{30.64 \text{ cm}^2 ; 4.396 \text{ cm}^2\}$
0.5		$A_{S\text{ calc}} = 30.64 \text{ cm}^2$
		- التسليح الحقيقي من جدول التسليح : من جدول التسليح نختار : $10\text{HA}20 = 31.42 \text{ cm}^2$ - التسليح العرضي :
		القطر :
0.25		$\phi_t \geq \frac{1}{3} \phi_L \geq \frac{20}{3} \geq 6.67$
		$\phi_t = 8 \text{ mm}$
		تباعد الإطارات S_t :
		$S_t = \min\{15\phi_{Lmin} ; 40 \text{ cm} ; (d+10 \text{ cm})\}$
0.25		$S_t = \min\{15 \times 2 ; 40 \text{ cm} ; 45 \text{ cm}\}$
		$S_t = \min\{30 ; 40 \text{ cm} ; 45 \text{ cm}\}$
		$S_t = 30 \text{ cm}$



بناءً: (08 نقاط)

النشاط الأول: حساب المساحات

1- حساب الإحداثيات القائمة للنقطة D:

$$\begin{aligned}\Delta X_{AD} &= L_{AD} \sin G_{AD} & \Rightarrow & X_D - X_A = L_{AD} \sin G_{AD} \\ \Delta Y_{AD} &= L_{AD} \cos G_{AD} & & Y_D - Y_A = L_{AD} \cos G_{AD}\end{aligned}$$

$$X_D = X_A + L_{AD} \sin G_{AD} = 5 + 38.42 \sin 142.96$$

$$Y_D = Y_A + L_{AD} \cos G_{AD} = 120 + 38.42 \cos 142.96$$

$$\rightarrow X_D = 35m$$

$$\rightarrow Y_D = 96m$$

2- التبيين بأن القطعة الأرضية ABCD غير كافية لانجاز المشروع:

$$S_1 = \frac{1}{2} \sum_{i=1}^4 X_i \times (Y_{i-1} - Y_i)$$

$$S_{ABCD} = 1/2 [X_A(Y_D - Y_B) + X_B(Y_A - Y_C) + X_C(Y_B - Y_D) + X_D(Y_C - Y_A)]$$

$$\rightarrow S_{ABCD} = 1/2 [5(96 - 141) + 29(120 - 115) + 48(141 - 96) + 35(115 - 120)]$$

$$\rightarrow \boxed{S_{ABCD} = 952.5 \text{ m}^2}$$

نلاحظ أنه $S_{ABCD} = 952.5 \text{ m}^2 < 1400 \text{ m}^2$ و منه فهي غير كافية لانجاز المشروع.

3- حساب السميت الإحداثي G_{AE} :

$$\Delta X_{AE} = X_E - X_A = 26 - 5 = 21m$$

$$\Delta Y_{AE} = Y_E - Y_A = 74 - 120 = -46m$$

$$\rightarrow Tg g = \left| \frac{\Delta X}{\Delta Y} \right| = \left| \frac{21}{-46} \right| = 0.456 \rightarrow g = 27.26 \text{ grad}$$

$$\Delta X_{AE} > 0$$

$$\Delta Y_{AE} < 0$$

$$\rightarrow G_{AE} = 200 - g = 200 - 27.26 \rightarrow$$

$$\boxed{g = 172.74 \text{ grad}}$$

حساب L_{AE} :

$$L_{AE} = \sqrt{\Delta X_{AE}^2 + \Delta Y_{AE}^2} = \sqrt{21^2 + (-46)^2} \Rightarrow \boxed{L_{AE} = 50.57m}$$

النشاط الثاني : (04 نقاط).

1/ تصنيف الاعمدة :

A4: عمود زاوي

B3: عمود داخلي

C3: عمود جانبي

2/ تصنيف الرافدين :

* الرافدة (C) : رافدة ثانوية

* الرافدة (3) : رافدة رئيسية

3/ المدرج المستقيم :

أ/ حساب ارتفاع القائمة (h) :

حسب قانون بلوندا $2h+g=64$

ومنه $h=(64-g)/2=(64-31)/2=16.5 \text{ cm}$

* استنتاج ارتفاع الطابق :

$H=n \times h=18 \times 16.5=297 \text{ cm}=2.97 \text{ m}$

ب/ حساب طول الدرجة :

عرضه يكون دائماً اكبر من طول الدرجة حيث $\lambda'=1,2\lambda$

λ : طول الدرجة.

λ' : عرض الفاصل.

ومنه طول الدرجة يساوي $\lambda=108/1.2=90 \text{ cm}$

/4

1-فاصل التمدد - 2-فاصل الإنقطاع أو التصدع

نستخدم كل نوع

فاصل التمدد: يستعمل في البنايات

الطويلة ويسمح بالحركة أفقياً نتيجة تغير

درجات الحرارة أو نتيجة تأثيرات أفقية

فاصل الإنقطاع أو التصدع: يستعمل

في حالة منشأين متجاورين باختلاف

كبير من حيث الأهمية أو إذا كان

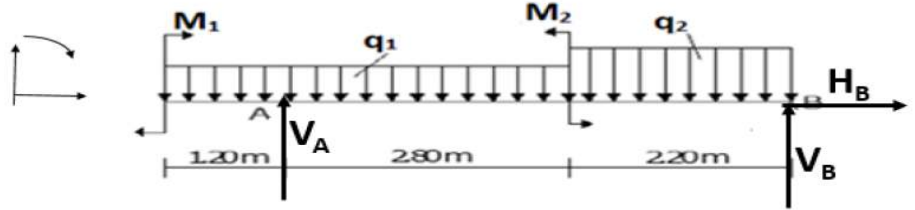
المنشآن مقامين على أترية ذات

خصائص مختلفة.

عناصر إجابة الموضوع الثاني

الميكانيك المطبقة:

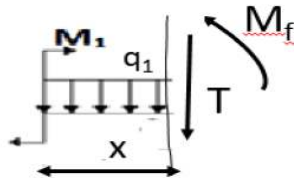
النشاط الأول: دراسة رافدة معدنية



1. حساب ردود الأفعال عند المسندين A و B :

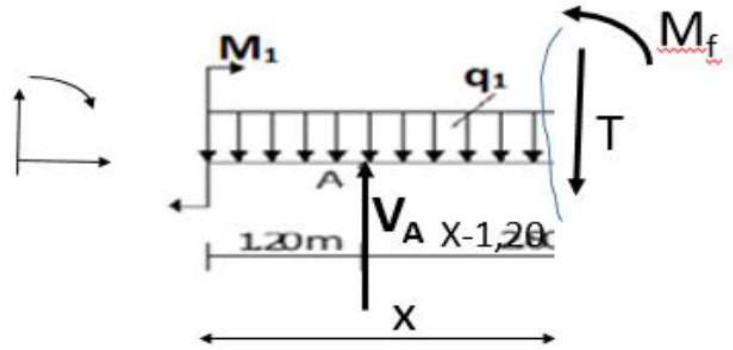
0.25	$\sum F_{/X} = 0 \Rightarrow \boxed{H_B = 0}$
	$\sum F_{/y} = 0 \Rightarrow V_A + V_B = q_1 \times 4 + q_2 \times 2.2 = 12 + 11 = 23kN$
	$\sum M_{/B} = 0 \Rightarrow V_A \times 5 - q_1 \times 4 \times 4.20 + M_1 - M_2 - q_2 \times 2.2 \times 1.10 = 0$
0.25	$\Rightarrow V_A = \frac{+q_1 \times 4 \times 4.20 - M_1 + M_2 + q_2 \times 2.2 \times 1.10}{5} = \frac{50.4 - 2 + 4 + 12.1}{5} = \frac{64.5}{5} = \boxed{12.9kN}$
	$\sum M_{/A} = 0 \Rightarrow -V_B \times 5 + q_1 \times 4 \times 0.80 \times 3 + q_2 \times 2.2 \times 3.9 - M_2 + M_1 = 0$
0.25	$\Rightarrow V_B = \frac{q_1 \times 4 \times 0.80 \times 3 + q_2 \times 2.2 \times 3.9 - M_2 + M_1}{5} = \frac{9.6 + 42.9 - 4 + 2}{5} = \frac{50.5}{5} = \boxed{10.1kN}$
	التحقق: $V_A + V_B = 12.9 + 10.1 = 23kN$

2. كتابة معادلات الجهد القاطع $T(x)$ و عزم الانحناء $M_f(x)$:
المقطع (1-1): $0 \leq x \leq 1.2$



0.50	$T(X) = -q_1 \cdot x = \boxed{-3x}$
	$x = 0 \Rightarrow T(0) = 0.$
0.25	$x = 1.20 \Rightarrow T(1.2) = -3.6kN$
	$M_f(X) = -q_1 \cdot \frac{x^2}{2} + M_1 = \boxed{-1.5x^2 + 2}$
	$x = 0 \Rightarrow M_f(0) = 2KN.m$
0.25	$x = 1.2 \Rightarrow M_f(1.2) = -0.16kN.m$

المقطع (2-2): $1.20 \leq x \leq 4$



0.50

$$T(X) = -q_1 \cdot x + V_A = \boxed{-3x + 12.9}$$

$$x = 1.20 \Rightarrow T(1.20) = 9.3 \text{ kN}$$

0.25

$$x = 4 \Rightarrow T(4) = 0.90 \text{ kN}$$

$$M_f(X) = -q_1 \cdot \frac{x^2}{2} + V_A \cdot (x - 1.2) + M_1$$

0.50

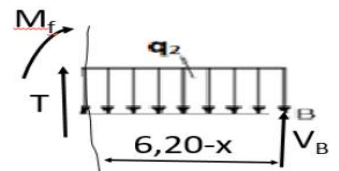
$$M_f(X) = -1.5x^2 + 12.9x - 15.48 + 2 = \boxed{-1.5x^2 + 12.9x - 13.48}$$

$$x = 1.20 \Rightarrow M_f(1.20) = -0.16 \text{ kN.m}$$

0.25

$$x = 4 \Rightarrow M_f(4) = 14.12 \text{ kN.m}$$

المقطع (3-3): $4 \leq x \leq 6.20$ (القطع على اليمين)



0.50

$$T(X) = q_2 \cdot (6.20 - x) - V_B = 31 - 5X - 10.1 = \boxed{-5x + 20.9}$$

0.25

$$x = 4 \Rightarrow T(4) = 0.90 \text{ kN}$$

$$x = 6.20 \Rightarrow T(6.20) = -10.1 \text{ kN}$$

$$M_f(X) = -q_2 \cdot \frac{(6.2 - x)^2}{2} + V_B \cdot (6.20 - x)$$

$$M_f(X) = -10.1x + 62.62 - 2.5(6.2 - x)^2 = -10.1x + 62.62 - 2.5(38.44 - 12.4x + x^2)$$

0.50

$$M_f(X) = -10.1x + 62.62 - 96.1 + 31x - 2.5x^2 = \boxed{-2.5x^2 + 20.9x - 33.48}$$

0.25

$$x = 4 \Rightarrow M_f(4) = 10.2 \text{ kN.m}$$

$$x = 6.2 \Rightarrow M_f(6.2) = 0$$

حساب الفاصلة التي ينعدم فيها الجهد القاطع:

$$T(x) = 0 \Rightarrow -5x + 20.9 = 0$$

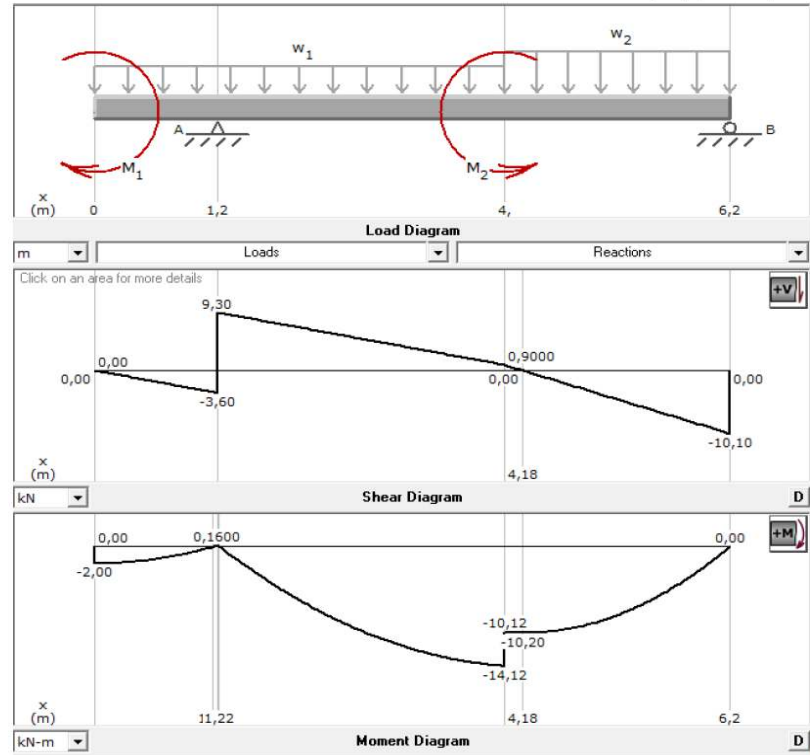
0.25

$$\Rightarrow x = \frac{-20.9}{-5} = \boxed{4.18 \text{ m}}$$

0.25

$$\Rightarrow \boxed{M_f(3.22) = 10.2 \text{ kN.m}}$$

3. رسم المنحنيات البيانية:



0.50

0.50

0.25

من المنحنيات نستنتج أن : $M_f \max = 14.12 \text{ kN.m}$

4- التحقق من شرط المقاومة:

0.25

$$\sigma_{\max} = \frac{M_{f \max}}{W_{/xx'}} \leq \bar{\sigma}$$

$$\sigma_{\max} = \frac{M_{f \max} \times \frac{h}{2}}{I_{/xx'}} \leq \bar{\sigma}$$

0.50

$$I_{/xx'} = \frac{bh^3}{12} - 2 \times 38.5 \times \frac{(145.2)^3}{12} = \frac{82 \times (160)^3}{12} - 19643068.37 = 8346264.93 \text{ mm}^4 = \boxed{834.626 \text{ cm}^3}$$

0.25

$$\Rightarrow \sigma_{\max} = \frac{14.12 \times 10^4 \times 8}{834.626} = 1353.42 \text{ daN/cm}^2 < 1360 \text{ daN/cm}^2$$

و منه: شرط المقاومة محقق.

7 ن

ملاحظة هامة:

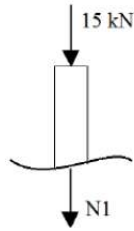
يمكن حساب عزم عطالة المقطع بجمع عزوم العطالة الجزئية و تطبيق نظرية هويكنس.

$$I_{/xx'} = I_{1/xx'} + I_{2/xx'} + I_{3/xx'} = \boxed{834.626 \text{ cm}^3}$$

حل النشاط الثاني: التحريضات البسيطة (05 ن)

(1

(أ) - حساب الجهد الناطمي و التشوه المطلق:



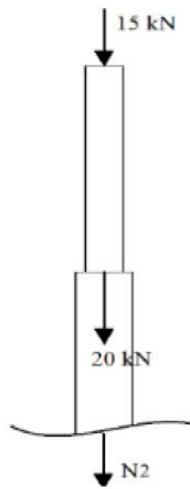
$$\sum F_y = 0 \Rightarrow N_1 + 15 = 0 \quad \text{القطع 1-1:} \\ \Rightarrow N_1 = -15 \text{ kN}$$

$$S_1 = \frac{\pi(20^2 - 19^2)}{4} \Rightarrow S_1 = 30,615 \text{ cm}^2$$

$$\sigma_1 = \frac{N_1}{S_1} \Rightarrow \sigma_1 = -49 \text{ daN/cm}^2$$

$$\Delta L_1 = \frac{N_1 \times L_1}{S_1 \times E} \Rightarrow \Delta L_1 = -0,06 \text{ mm}$$

*القطع 2-2:



$$\sum F_y = 0 \Rightarrow N_2 + 15 + 20 = 0 \\ \Rightarrow N_2 = -35 \text{ kN}$$

$$S_2 = \frac{\pi(30^2 - 29^2)}{4} \Rightarrow S_2 = 46,315 \text{ cm}^2$$

$$\sigma_2 = \frac{N_2}{S_2} \Rightarrow \sigma_2 = -75,57 \text{ daN/cm}^2$$

$$\Delta L_2 = \frac{N_2 \times L_2}{S_2 \times E} \Rightarrow \Delta L_2 = -0,11 \text{ mm}$$

(ب) - استنتاج التشوه الكلي:

$$\Delta L = \Delta L_1 + \Delta L_2 \\ \Rightarrow \Delta L = -0,17 \text{ mm} \quad \text{تقلص}$$

(ج) - التحقق من مادة الألمنيوم:

$$\sigma_{\max} \leq \bar{\sigma}$$

$$\sigma_2 = \frac{N_2}{S_2} \Rightarrow \sigma_{\max} = 75,57 \frac{\text{daN}}{\text{cm}^2} \leq \bar{\sigma} = 150 \frac{\text{daN}}{\text{cm}^2}$$

و منه يمكن استخدام الألمنيوم في صناعة الأعمدة

(2) - إيجاد قطر البراغي التي تحقق المقاومة:

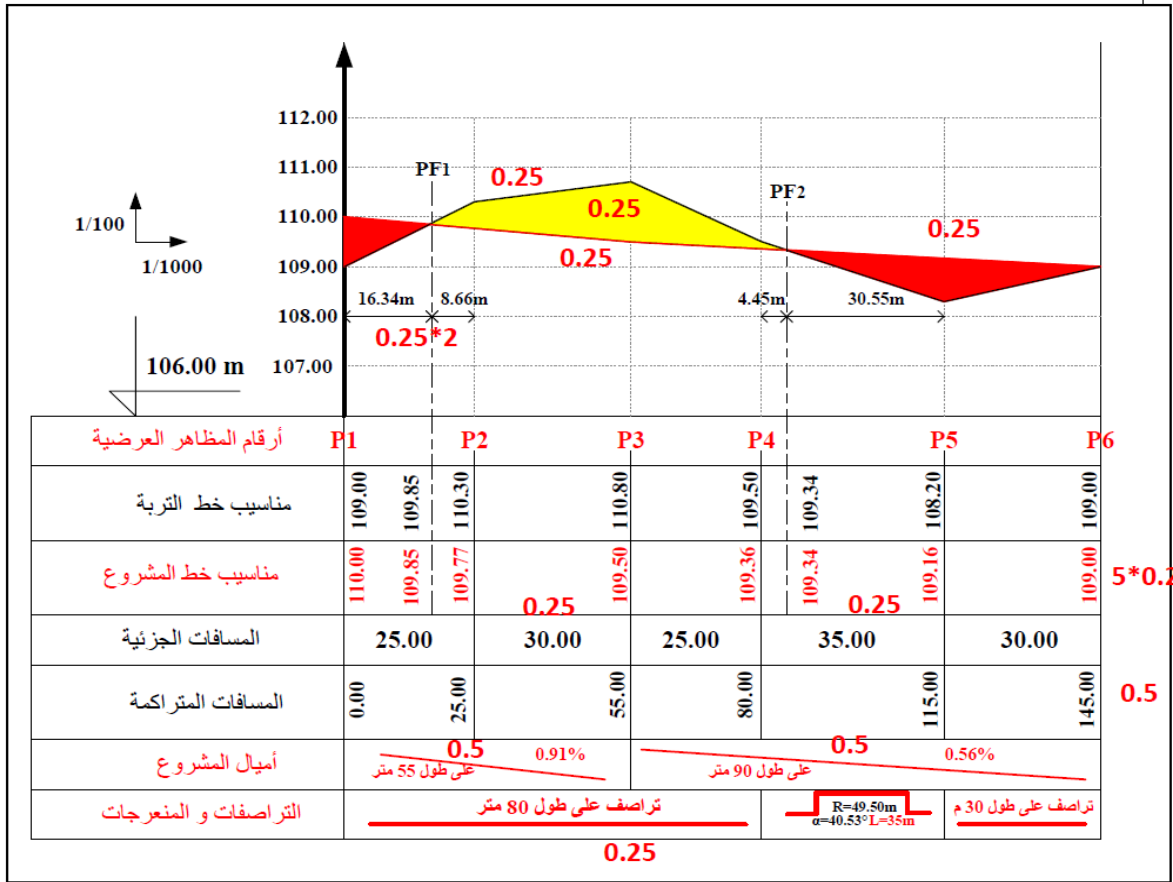
$$\tau \leq \bar{\tau}$$

$$\tau = \frac{F}{2 \times S} = \frac{10 \times 10^3}{2 \times \pi \times \frac{D^2}{4}} \quad \frac{20 \times 10^3}{\pi \times D^2} \leq \bar{\tau} \rightarrow D \geq \sqrt{\frac{20 \times 10^3}{\pi \times \bar{\tau}}}$$

$$\rightarrow D \geq 7,61 \text{ mm} \quad D = 8 \text{ mm} \quad \text{نختار}$$

البناء :

النشاط الأول: الجزء الأول (03 نقاط)



- حساب المسافات الجزئية

$$L_{p4-p5} = \frac{\pi \cdot R \cdot \alpha}{180} = \frac{3.14 \times 49.50 \times 40.53}{180} = 35.00m$$

$$L_{p2-p3} = 115 - 25 - 25 - 35 = 30.00m$$

- حساب الميل

$$P_1 = \tan \alpha = \frac{110 - 109.5}{55} = 0.0091 = 0.91\%$$

$$P_2 = \tan \alpha = \frac{109.5 - 109}{90} = 0.0056 = 0.56\%$$

- حساب مناسيب خط المشروع

$$p_2 = 110 - 25 \times 0.0091 = 109.77m$$

$$p_4 = 109.5 - 25 \times 0.0056 = 109.36m$$

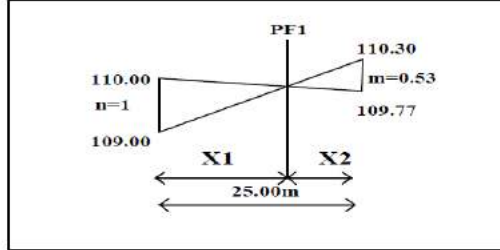
$$p_5 = 109.5 - 60 \times 0.0056 = 109.16m$$

- حساب عمق الأشغال

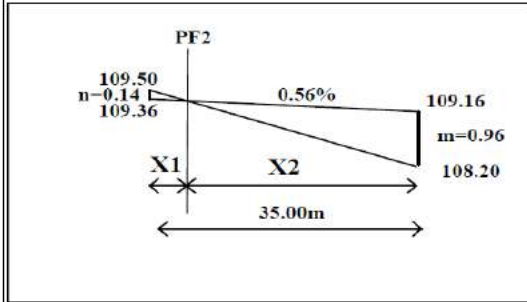
$$\begin{aligned} P_1 &= 109 - 110 = -1.00m \\ P_2 &= 110.30 - 109.77 = 0.53m \\ P_3 &= 110.8 - 109.5 = 1.30m \\ P_4 &= 109.5 - 109.36 = 0.14m \\ P_5 &= 108.2 - 109.16 = -0.96m \\ P_6 &= 109 - 109 = 0.00m \end{aligned}$$

- حساب المظاهر الوهمية

PF₁



PF₂



$$\begin{aligned} X_1 &= \frac{nL}{n+m} = \frac{1 \times 25}{1+0.53} = 16.34m \\ X_2 &= \frac{mL}{n+m} = \frac{1 \times 25}{1+0.53} = 8.66m \\ PF_1 &= 110 - 0.0091 \times 16.34 = 109.85m \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} X_1 &= \frac{nL}{n+m} = \frac{0.14 \times 35}{0.14+0.96} = 4.45m \\ X_2 &= \frac{mL}{n+m} = \frac{0.96}{0.14+0.96} = 30.55m \\ PF_1 &= 109.36 - 0.0056 \times 4.45 = 109.34m \end{aligned}$$

الجزء الثاني : (02 نقاط).

I (1) 2 1-طبقة السطح 2-طبقة القاعدة: تحمل تأثير العربات و نقلها نحو طبقة الأساس

3-طبقة الأساس: توزيع القوى على التربة الطبيعية 4-طبقة الشكل

3/ الطبقات التحتية المكونة لهيكل القارعة :

- 1/الطبقة الصارفة للمياه 2/ الطبقة المضادة لصعود المياه 3/ الطبقة المضادة للجليد

- 4/ الطبقة المضادة للتلوث

النشاط الثاني: المنشآت العلوية (03 نقاط)

(1) نوع التغطية: الغماء

(2) تسمية العناصر المرقمة:

الرقم	اسم العنصر	الرقم	اسم العنصر
01	الهيكل الثلاثي	04	الشرائح
02	حاملات الروافد	05	التغطية (قرميد)
03	دعائم السقف	06	المزrab

(3) لا يمكن الاستغناء عن العنصرين (03) دعائم السقف و(04) الشرائح في لأن التغطية المستعملة

عبارة عن قرميد وهو ثقيل الوزن ويحتاج إلى مساند متعددة لحمله.

(4) يمكن الاستغناء عن العنصرين (3) دعائم السقف و (4) الشرائح: عند استعمال الاغطية ذات

القياسات الكبيرة (مثل المطيلة المتموجة)، تكون الهياكل خفيفة إذ يمكن الاستغناء عن الشرائح ودعائم السقف لتوضع الاغطية مباشرة فوق حاملات الروافد.