

على المتر شح أن يختار احد الموضوعين الآتيين :

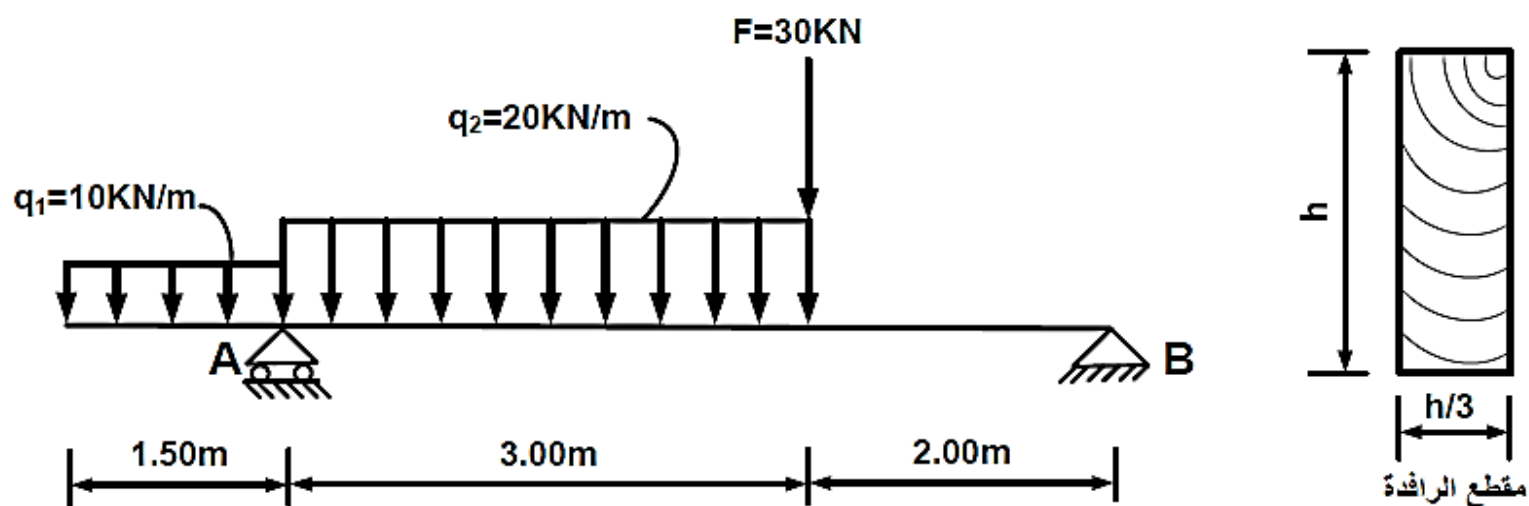
### الموضوع الأول

يحتوي الموضوع الأول على ( 5 ) صفحات ( من الصفحة 1 إلى الصفحة 5 )

الميكانيك المطبقة : ( 12 نقاط )

النشاط الأول : دراسة رافدة ( 06 نقاط )

رافدة محملة كما هو موضح في الشكل رقم 1.



العمل المطلوب:

- 1) أحسب ردود الأفعال عند المسندين.
- 2) أكتب معادلات الجهد القاطع  $T$  و عزم الانحناء  $M_f$  على طول الرافدة وارسم منحنييهما البيانيين.
- 3) أوجد أبعاد مقطع الرافدة التي تحقق المقاومة علما أن:

$$\bar{\sigma} = 900 \text{ daN / cm}^2 \text{ و } M_{f_{\text{MAX}}} = 67.85 \text{ kN.m}$$

ملاحظة: نأخذ قيمة  $h$  عددا طبيعيا.

## النشاط الثاني : ( 06 نقاط)

شداد من الخرسانة المسلحة يتمثل في كمره أرضية بناية مقطوعها العرضي :  $B(40*40)cm^2$   
اعتمادا على المعطيات التالية :

$$Q=100 \text{ KN} , G=200 \text{ KN} , f_{c28}=25MPa$$

تشققات ضارة جدا

$$\eta = 1.6 , \gamma_s = 1.15 , FeE400$$

الفولاذ من النوع

العمل المطلوب :

- 1- أحسب مساحة التسليح الطولي للشداد
- 2- تحقق من شرط عدم الهشاشة.
- 3- اقترح رسما توضيحا للتسليح.

### العلاقات الضرورية للحساب

الحالة الحدية للتشغيل ELS:

الإجهادات في الفولاذ

• تشققات غير ضارة: نكتفي بـ: ELU

$$\sigma_s = \min \{ 2/3 \cdot f_e ; 110 \sqrt{\eta f_{tj}} \} \text{ • تشققات ضارة}$$

$$\sigma_s = \min \{ 1/2 f_e ; 90 \sqrt{\eta f_{tj}} \} \text{ • تشققات ضارة جدا}$$

$$f_{tj} = 0.6 + 0.06 f_{cj} : f_{tj} \text{ حيث المقاومة المميزة للشد}$$

$$A_{ser} = \frac{N_{ser}}{\sigma_s} \text{ مقطع التسليح}$$

الحالة الحدية النهائية ELU:

$$A_n = \frac{N_u}{f_e} \text{ و } \sigma_s = \frac{f_e}{\gamma_s}$$

مراقبة شرط عدم الهشاشة:

$$B \cdot f_{t28} \leq A_s \cdot f_e$$

جدول التسليح

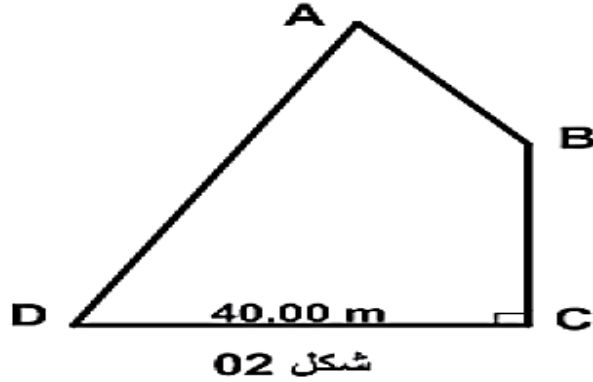
| المقطع ب (cm <sup>2</sup> ) لعدد من القضبان |       |       |       |       |       |       |      |      |      | الأقطار<br>(mm) |
|---------------------------------------------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|------|------|------|-----------------|
| 10                                          | 9     | 8     | 7     | 6     | 5     | 4     | 3    | 2    | 1    |                 |
| 2.83                                        | 2.54  | 2.26  | 1.98  | 1.70  | 1.41  | 1.13  | 0.85 | 0.57 | 0.28 | 6               |
| 5.03                                        | 4.52  | 4.02  | 3.52  | 3.02  | 2.51  | 2.01  | 1.51 | 1.01 | 0.50 | 8               |
| 7.85                                        | 7.07  | 6.28  | 5.50  | 4.71  | 3.93  | 3.14  | 2.36 | 1.57 | 0.79 | 10              |
| 11.31                                       | 10.18 | 9.05  | 7.92  | 6.79  | 5.65  | 4.52  | 3.39 | 2.26 | 1.13 | 12              |
| 15.39                                       | 13.85 | 12.32 | 10.78 | 9.24  | 7.70  | 6.16  | 4.62 | 3.08 | 1.54 | 14              |
| 20.11                                       | 18.10 | 16.08 | 14.07 | 12.06 | 10.05 | 8.04  | 6.03 | 4.02 | 2.01 | 16              |
| 31.42                                       | 28.27 | 25.13 | 21.99 | 18.85 | 15.71 | 12.57 | 9.42 | 6.28 | 3.14 | 20              |

البناء : (08 نقاط)

النشاط الأول : (03 نقاط)

الجزء 1 :

قطعة أرض ذات شكل مضلع ABCD (الشكل 02) حيث إحداثيات رؤوسه مدونة في الجدول :



| النقاط | X (m)  | Y(m)   |
|--------|--------|--------|
| A      | 100,00 | 100,00 |
| B      | 115,00 | 80,00  |
| C      | 115,00 | 50,00  |
| D      | ?      | ?      |

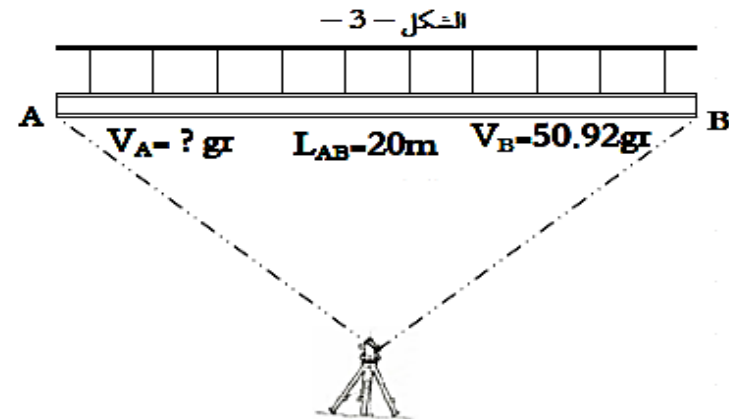
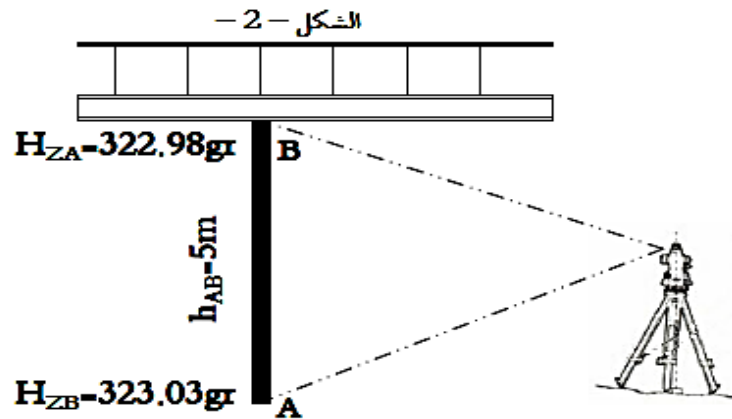
الزاوية الأفقية  $\widehat{BCD} = 100 \text{ gr}$  ، المسافة الأفقية  $D_{CD} = 40.00$

المطلوب :

1. استنتج السميت الإحداثي  $G_{CD}$  ثم أحسب إحداثيات النقطة D.

2. أحسب مساحة قطعة الأرض ABCD بطريقة الإحداثيات القائمة

الجزء 2: لتأكد من صحة وضعية الأعمدة و الروافد بعد الانجاز قام طبوغرافي بالمراقبة الشاقولية و أفقية



العمل المطلوب :

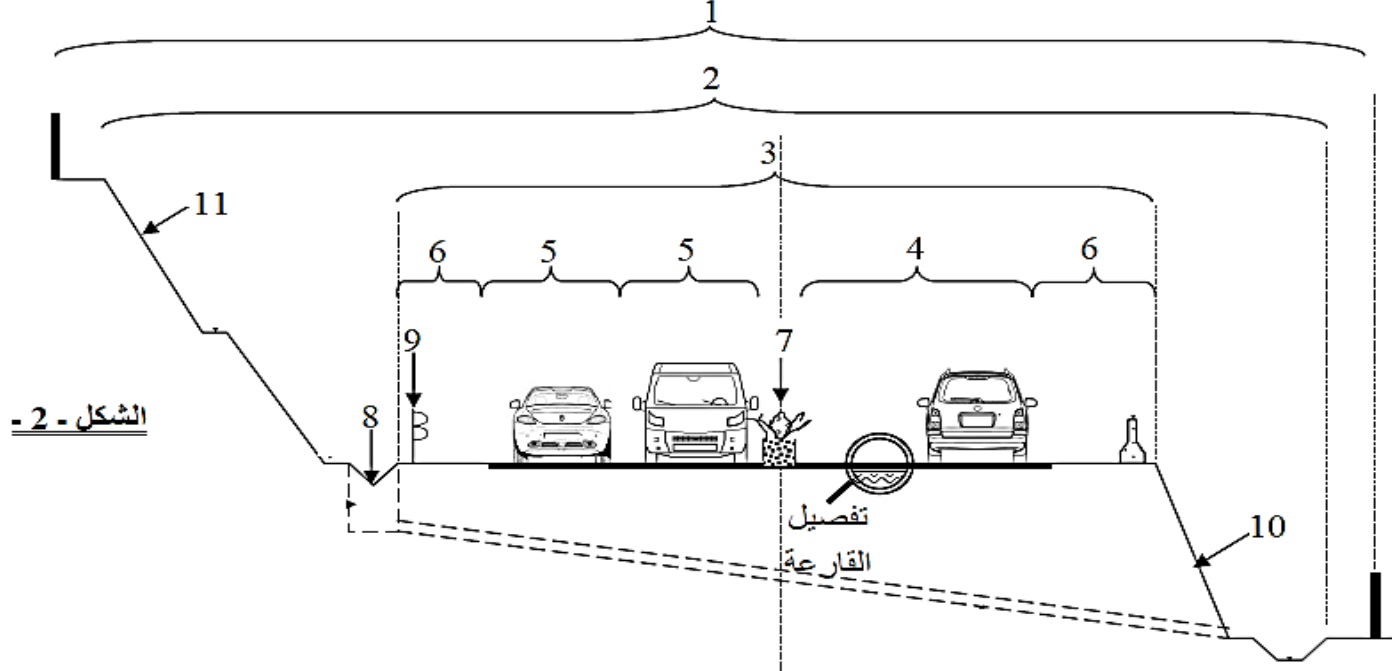
1- أحسب الانحراف d للعمود.

2- إذا كان الميلان للرافدة  $C = 6.28 \text{ mm}$  أحسب قيمة القراءة للزاوية الشاقولية عند النقطة A ( $V_A$ ).

## النشاط الثاني : (05 نقاط)

يمثل الشكل 02 مقطعا عرضيا للطريق

- 1- سمي العناصر المرقمة
- 2- ماهي مختلف طبقات القارعة



الشكل - 2 -

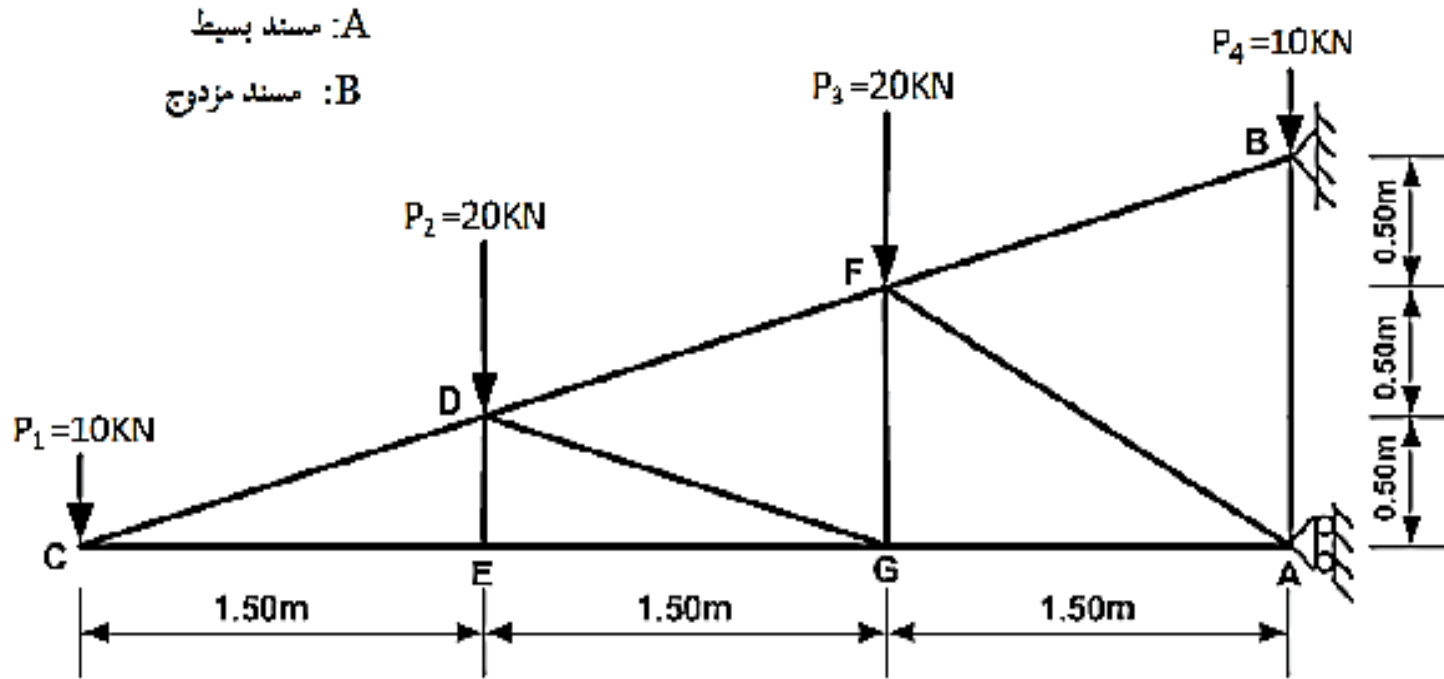
- 3- أتمم المظهر الطولي الموالي (المرفق في الوثيقة - الصفحة 5)



## الموضوع الثاني

يحتوي الموضوع الثاني على ( 04 ) صفحات ( من الصفحة 6 إلى الصفحة 9 )  
الميكانيك المطبقة : ( 12 نقاط )

### النشاط الأول: ( 5.5 نقطة )



شكل 01

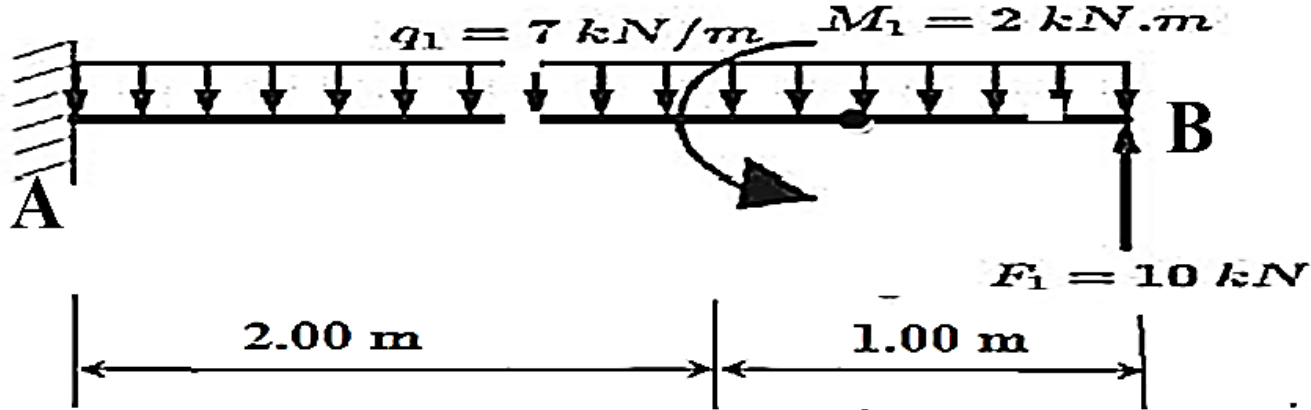
1. احسب ردود الأفعال عند المسندين (A) و (B).
2. حدد الجهود الداخلية وطبيعتها في القضبان CD ; CE ; ED ; EG ; DF ; DG .  
ثم دَوِّن النتائج في جدول
3. إذا علمت أن القضيب الأكثر تحميلاً هو القضيب (BF) و يتأثر بجهد  $N_{BF} = 95 \text{ KN}$ .

احسب مساحة مقطع القضيب الذي يحقق شرط المقاومة علماً أن  $\bar{\sigma} = 1600 \text{ daN/cm}^2$

4. تم ربط القضيب BF في العقد B بواسطة ثلاث (03) براغي اوجد قطر البرغي الذي يحقق المقاومة  
إجهاد القص المسموح به :  $\bar{\tau} = 70 \text{ N/mm}^2$

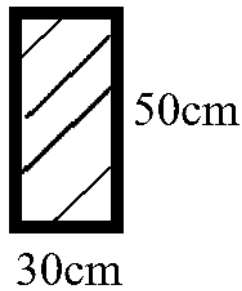
**النشاط الثاني : (06.5 نقطة)**

رافدة معدنية موثوقة في A ومحملة بحمولات كما هو في الشكل :



**المطلوب :**

1. احسب ردود الأفعال في المسند A
2. اكتب معادلات الجهد القاطع (T) و عزم الانحناء ( $M_f$ )
3. ارسم منحنىي الجهد القاطع و عزم الانحناء
4. حدد من الجدول المرفق المجنب المناسب الذي يحقق المقاومة علما ان  $M_{f_{max}} = 9.14 \text{ KN.m}$      $T_{max} = 11 \text{ KN}$      $\bar{\sigma} = 1600 \text{ daN/cm}^2$
5. اذا تم استبدال المجنب برافدة معدنية مستطيلة المبينة في الشكل الموالي احسب الاجهاد المماسي  $\tau$



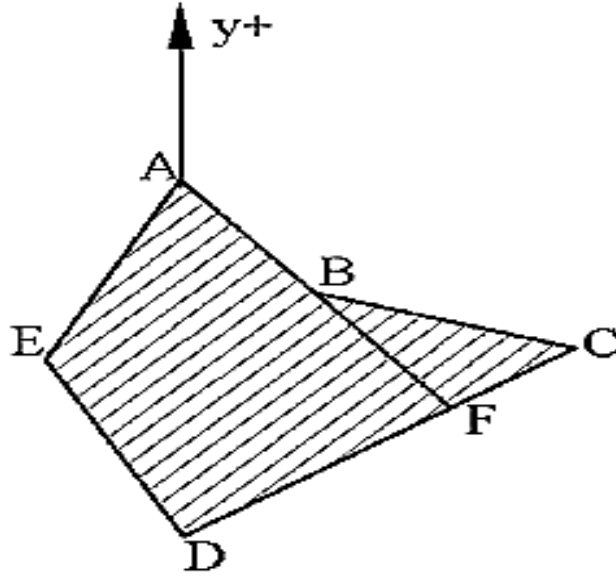
| <i>IPE</i> | h<br>(mm) | b<br>(mm) | a<br>(mm) | e<br>(mm) | $W_{xx}$<br>(cm <sup>3</sup> ) | A<br>(cm <sup>2</sup> ) |
|------------|-----------|-----------|-----------|-----------|--------------------------------|-------------------------|
| 200        | 200       | 100       | 5.6       | 8.5       | 194                            | 28.5                    |
| 220        | 220       | 110       | 5.9       | 9.2       | 252                            | 33.4                    |
| 240        | 240       | 120       | 6.2       | 9.8       | 324                            | 39.1                    |
| 270        | 270       | 135       | 6.6       | 10.2      | 429                            | 45.9                    |
| 300        | 300       | 150       | 7.1       | 10.7      | 557                            | 53.8                    |

**جدول المجنبات**

البناء : (08 نقاط)

النشاط الأول : دراسة طبوغرافية (05 نقاط)

يتمثل المشروع في قطعة أرض ABCDE خماسية الشكل معرفة بإحداثياتها القائمة (الديكارتية) كما هو مبين على الرسم التالي:



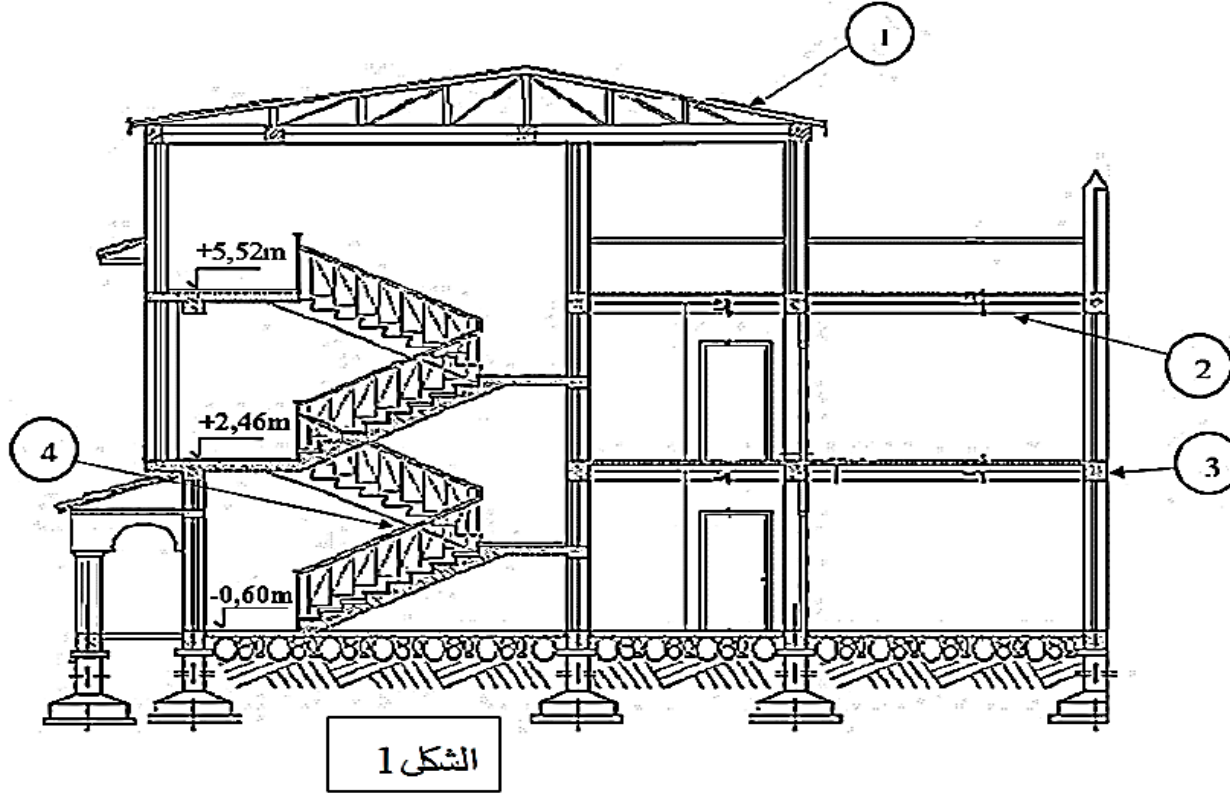
| النقاط | الفواصل (x) | الترتيب (y) |
|--------|-------------|-------------|
| A      | 150         | 260         |
| B      | 254         | 138         |
| C      | 456         | 78          |
| D      | 152         | -126        |
| E      | 45          | 65          |

العمل المطلوب:

1. أحساب مساحة القطعة الخماسية. ABCDE
2. أراد المالك أن يبيع الجزء المتمثل في القطعة BCF .
  - أ - أحسب زاويتي السميت  $G_{BA}$  ؛  $G_{BC}$
  - ب - إستنتج  $G_{AB}$  و  $G_{BF}$  حيث ان النقط  $F; B; A$  في إستقامة.
  - ج - أحسب مساحة القطعة المراد بيعها BCF حيث أن المسافة الأفقية  $BF = 163.45m$ .
  - هـ - أحسب الإحداثيات القائمة للنقطة F .



النشاط الثاني: ( 03 نقاط )



يمثل الشكل 1 هيكل بنائية :

(1) سمّ العناصر المرقمة.

(2) أذكر أنواع العنصر رقم 4

(3) إذا كان عدد درجات

العنصر 4 هو 18 درجة

أ- أحسب ارتفاع القائمة

ب- أحسب عرض الدرجة.

النجاح يحققه الذين يواصلون المحاولة بنظرة إيجابية للأشياء

بعد انتهاء فترة الامتحان يمكنك الإطلاع على التصحيح النموذجي و ذلك بنسخ الرمز

باستعمال تطبيق QR Scanner

الميكانيك المطبقة : (12 نقاط)

النشاط الأول : دراسة رافدة ( 06 نقاط)

$$\sum F_x = 0 \Rightarrow H_A = 0$$

$$\sum M_{/A} = 0 \Rightarrow V_B = 33.75 \text{ KN} , \sum M_{/B} = 0 \Rightarrow V_A = 71.25 \text{ KN}$$

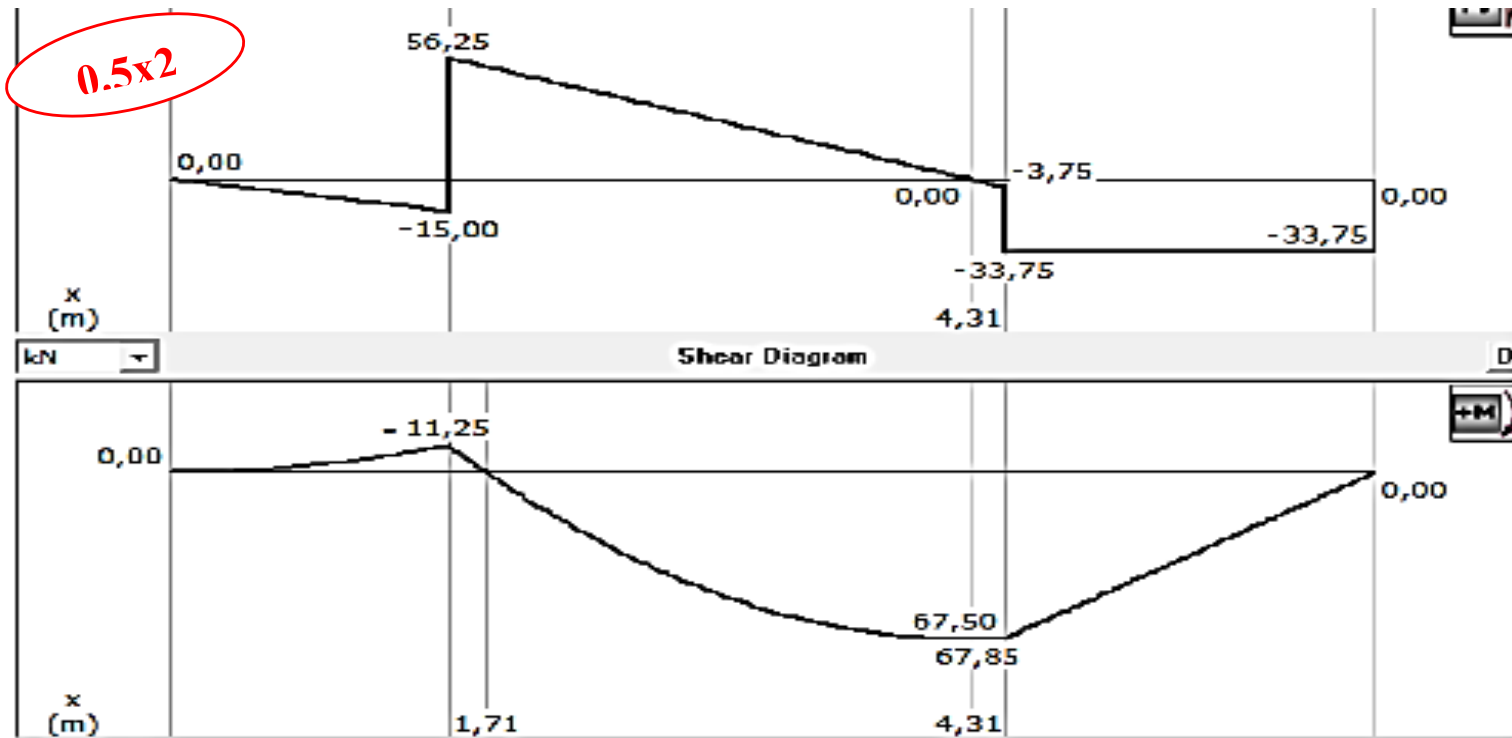
حساب ردود الافعال:

0.5

كتابة معادلات الجهد والقاطع وعزم الانحناء:

| المناطق                                              | معادلات الجهد القاطع T(x)                                                                                                       | معادلات عزم الانحناء Mf(x)                                                                                                                    |
|------------------------------------------------------|---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| 1.25<br>المنطقة 01<br>$0 \leq x \leq 1.5$            | $T(x) = -10x$<br>$\Rightarrow T(0) = 0 \text{ KN}; T(1.5) = -15 \text{ KN}.$                                                    | $M(x) = -15x^2$<br>$\Rightarrow M(0) = 0 \text{ KN.m}; M(1.5) = -11.25 \text{ KN.m}$                                                          |
| 1.25<br>المنطقة 02<br>$1.5 \leq x \leq 4.5$          | $T(x) = -20x + 86.25$<br>$\Rightarrow T(1.5) = 56.25 \text{ KN}; T(4.5) = -3.75 \text{ KN}.$<br>$T(x) = 0 \Rightarrow x = 4.31$ | $M(x) = -10x^2 + 86.25x - 118.125$<br>$\Rightarrow M(1.5) = -11.25 \text{ KN.m}; M(4.5) = 67.50 \text{ KN.m}$<br>$M(4.31) = 67.85 \text{ KN}$ |
| 1.25<br>المنطقة 03<br>من اليمين<br>$0 \leq x \leq 2$ | $T(x) = -33.75$<br>$\Rightarrow T(0) = -33.75 \text{ KN}; T(2) = -33.75 \text{ KN}.$                                            | $M(x) = 33.75x$<br>$\Rightarrow M(0) = 0 \text{ KN.m}; M(2) = 67.50 \text{ KN.m}$                                                             |

رسم المنحنيات



حساب أبعاد الرافدة:

0.75

$$\frac{M_{MAX}}{\frac{I_{xx}}{Y_{max}}} \leq \bar{\sigma} \Rightarrow \frac{M_{max}}{\frac{h^3}{18}} \leq \bar{\sigma}$$

$$\Rightarrow \frac{18 \times 67.85 \times 10^4}{900} \leq h^3$$

$$\Rightarrow h \geq 23.85 \text{ cm.}$$

نختار : h=24cm

ومنه أبعاد الرافدة: (24×8) cm

النشاط الثاني : ( 06 نقاط )

(8) حساب الجهود الناعمية للشد:

$$N_{SER} = G + Q = 100 + 200 = 300 \text{ kN}$$

$$N_{SER} = 0.3 \text{ MN}$$

$$N_U = 1.35G + 1.5Q = 1.35 \times 100 + 1.5 \times 200 = 420 \text{ kN}$$

$$N_U = 0.42 \text{ MN}$$

0.5

0.5

(9)

الحساب في الحالة النهائية القصوى: ELU

(10)

حساب الإجهاد في الفولاذ:

$$F_{su} = \frac{f_e}{\gamma_s} = \frac{400}{1.15} = 348 \text{ MPa}$$

$$F_{su} = 348 \text{ MPa}$$

0.5

$$A_u = \frac{N_U}{F_{su}} = \frac{0.42 \times 10^6}{348} = 1206 \text{ mm}^2$$

$$A_u = 12.06 \text{ cm}^2$$

0.5

الحساب في الحالة النهائية للتشغيل: ELS

(11)

حساب الإجهادات في الفولاذ:

(12)

$$f_{t28} = 0.6 + 0.06f_{c28} = 2.1 \text{ MPa}$$

0.5

بما أن التشققات ضارة جدا

$$\bar{\sigma}_s = \min \left\{ \frac{1}{2} f_e, 90 \sqrt{\eta f_{t28}} \right\} = \left\{ \frac{1}{2} \cdot 400, 90 \sqrt{1.6 \times 2.1} \right\}$$

$$\bar{\sigma}_s = 164.9 \text{ MPa}$$

0.5

$$A_{ser} = \frac{N_{ser}}{\bar{\sigma}_s} = \frac{0.3 \times 10^6}{164.9} = 1819.28 \text{ mm}^2$$

$$A_{ser} = 18.19 \text{ cm}^2$$

مقطع التسليح المختار:

0.5

$$A_s = \max\{A_U, A_{ser}\}$$

$$A_{ser} = 18.19 \text{ cm}^2$$

0.25

مقطع التسليح المختار من الجدول :

$$A_s = 4HA20 + 4HA14 = 18.72 \text{ cm}^2$$

$$A_s = 18.72 \text{ cm}^2$$

0.75

التحقق من شرط عدم الهشاشة:

(14

$$A_s \cdot f_e \geq B \cdot f_{t28}$$

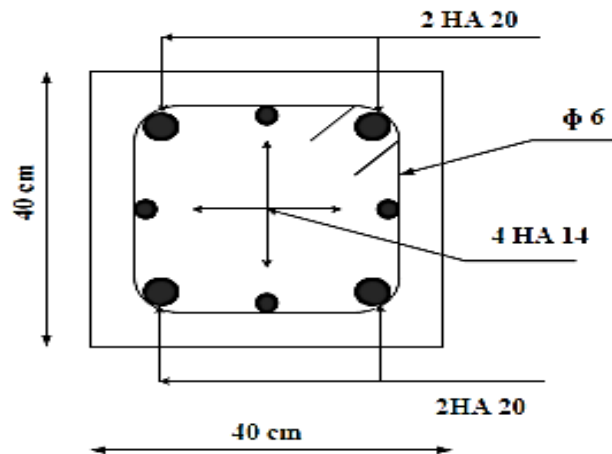
$$18.72 \times 10^2 \times 400 \times 10^{-6} \geq (40 \times 40) \times 10^2 \times 2.1 \times 10^{-6}$$

$$0.748 \text{ MN} > 0.336 \text{ MN}$$

0.5

اذن الشرط محقق

الرسم التسليح المقترح :



1

اقتراح مقبول:

$$6HA20 = 18.84 \text{ cm}^2$$

السبأء : (08 نأاط)

النشاط الأول : ( 03 نأاط)

الآءء 1 :

1. السمء الإءاءئ:  $G_{CD}$  من الشكل لءنا

$$G_{CD} = 300gr$$

0.25

- آساب إءاءئاء النأأة **D**:

$$\Delta X_{CD} = L_{CD} \cdot \sin G_{CD}$$

$$X_D - X_C = L_{CD} \cdot \sin G_{CD} \rightarrow X_D = X_C + L_{CD} \sin G_{CD} \\ = 115,00 + 40,00(-1)$$

$$X_D = 75,00 \text{ m}$$

1

$$\Delta Y_{CD} = L_{CD} \cdot \cos G_{CD}$$

$$Y_D - Y_C = L_{CD} \cdot \cos G_{CD} \rightarrow Y_D = Y_C + L_{CD} \cos G_{CD} \\ = 50,00 + 40,00 \times 0$$

$$Y_D = 50,00 \text{ m}$$

و منه  $D (75,00 ; 50,00)$

**2- آساب مسأأة المضلع ABCD :**

$$S_{ABCD} = \frac{1}{2} [\sum X_n (Y_{n-1} - Y_{n+1})]$$

$$S_{ABCD} = \frac{1}{2} [X_A (Y_D - Y_B) + X_B (Y_A - Y_C) + X_C (Y_B - Y_D) + X_D (Y_C - Y_A)]$$

$$S_{ABCD} = \frac{1}{2} [100(50 - 80) + 115(100 - 50) + 115(80 - 50) + 75(50 - 100)]$$

$$S_{ABCD} = \frac{1}{2} [-3000 + 5750 + 3450 - 3750]$$

$$S_{ABCD} = \frac{1}{2} (2450)$$

0.75

$$S_{ABCD} = 1225 \text{ m}^2$$

## الجزء 2:

حساب الانحراف d للعمود:

$$\operatorname{tg}(\Delta H_Z) = \frac{d}{h_{AB}} \Rightarrow d = h_{AB} \times \operatorname{tg}(\Delta H_Z)$$

$$d = 5 \times 10^3 \times \operatorname{tg}(323.03 - 322.98) \Rightarrow d = 3.92 \text{ mm}$$

حساب قيمة الزاوية الشاقولية  $V_A$  لملان قيمته  $c = 6.28 \text{ mm}$ :

$$\operatorname{tg}(\Delta V) = \frac{C}{D_{AB}} \Rightarrow \operatorname{tg}(V_A - V_B) = \frac{C}{D_{AB}} = \frac{6.28}{20 \times 10^3} = 0.0003$$

$$\Rightarrow V_A - V_B = 0.02 \Rightarrow V_A = V_B + 0.02 \Rightarrow V_A = 50.94 \text{ grad}$$

## النشاط الثاني : (05 نقاط)

$$0.125 \times 9 = 1.25$$

1- تسمية العناصر

1) حرم الطريق - 2 مجال الطريق - 3 صحن الطريق - 4 القارعة - 5 مسلك - 6 جانب - 7

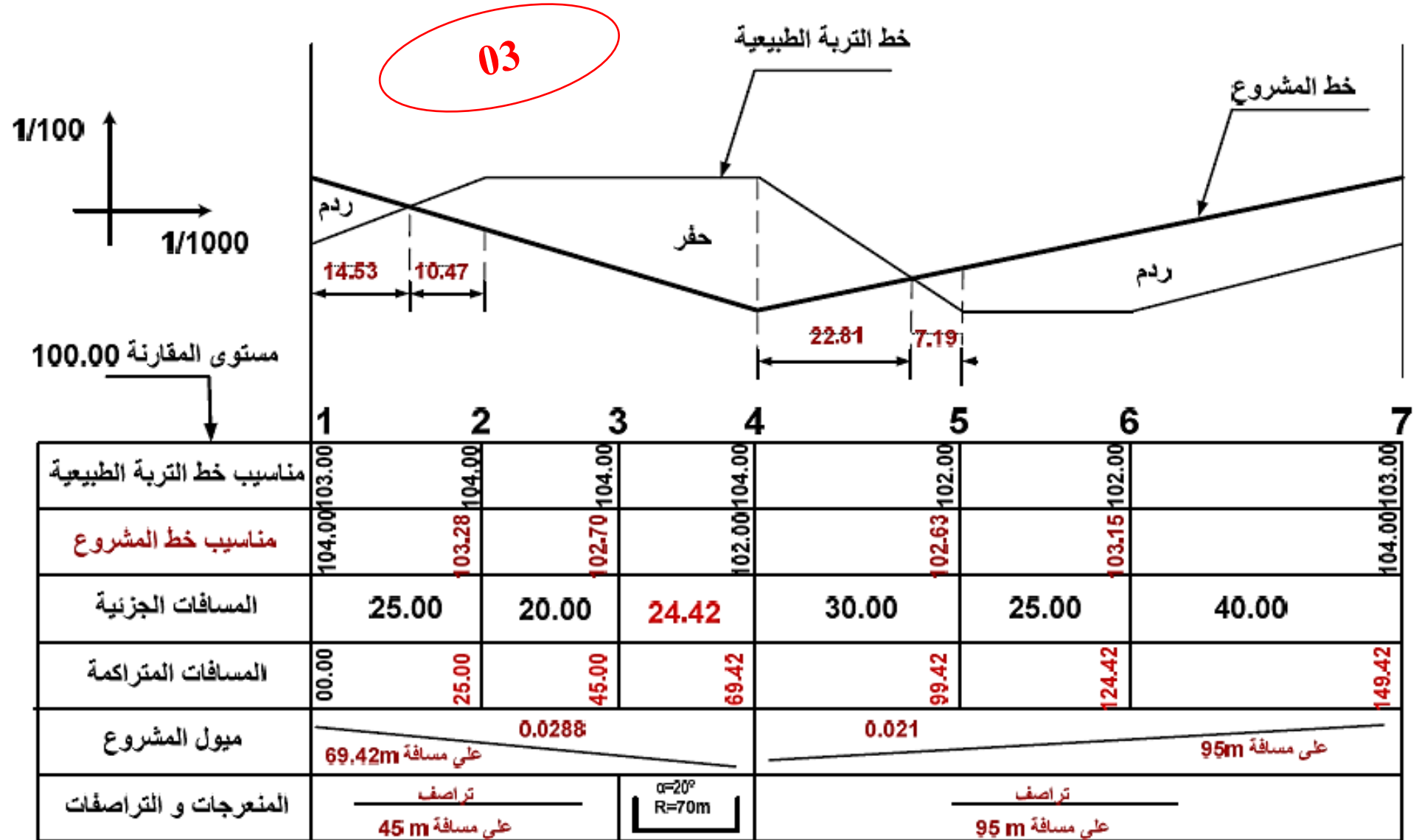
حاجز ترابي - 8 خندق - 9 حاجز أمان

2- مختلف طبقات القارعة :

$$0.75$$

طبقة الشكل - طبقة الأساس - طبقة القاعدة - طبقة السطح

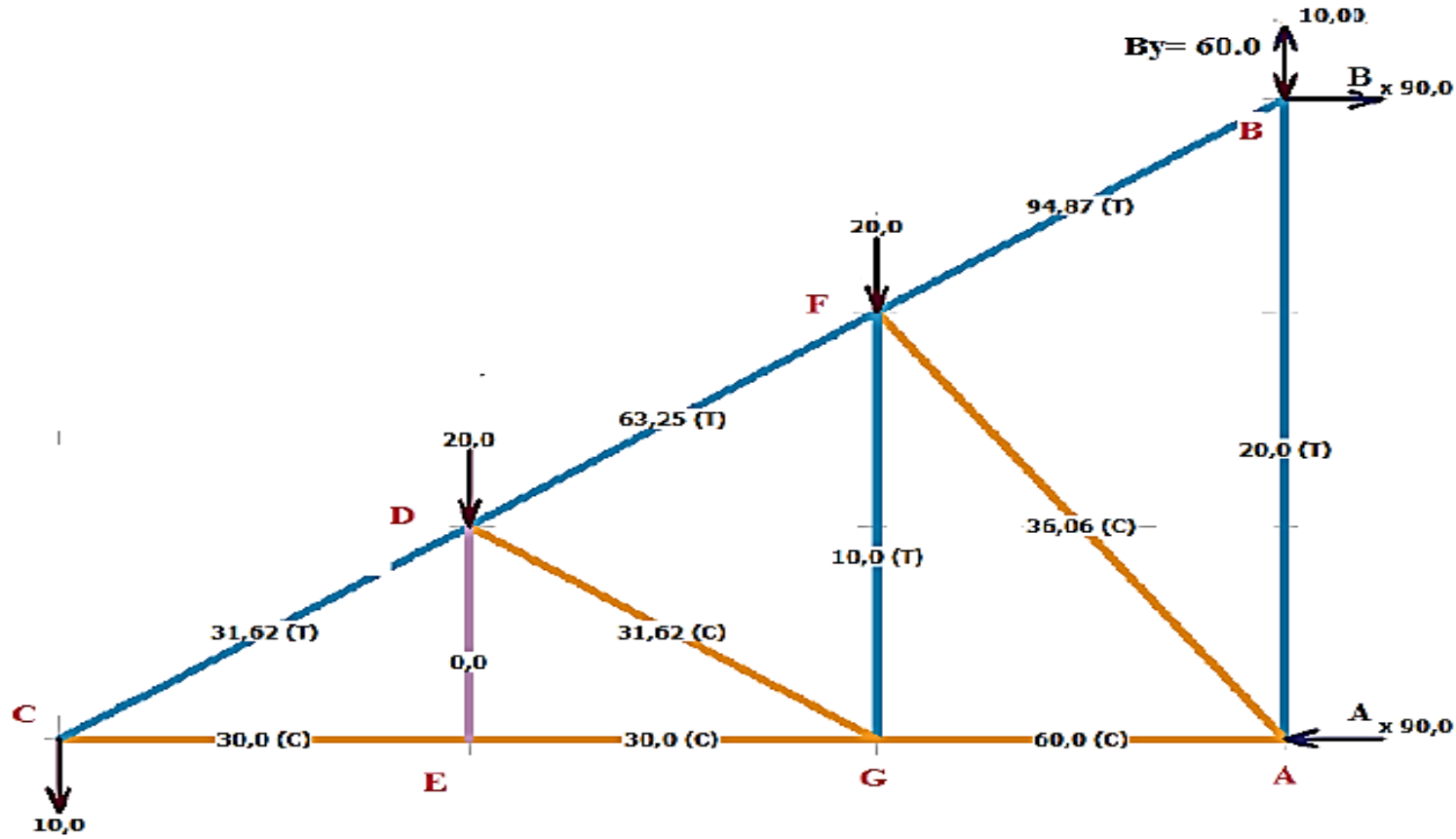
## جدول المظهر الطولي



الموضوع الثاني

الميكانيك المطبقة : (12 نقاط)

النشاط الأول: (5.5 نقطة)



$$\sum F_y = 0 \Rightarrow V_B = 60 \text{ kN}$$

$$\sum F_x = 0 \Rightarrow H_A + H_B = 0$$

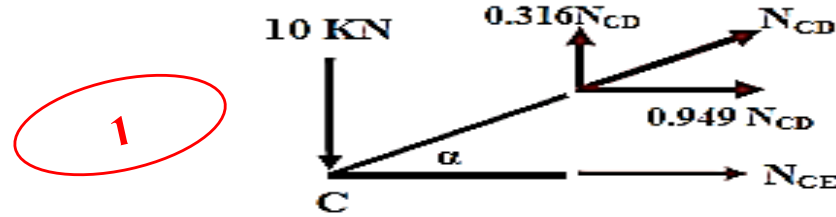
$$\sum M(F)/A = 0 \Rightarrow 1.5 \times H_B - 20 \times 1.5 - 20 \times 3 - 10 \times 4.5 = 0$$

$$\Rightarrow H_B = 90 \text{ kN}$$

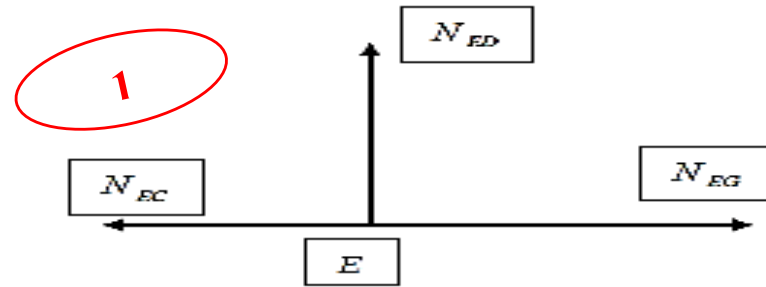
$$\sum M(F)/B = 0 \Rightarrow -1.5 \times H_A - 20 \times 1.5 - 20 \times 3 - 10 \times 4.5 = 0$$

$$\Rightarrow H_A = -90 \text{ kN}$$

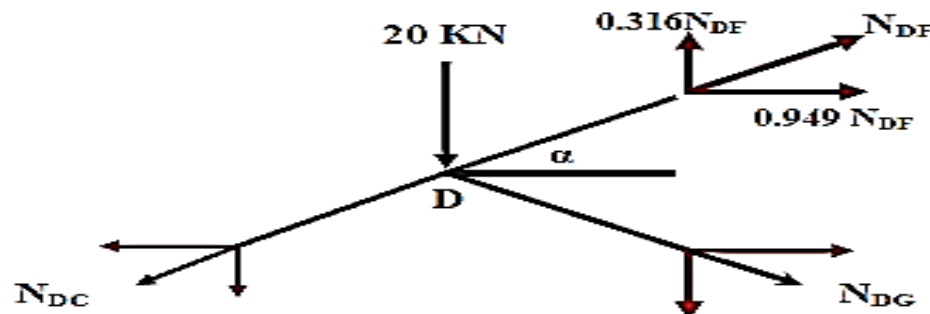




$$\begin{aligned} \tan(\alpha) &= \frac{0.5}{1.5} = 0.33 \Rightarrow \alpha = 18.333^\circ \Rightarrow \sin(\alpha) = 0.316; \cos(\alpha) = 0.949 \\ \sum F_y &= 0 \Rightarrow -10 + 0.316 \times N_{CD} = 0 \Rightarrow N_{CD} = 31.646 \text{ kN (T)} \\ \sum F_x &= 0 \Rightarrow N_{CE} + 0.949 \times N_{CD} = 0 \Rightarrow N_{CE} = -30.032 \text{ kN (C)} \end{aligned}$$



$$\begin{aligned} \sum F_y &= 0 \Rightarrow N_{ED} = 0 \Rightarrow N_{ED} = 0 \\ \sum F_x &= 0 \Rightarrow N_{EG} - N_{EC} = 0 \Rightarrow N_{EG} = N_{EC} = -30.032 \text{ kN (C)} \end{aligned}$$



$$\begin{aligned} \tan(\alpha) &= \frac{0.5}{1.5} = 0.33 \Rightarrow \alpha = 18.333^\circ \Rightarrow \sin(\alpha) = 0.316; \cos(\alpha) = 0.949 \\ \sum F_y &= 0 \Rightarrow -20 - 0.316 \times N_{CD} - 0.316 \times N_{DG} + 0.316 \times N_{DF} = 0 \Rightarrow \\ 0.316 N_{DF} - 0.316 N_{DG} &= 30 \dots \dots \dots (1) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \sum F_x &= 0 \Rightarrow -0.949 \times N_{CD} + 0.949 \times N_{DG} + 0.949 \times N_{DF} = 0 \\ \Rightarrow 0.949 N_{DG} + 0.949 N_{DF} &= 30 \dots \dots \dots (2) \end{aligned}$$

$$(1) \rightarrow N_{DF} = \frac{30 + 0.316 N_{DG}}{0.316} = 94.94 + N_{DG}$$

$$N_{DG} = -31.62 \text{ kN (C)} \quad \text{بالتعويض في المعادلة (2)}$$

ومنه بالتعويض في المعادلة (1) قيمة  $N_{DG}$  نجد :  $N_{DF} = 63.25 \text{ kN (T)}$

تدوين النتائج في جدول :

| القضيب | الشدة (KN) | الطبيعة |
|--------|------------|---------|
| CE     | 30         | ضغط     |
| CD     | 31.62      | شد      |
| ED     | 0          | تركبي   |
| EG     | 30         | ضغط     |
| DF     | 63.25      | شد      |
| DG     | 31.62      | ضغط     |

0.5

3. حساب مساحة مقطع القضيب الذي يحقق شرط المقاومة :

$$\frac{N_{GE}}{S} \leq \bar{\sigma} \Rightarrow S \geq \frac{N_{GE}}{\bar{\sigma}} \Rightarrow S \geq \frac{95 \times 100}{1600}$$

0.75

$$\Rightarrow S \geq 5.94 \text{ cm}^2$$

4- حساب القطر الضروري

$$\tau = \frac{T}{n \cdot S} = \frac{T}{3 \left( \frac{\pi \cdot D^2}{4} \right)} \leq \bar{\tau} \Rightarrow D \geq \sqrt{\frac{4 \cdot T}{3 \cdot \pi \cdot \bar{\tau}}} \Rightarrow D \geq \sqrt{\frac{4 \times 95000}{3 \times 3.14 \times 70}} \Rightarrow D \geq 23.99 \text{ mm}$$

$$D = 24 \text{ mm} = 2.4 \text{ cm} \quad \text{ناخذ}$$

1

النشاط الأول: (6.5 نقطة)

1. حساب ردود الأفعال في المسندين A و B :

$$\sum F_H = 0 \Rightarrow H_A = 0 \text{ KN}$$

$$\sum F_V = 0 \Rightarrow V_A - 10 - 7 \times 3 = 0$$

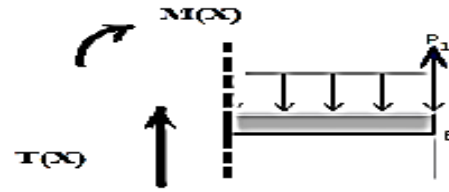
$$V_A = 11 \text{ KN}$$

0.75

$$\sum M_{F/A} = 0 \Rightarrow M_A + 7 \times \frac{3^2}{2} - 10 \times 3 - 2 = 0$$

$$M_A = 0.50 \text{ KN.m}$$

2. كتابة معادلات الجهد والقاطع وعزم الانحناء :  
على يمين المقطع (1-1) :  $1m \geq x \geq 0$



$$\sum F_y = 0 \Rightarrow T_1(x) - 7 \cdot x + 10 = 0$$

$$T_1(x) = 7 \cdot x - 10$$

$$T_1(0) = -10 \text{ KN}$$

$$T_1(1) = -3 \text{ KN}$$

0.5

$$\sum M_{F/c} = 0 \Rightarrow M_{f1}(x) + 7 \cdot \frac{x^2}{2} - 10x = 0$$

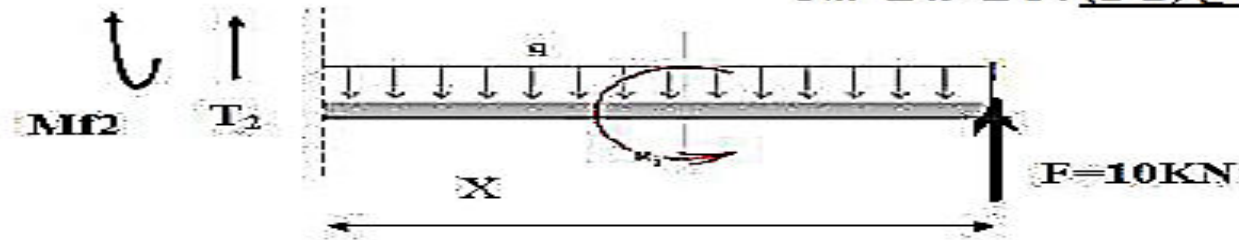
$$M_{f1}(x) = -7 \cdot \frac{x^2}{2} + 10x$$

$$M_{f1}(0) = 0 \text{ KN.m}$$

$$M_{f1}(1) = 6.50 \text{ KN.m}$$

0.5

على يمين المقطع (2-2) :  $3m \geq x \geq 1$



0.5

$$\sum F_r = 0 \Rightarrow T_2(x) - 7 \cdot x + 10 = 0$$

$$T_2(x) = 7 \cdot x - 10$$

$$T_2(1) = -3 \text{ kN}$$

$$T_2(3) = 11 \text{ kN}$$

ايجاد قيمة x :

$$7x - 10 = 0 \rightarrow x = \frac{10}{7} = 1.43 \text{ m}$$

0.5

$$\sum M_{F/c} = 0 \Rightarrow M_{f2}(x) + 7 \cdot \frac{x^2}{2} - 10 \cdot x - 2 = 0$$

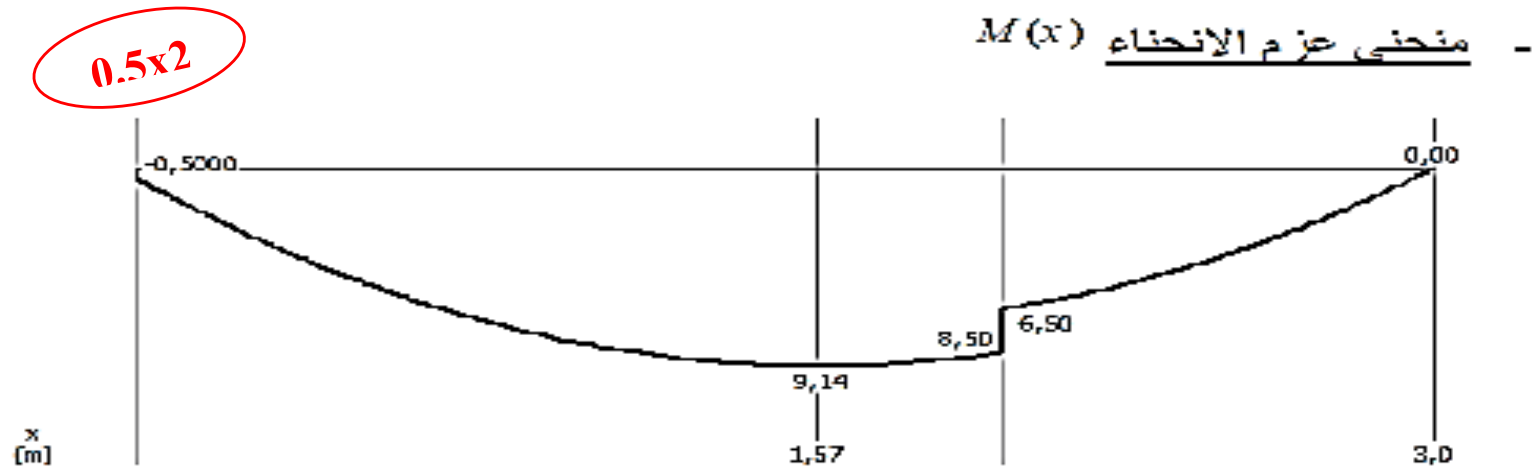
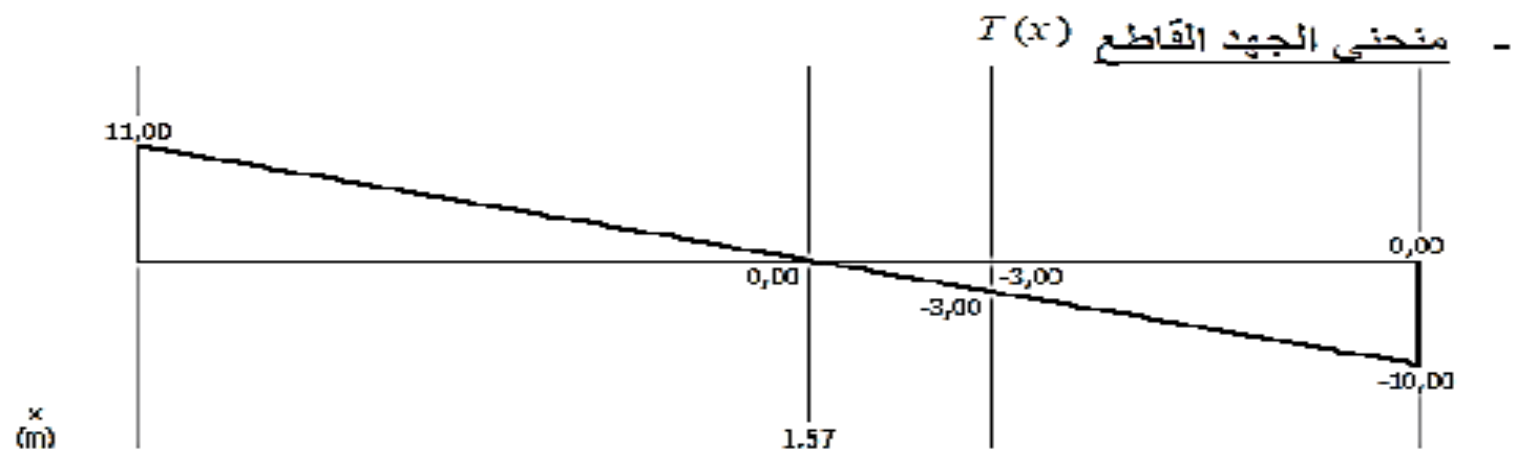
$$M_{f2}(x) = -7 \cdot \frac{x^2}{2} + 10 \cdot x + 2 = 0$$

$$M_{f2}(1) = 8.5 \text{ kN} \cdot \text{m}$$

$$M_{f \max}(1.43) = 9.143 \text{ kN} \cdot \text{m}$$

0.75

$$M_{f2}(3) = 0.5 \text{ kN} \cdot \text{m}$$



4- المجنب المناسب:

$$\sigma_{MAX} \leq \bar{\sigma} \Rightarrow \frac{M_{MAX}}{W_{xx}} \leq \bar{\sigma}$$

$$\Rightarrow W_{xx} \geq \frac{M_{MAX}}{\bar{\sigma}}$$

$$W_{xx} \geq \frac{9.14 \times 10^4}{1600} \Rightarrow W_{xx} \geq 57.13 \text{ cm}^3$$

ومنه نختار **IPE 200**  $W_{xx}=194 \text{ cm}^3$

5- حساب الاجهاد المماسي

1

$$\tau = \frac{3}{2} \times \frac{T_{\max}}{\Omega} \leq \bar{\tau}$$

$$\tau = \frac{3 \times 11 \cdot \times 10^2}{2 \times 30 \times 50} = 1,1 \text{ daN/cm}^2$$

البناء : (08 نقاط)

النشاط الأول: ( 05نقاط)

1. حساب مساحة الخماسي: ABCDE

$$S_{ABCDE} = \frac{1}{2} \{x_A(y_E - y_B) + x_B(y_A - y_C) + x_C(y_B - y_D) + x_D(y_C - y_E) + x_E(y_D - y_A)\}$$

$$S_{ABCDE} = \frac{1}{2} \{150(65 - 138) + 254(260 - 78) + 456(138 + 126) + 152(78 - 65) + 45(-126 - 260)\}$$

$$S_{ABCD} = 70134 m^2$$

1

2. حساب سمت  $G_{BA}$ :

حساب الفارقين

$$\begin{cases} \Delta x_{BA} = x_A - x_B = 150 - 254 = -104 < 0 \\ \Delta y_{BA} = y_A - y_B = 260 - 138 = 122 > 0 \end{cases}$$

$$G_{BA} = 400 - g \quad \text{الربع الرابع:}$$

حساب السميت المختصر:

$$\tan(g) = \left| \frac{\Delta x_{BA}}{\Delta y_{BA}} \right| = \left| \frac{-104}{122} \right| = 0.8525 \rightarrow g = 44.94gr$$

$$G_{BA} = 400 - g = 355.06gr$$

حساب سمت  $G_{BC}$ :

حساب الفارقين

$$\begin{cases} \Delta x_{BC} = x_C - x_B = 456 - 254 = 202 > 0 \\ \Delta y_{BC} = y_C - y_B = 78 - 138 = -60 < 0 \end{cases}$$

$$G_{BC} = 200 - g \quad \text{الربع الثاني:}$$

حساب السميت المختصر:

$$\tan(g) = \left| \frac{\Delta x_{BC}}{\Delta y_{BC}} \right| = \left| \frac{202}{-60} \right| = 3.3667 \rightarrow g = 81.62gr$$

$$G_{BC} = 200 - g = 118.38gr$$

إستنتاج سمت  $G_{BF}$ : من خلال الرسم و النقط  $F; B; A$  في استقامية فإن  $G_{BF} = G_{BA}$

بما أن  $G_{BA} = 355.06gr \geq 200gr$  فإن  $G_{AB} = G_{BA} - 200$

$$G_{AB} = 155.06gr \quad \text{و بالتالي:} \quad G_{BF} = 155.06gr$$

مساحة القطعة BCF

$$S_{BCF} = \frac{1}{2} BC \times BF \sin(G_{BF} - G_{BC})$$

$$S_{BCF} = \frac{1}{2} 163.45 \times 210.72 \times \sin(155.06 - 118.38) = 9382.56 m^2$$

$$S_{BCF} = 9382.56 m^2$$

0.75

1. أحسب الإحداثيات القائمة للنقطة F

$$\begin{cases} x_F = x_B + BF \cdot \sin G_{BF} \\ y_F = y_B + BF \cdot \cos G_{BF} \end{cases}$$

1

$$\begin{cases} x_F = 254 + 163.45 \cdot \sin 155.06 = 360.04 m \\ y_F = 138 + 163.45 \cdot \cos 155.06 = 13.61 m \end{cases}$$

النشاط الثاني: ( 03 نقاط )

1) هيكل بنائية

1- غماء: 2- أرضية 3- رافدة: 4- سلم (مدرج مستقيم)

2- مدرج بقلبة واحدة، بقلبتين متعامدتين، متوازييتين، بثلاث قلابات

0.75

3- أ- ارتفاع القائمة:  $h = H/n \Rightarrow h = (2,46 \div 0,6) \times 100/18 = 17 cm$

0.75

ب- عرض الدرجة:  $g = 64 - 2h \Rightarrow g = 30 cm$

0.5