

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين الآتيين:

الموضوع الأول

يحتوي الموضوع على (05) صفحات (من الصفحة 01 من 10 إلى الصفحة 05 من 10)

التمرين الأول: (05 نقاط)

مرت عدة سنوات على التفجيرات والتجارب النووية للمستعمر الفرنسي التي ما تزال تخلف ضحايا في الجنوب الجزائري الشاسع، وذلك من يوم الانفجار الموافق لتاريخ 13 فيفري 1960 أين سجل المستعمر الفرنسي دخوله المدوي إلى نادي القوى النووية مخلفا وراءه بالحمودية ضواحي رقان نفايات نووية إثر الانفجار المريع والتي لازالت بعد نصف قرن تلحق أضرارا بالبيئة والسكان بسبب الإشعاعات المخلفة.

يعتبر كل من نظير السيزيوم $^{137}_{55}\text{Cs}$ ونظير اليود $^{131}_{53}\text{I}$ هم النظائر المؤثرة على الصحة بعد الانفجار النووي.

يهدف التمرين لدراسة النشاط الإشعاعي لكل من نظيري اليود $^{131}_{53}\text{I}$ والسيزيوم $^{137}_{55}\text{Cs}$.

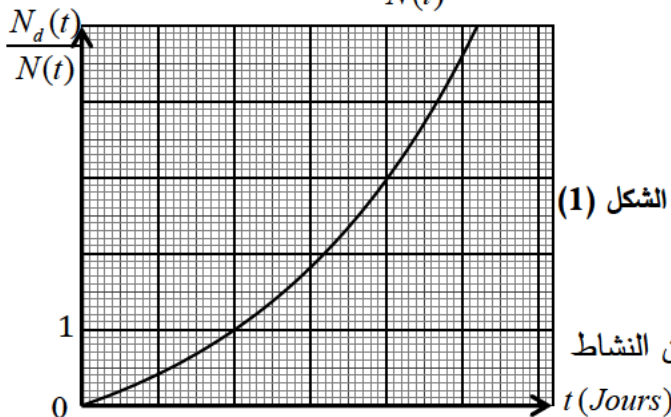
1. نواة اليود $^{131}_{53}\text{I}$ مشعة ينتج عن تفككها نواة الكزنيون $^{131}_{54}\text{Xe}$ في حالة إثارة وفق نمط تفكك β^- .

أ- اكتب معادلة التفاعل النووي الحادث، وعيّن قيمتي كل من A و Z .

ب- عند رجوع النواة الناتجة المثارة إلى حالتها الأساسية تبعث إشعاعات شديدة النفاذية.

- اكتب معادلة تحولها النووي مع تحديد نوع النشاط الإشعاعي.

2. من أجل تحديد زمن نصف العمر لنواة $^{131}_{53}\text{I}$ نستعمل المنحنى البياني $\frac{N_d(t)}{N(t)} = f(t)$ الممثل في الشكل (1).



أ- اكتب عبارة التناقص الإشعاعي $N(t)$ بدلالة N_0 ، λ و t .

ب- استنتج عبارة الأنوية المتفككة $N_d(t)$ بدلالة N_0 ، λ و t .

ج- أثبت من العلاقات السابقة أن: $\frac{N_d(t)}{N(t)} = e^{\lambda t} - 1$.

د- اعتمادا على الشكل (1) حدد زمن نصف العمر $t_{1/2}$ لنواة $^{131}_{53}\text{I}$.

3. نعتبر أن المنطقة تلوثت إشعاعيا باليود $^{131}_{53}\text{I}$ فقط بحيث كان النشاط

الإشعاعي آنذاك $A_0 = 1,76 \times 10^9 \text{ GBq}$.

أ- حدّد التاريخ الذي نعتبر فيه أن هذه المنطقة أصبحت غير ملوثة باليود المشع إذا اعتبرنا أن المنبع غير فعال

عندما يبلغ نشاطه الإشعاعي 1 Bq .

4. تتفكك نواة السيزيوم $^{137}_{55}\text{Cs}$ إلى نواة الباريوم $^{137}_{56}\text{Ba}$ مع إصدار إشعاع ^A_ZX ، زمن نصف عمرها يساوي: $t_{1/2} = 30,1 \text{ ans}$.

يصل التلوث النووي لمنطقة مساحتها 10000 Km^2 ، حيث كان النشاط الإشعاعي يساوي 555 KBq لكل 1 m^2 .

أ - اكتب معادلة تفكك نواة $^{137}_{55}\text{Cs}$ مع تحديد نمط الإشعاع.

ب - احسب عدد الأنوية $^{137}_{55}\text{Cs}$ لكل 1 m^2 .

ج - احسب كتلة السيزيوم 137 بالكيلوغرام (Kg) الموجودة في المساحة 10000 Km^2 .

5. إذا علمت أن منظمة الأمم المتحدة العلمية المعنية بآثار الإشعاع الذري (UNSCEAR) تشترط ألا يتعدى النشاط

الإشعاعي الحد الأدنى، والذي يساوي 37 KBq.m^{-2} .

- حدّد التاريخ الذي تصبح فيه المنطقة قابلة للاستخدام.

المعطيات: $1 \text{ GBq} = 10^9 \text{ Bq}$ ، $N_A = 6,023 \times 10^{23} \text{ mol}^{-1}$ ، $1 \text{ an} \approx 365 \text{ jours}$.

التمرين الثاني: (04 نقاط)

كثير من التجهيزات الالكترونية مثل التليفزيون، الحاسوب، الهاتف، آلة التصوير... تحتوي في دارتها على مكثفات.

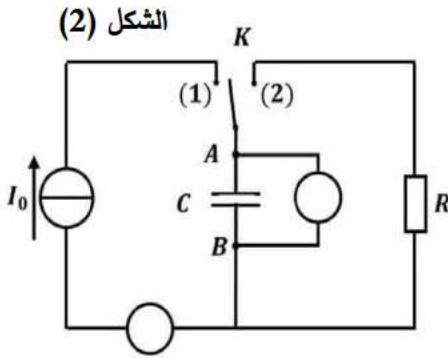
يهدف هذا التمرين إلى تحديد سعة المكثفة تجريبيا ثم دراسة تفريغها في ناقل أومي.

لهذا الغرض نقوم بتحقيق التركيب التجريبي الممثل في الشكل (2) الذي يحتوي على:

- مولد للتيار يعطي تيارا ثابتا شدته $I_0 = 0,5 \text{ mA}$.

- مكثفة فارغة سعتها C .

- ناقل أومي مقاومته R ، أمبير متر، فولط متر، كرونومتر وبادلة K .



في اللحظة $t = 0$ وضعنا البادلة في الوضع (1)، وبعد مدة زمنية غيرنا وضع

البادلة إلى (2)، بواسطة جهاز فولط متر، كرونومتر وبرمجية إعلام آلي تمكنا من رسم المنحنى البياني $u_c = f(t)$

الممثل لتغيرات التوتر بين طرفي المكثفة بدلالة الزمن t (الشكل (3)).

البادلة في الوضع (1):

1. أتمم الشكل (2) مبينا عليه موضع كل من جهاز الفولط متر والأمبير متر والتوتر u_c .

2. أعط العلاقة بين I_0 ، t ، C و u_c .

3. اعتمادا على الشكل (3) حدد:

أ - قيمة سعة المكثفة C .

ب- قيمة التوتر الأعظمي U_0 وأحسب الطاقة الأعظمية المخزنة في المكثفة.

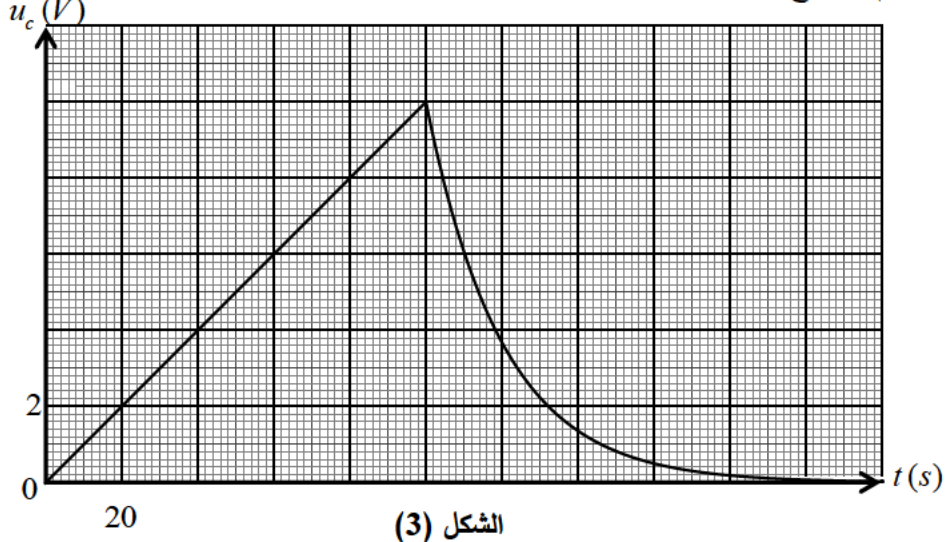
البادلة في الوضع (2):

1. حدد اللحظة الزمنية t' التي نغير فيها وضع البادلة إلى الوضع (2).

2. بتطبيق قانون جمع التوترات، جد المعادلة التفاضلية للتوتر بين طرفي المكثفة u_c .

3. تقبل المعادلة التفاضلية حلا من الشكل: $u_c(t) = A.e^{-\alpha(t-t')}$ ، حيث A و α ثابتين يطلب تعيين عبارتيهما بدلالة ثوابت الدارة الكهربائية المدروسة.

4. حدد ثابت الزمن τ ، ثم استنتج قيمة R . و احسب قيمة الطاقة الضائعة بفعل جول عند اللحظة $t = \tau$.



التمرين الثالث: (05 نقاط)

غاز الهيدروجين شفاف، عديم اللون ولرائحة، لا يذوب في الماء ويحضر مخبريا عن طريق تفاعل بين محلول حمضي ومعدن.

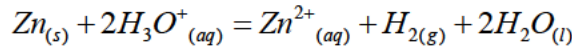
يهدف هذا التمرين إلى المتابعة الحركية لتفاعل عن طريق لضغط واستنتاج الشروط التجريبية. المعطيات:

- تجرى القياسات عند درجة حرارة ثابتة حيث: $T(K) = \theta^\circ C + 273$ و اعتبار كل الغازات مثالية.

- $M(Zn) = 65,4 \text{ g/mol}$. ثابت الغازات المثالية $R = 8,31 \text{ SI}$.

لدراسة التحول الحادث بين معدن الزنك $Zn_{(s)}$ ومحلول مائي لحمض الكبريت $(2H_3O^+ + SO_4^{2-})_{(aq)}$ عن طريق قياس الضغط نضع في حوجلة حجمها $V = 1 \text{ L}$ ومجهزة بسدادة كتلة $m = 2,94 \text{ g}$ من مسحوق الزنك ثم ندخل لاقط قياس الضغط عبر السدادة فيشير إلى القيمة P_0 .

1. في اللحظة $t = 0$ وعند درجة حرارة T ، نصب في الحوجلة بواسطة سحاحة حجما $V_0 = 200 \text{ mL}$ من محلول مائي لحمض الكبريت تركيزه بشوارد H_3O^+ يساوي $[H_3O^+] = C_0$. يمتدج التحول الحادث بالمعادلة:



أ- أنجز جدولاً لتقدم التفاعل.

ب- بين أن الضغط الكلي داخل الحوجلة يعرف بدلالة التقدم x بالعلاقة: $P = \frac{RT}{V_g} \cdot x + \alpha$ ،

حيث α ثابت يطلب تعيين عبارته ومدلوله العلمي.

2. النتائج التجريبية المسجلة مكنتنا من رسم البيانيين 1 و 2 الموضحين في الشكلين (4) و (5) على التوالي:

البيان 1 يمثل $P = f(x)$ تغير الضغط الكلي داخل الحوجلة بدلالة تقدم التفاعل.

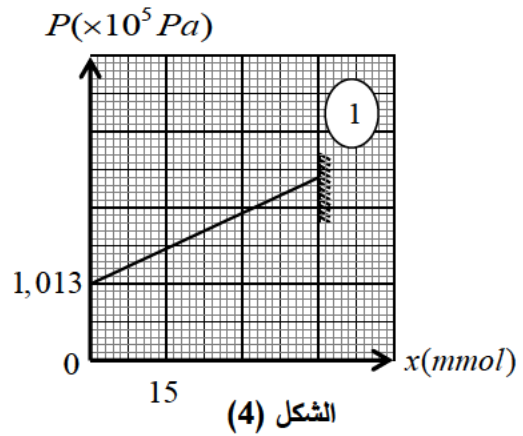
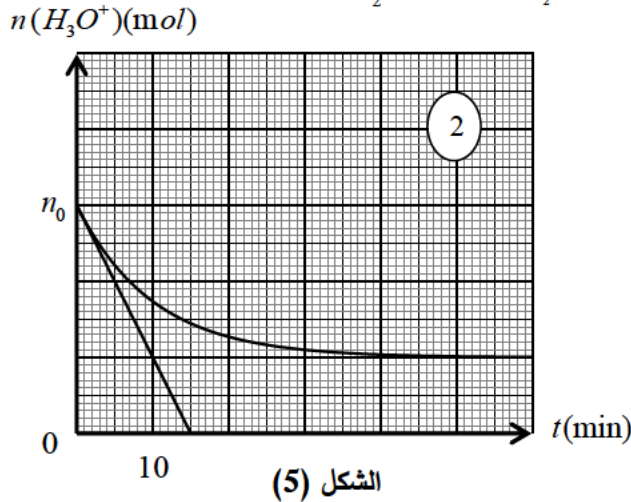
البيان 2 يمثل $n(H_3O^+) = g(t)$ تغير كمية مادة شوارد الهيدرونيوم بدلالة الزمن.

1.2 - اعتمادا على البيان (1):

- أ- جد قيمة كل من: قيمة الضغط عند نهاية التفاعل P_f ، قيمة التقدم الأعظمي $x_{\max}$ واستنتج المتفاعل المحد.
ب- أكتب العبارة البيانية للبيان (1) ثم استنتج قيمة كل من: الثابت α ودرجة حرارة الوسط T بـ $^{\circ}C$.

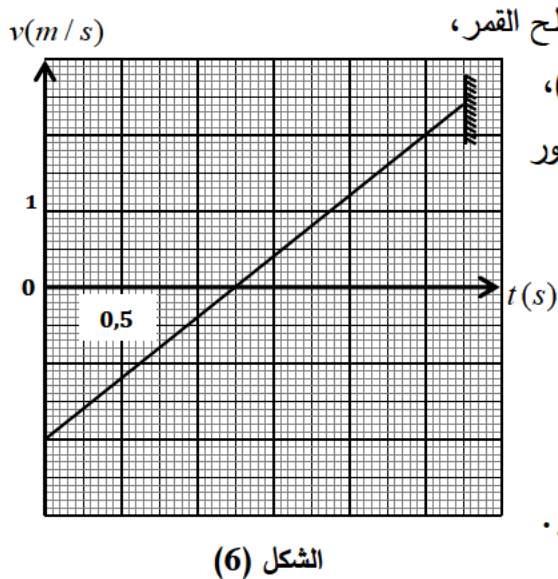
2.2 - انطلاقا من جدول التقدم واعتمادا على البيان (2):

- أ- بين أن: $n_0(H_3O^+) = 3x_{\max}$ ثم أحسب قيمته واستنتج قيمة C_0 .
ب- احسب السرعة الحجمية الأعظمية لاختفاء شوارد الهيدرونيوم ثم استنتج السرعة الحجمية للتفاعل عند نفس اللحظة.
ج- عرف زمن نصف التفاعل $t_{\frac{1}{2}}$ ثم برهن أن: $n_{t_{\frac{1}{2}}}(H_3O^+) = \frac{n_0 + n_f}{2}$ ، جد قيمة $t_{\frac{1}{2}}$.



التمرين التجريبي: (06 نقاط)

اهتم العالم الإيطالي غاليلي بدراسة حركة سقوط أجسام مختلفة، وقد ت ت هذه الدراسات بتحرير أجسام من ارتفاعات مختلفة. يهدف هذا التمرين إلى دراسة السقوط الحر لكرة على سطح القمر والسقوط الشاقولي الحقيقي لها على سطح الأرض.



I. تم تصوير شريط فيديو لحركة السقوط الشاقولي الحر لكرة على سطح القمر،

وعند تحليل الشريط حصلنا على مخطط سرعة الكرة $v = f(t)$ ، الشكل (6)، بحيث ننسب حركتها لمرجع مرتبط بسطح القمر ونعتبره غاليليا ومرتبطة بمحور شاقولي ($z'z$) موجه نحو سطح القمر.

1. في أية جهة قذفت الكرة؟ علّل.

2. بتطبيق القانون الثاني لنيوتن في المرجع السابق:

- عبر عن تسارع الكرة بدلالة تسارع الثقالة g_L بجوار سطح القمر.

3. اكتب المعادلة الزمنية للسرعة $v = f(t)$.

4. احسب قيمة g_L وقارنها مع شدة تسارع الثقالة على سطح الأرض g .

5. قذفت الكرة من المبدأ O للمحور الذي يبعد عن سطح القمر بالمسافة $z_0 = 0,5m$ عند اللحظة $t = 0$.

أ- جد المعادلة الزمنية للحركة $z = f(t)$ منسوبة للمحور (z, z') .

ب- جد بطريقتين مختلفتين المسافة الكلية التي قطعتها الكرة من لحظة قذفها حتى لحظة وصولها لسطح القمر.

II. الكرة السابقة عبارة عن كرة مطاطية مملوءة بغاز ثاني أكسيد الكربون كتلتها m ونصف قطرها $r = 10cm$ ، بإهمال كتلة المطاط أمام كتلة الغاز.

نترك هذه الكرة قط بدون سرعة ابتدائية شاقوليا من ارتفاع h عن سطح الأرض، تخضع الكرة أثناء سقوطها لتأثير الهواء الذي نمذج به في قوة احتكاك مائع شدتها $f = kv^2$ وشعاعها معاكس لشعاع السرعة، ودافعة أرخميدس $F_A = m_0g$ ، حيث m_0 هي كتلة الهواء المنزاح من طرف الكرة.

ننسب حركة الكرة لمرجع سطحي أرضي نعتبره غاليليا مرتبط بمحور شاقولي موجه نحو الأسفل (z', z) .

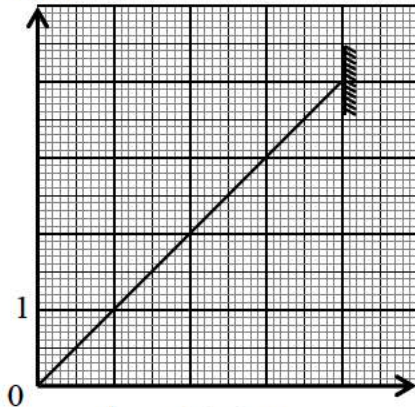
1- تكتسب الكرة بعد مدة زمنية سرعة حدية v_L :

- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن بين أن المعادلة التفاضلية تكتب من الشكل: $\frac{dv}{dt} + \frac{k}{m}v^2 = \frac{k}{m}v_L^2$

2- بواسطة تجهيز خاص وبرنامج معلوماتي تمكّن من تحديد سرعة الكرة في لحظات مختلفة وقيمة مشتق السرعة

بالنسبة للزمن في تلك اللحظات، ثم مثلنا بيانيا $a = f(v_L^2 - v^2)$ ، حيث a هو التسارع اللحظي للكرة.

$a(m/s^2)$



الشكل (7)

أ- احسب كتلة الكرة.

ب- اعتمادا على بيان الشكل (7):

- احسب ثابت الاحتكاك k .

- احسب التسارع الابتدائي للكرة، ثم استنتج الكتلة الحجمية للهواء ρ_{air} في شروط التجربة واحسب السرعة الحدية للكرة.

3- نعيد نفس التجربة في نفس الشروط بكرة لها نفس الحجم مملوءة بغاز

الهيليوم He .

- احسب شدة دافعة أرخميدس المؤثرة على الكرة.

- مثل القوى المؤثرة على الكرة عند اللحظة $t = 0$ ، ثم بعد انطلاقها.

- جد المعادلة التفاضلية لسرعة الكرة ثم احسب السرعة الحدية للكرة.

المعطيات: حجم الكرة: $V = \frac{4}{3}\pi r^3$ ، تسارع الثقالة على سطح الأرض $g = 10m/s^2$

في شروط التجربة: الكتلة الحجمية للغازين: $\rho_{CO_2} = 1,87 Kg/m^3$ ، $\rho_{He} = 0,17 Kg/m^3$.

انتهى الموضوع الأول

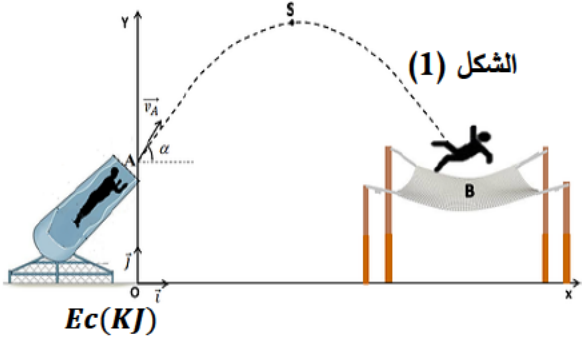
الموضوع الثاني

يحتوي الموضوع الثاني على 05 صفحات (من الصفحة 06 إلى الصفحة 10)

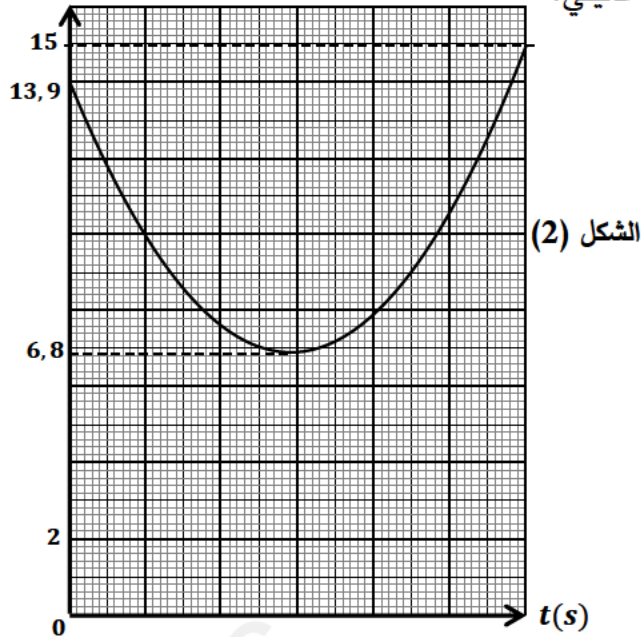
التمرين الأول: (05 نقاط)

المدفع البشري هو أداة يتم فيها إخراج الشخص المجازف على شكل "قذيفة" من مدفع مصمم خصيصاً ليسقط بعدها على شبكة أفقية انظر الشكل (1).

يهدف التمرين إلى دراسة حركة مركز عطالة المجازف باستعمال قوانين نيوتن ومبدأ انحفاظ الطاقة.



الشكل (1)



الشكل (2)

- كتلة المجازف $m = 70 \text{ Kg}$ ونأخذ $g = 9.8 \text{ m} \cdot \text{s}^{-2}$.

- تُهمل تأثيرات الهواء على المجازف.

- نعتبر سطح الأرض كمسوى مرجعي لقياس الارتفاعات.

عند اللحظة $t = 0 \text{ s}$ يُغادر المجازف لمدفع من الموضع A الذي ارتفاعه

$h_A = 6 \text{ m}$ عن سطح الأرض بسرعة ابتدائية v_A ليسقط على الشبكة في موضع

B الذي ارتفاعه h_B ، تتم الدراسة في المعلم $(O, \vec{i}, \vec{j})$ المرتبط بمرجع غاليلي.

1. حدد المرجع المناسب لدراسة حركة مركز عطالة المجازف.

2. اشرح العبارة التالية: "تُهمل تأثيرات الهواء على المجازف".

3. الدراسة التجريبية مكنت من رسم البيان الممثل لتغيرات

الطاقة الحركية بدلالة الزمن $Ec = f(t)$. (الشكل (2)).

1.3. جد قيمة السرعة الابتدائية v_A لمركز عطالة المجازف.

2.3. الموضع S هو أقصى ارتفاع يصله المجازف.

- احسب قيمة السرعة v_S ثم استنتج زاوية القذف α .

3.3. بتطبيق مبدأ انحفاظ الطاقة على الجملة (مجازف + أرض):

- أوجد ارتفاع نقطة السقوط h_B .

4. للتأكد من الدراسة الطاقوية نلجأ إلى تطبيق القانون الثاني لنيوتن.

1.4. بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على المجازف جد المعادلتين الزنيتين $x(t)$ و $y(t)$ ثم استنتج معادلة المسار.

2.4. إذا علمت أن فاصلة نقطة السقوط هي $x_B = 42 \text{ m}$ ، تحقق من قيمة h_B المحسوبة سابقاً.

5. تأكد أن سلم الرسم على محور الأزمنة يعطى بالشكل: $1 \text{ cm} \rightarrow 0.5 \text{ s}$

التمرين الثاني: (04 نقاط)

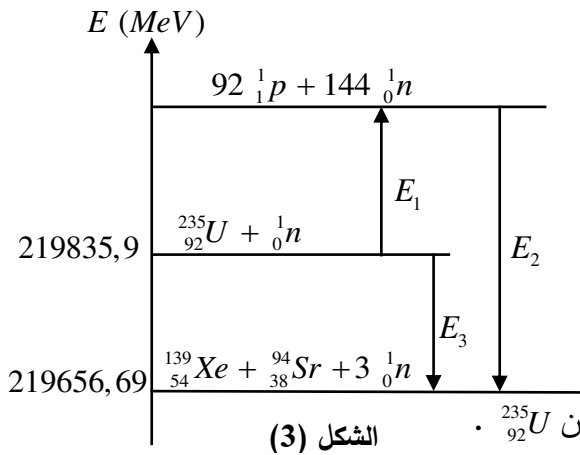
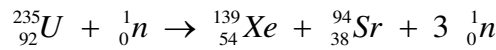
يتم تحرير الطاقة النووية من خلال تفاعلات نووية مفتعلة، وقد تم اكتشافها في الثلاثينات من القرن الماضي، أما اليوم فهي

تعد مصدراً موثوقاً لتوليد الطاقة الكهربائية والحرارية فرغم كل مزاياها إلا أنها تبقى مسببة للأضرار على البيئة والإنسان.

يهدف هذا التمرين لدراسة مثالين عن استعمالات الطاقة المحررة للتفاعلات النووية المفتعلة.

المعطيات: $1\mu = 931,5 \text{ MeV} / C^2$ ، $m({}_0^1n) = 1,00866 \mu$ ، $m({}_1^1p) = 1,00728 \mu$ ، $1\text{MeV} = 1,6 \times 10^{-13} \text{ J}$ ، $1\text{MW} = 10^6 \text{ W}$ ، $N_A = 6,02 \times 10^{23} \text{ mol}^{-1}$ ، $E_l({}_1^2H) = 2,23 \text{ MeV}$ ، $E_l({}_1^3H) = 8,57 \text{ MeV}$ ، $m({}_2^4He) = 4,00138 \mu$

I- تم اكتشاف عنصر البولونيوم ${}_{84}^{210}\text{Po}$ عام 1889م من قبل العالمين بيار وماري كوري، وهو نادر الوجود في الطبيعة نشاطه الإشعاعي كبير جدًا، يمزج البولونيوم 210 مع البيريليوم ${}_4^9\text{Be}$ للحصول على نيوترونات، حيث تصطدم الجسيمات α مع أنوية ${}_4^9\text{Be}$ فتتطلق نيوترونات. هذه النيوترونات يتم استعمالها لقتل أنوية اليورانيوم ${}_{92}^{235}\text{U}$ ، الطاقة المحررة من هذا التفاعل الأخير يتم استغلالها لتزويد الغواصة النووية لانتقالها في عمق البحار. أحد هذه التفاعلات يمكن كتابته على الشكل التالي:



1- يدعى تفاعل الانشطار النووي تفاعل تسلسلي مغذي ذاتيا، اشرح.

2- يمثل الشكل (3) مخطط الحصلة الطاقوية للتفاعل اسبق:

أ- ماذا يمثل كل مقدار من المقادير E_1 ، E_2 و E_3 .

ب- استنتج قيمة الطاقة المحررة من هذا التفاعل.

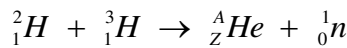
ج- إذا فرضنا أن المفاعل النووي للغواصة يحول كل الطاقة الحرارية

إلى طاقة كهربائية، وأن استطاعة المفاعل $P = 15 \text{ MW}$:

جد باليوم المدة الزمنية التي تستهلك خلالها الغواصة كتلة قدرها $m = 27 \text{ g}$ من ${}_{92}^{235}\text{U}$.

II- يتنبأ علماء الذرة حاليا أن وقود المفاعلات النووية المستقبلية في تفاعلات الاندماج هو خليط مكون من الديتريوم (D)

نواته ${}_1^2\text{H}$ و التريتيوم (T) نواته ${}_1^3\text{H}$ وفق معادلة التفاعل النووي:



1- باستعمال قوانين الانحفاظ أوجد قيمة العددين A و Z .

2- عرّف تفاعل الاندماج النووي.

3- احسب طاقة الربط للنواة ${}_2^4\text{He}$.

4- رتب الأنوية: ${}_2^4\text{He}$ ، ${}_1^3\text{H}$ و ${}_1^2\text{H}$ من الأقل إلى الأكثر استقرار. علّل.

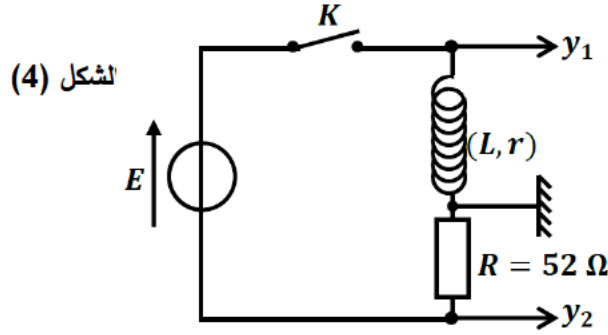
5- احسب ب MeV الطاقة المحررة عند اندماج نواتي ${}_1^3\text{H}$ و ${}_1^2\text{H}$.

6- احسب الطاقة المحررة لكل نكليون لتفاعلي الانشطار والاندماج النوويين السابقين.

7- يتم التفكير حاليا في انتاج الطاقة من تفاعل الاندماج بدل الانشطار فأيهما أفضل؟ علّل.

التمرين الثالث: (05 نقاط)

تمكّن الفيزيائي الأمريكي جوزيف هنري من التعرف على الظواهر المرتبطة بوجود الوشّعة في دارة كهربائية وتمكّن من اكتشاف ذاتيتها في سنة 1932م ولتشرّيفه أعطي اسم هنري (Henry) لوحدها. يهدف هذا التمرين لدراسة خصائص ثنائي القطب RL أثناء غلق وفتح القاطعة. في حصة الأنشطة التجريبية طلب أستاذ من أفواج التلاميذ تركيب الدارة الكهربائية الموضّحة في الشكل (4) لدراسة استجابة ثنائي القطب RL للترتبة توتر أثناء غلق وفتح القاطعة (K) وذلك بواسطة راسم اهتزاز مهبطي.



I. غلق القاطعة:

1- أثناء متابعة الأستاذ لعمل الأفواج لاحظ على شاشة راسم الاهتزاز المهبطي الشكل (5):

أ- ماذا يمثل كل منحنى؟

ب- أحد المنحنيين لا يؤكّد الظاهرة الملاحظة، عيّنه ثمّ بيّن ما يجب على أعضاء الفوج القيام به لتصحيح الخلل، كيف يصبح الشكل (5) بعدئذ؟ مثله بشكل كيفي.

2- بتطبيق قانون جمع التوتّرات،

- استخرج المعادلة التفاضلية بدلالة التوتّر بين طرفي الوشّعة u_B .

3- المعادلة التفاضلية السابقة، تقبل حلّاً من الشكل: $u_B(t) = A.(r + R.e^{\alpha t})$

حيث A و α ثوابت موجبة يطلب تعيين عبارتها بدلالة مميّزات الدّارة.

4- بالاعتماد على المنحنيات البيانية الممثّلة في الشكل (5)، استنتج القيم:

- القوة الكهربائية للمولّد E

- المقاومة الدّاخلية للوشّعة r

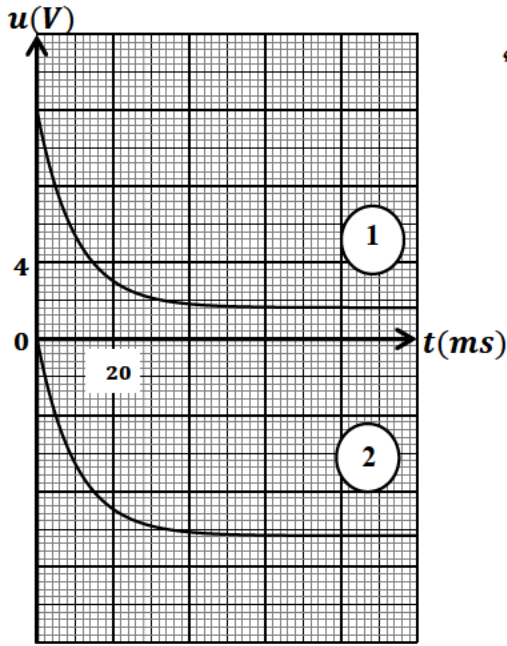
- ذاتية الوشّعة L

II. فتح القاطعة:

تفاجأ أعضاء أحد الأفواج بحدوث شرارة كهربائية لحظة فتح القاطعة.

1- وضح سبب ذلك.

2- كيف يمكن تفادي حدوث ذلك عملياً؟ موضّحاً ذلك على الدّارة السّابقة.



الشكل (5)

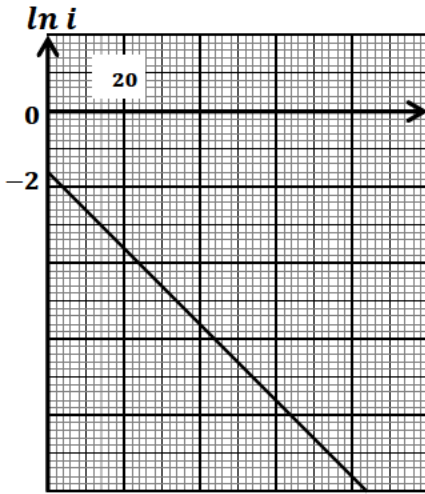
3- بواسطة راسم الاهتزاز المهبطي وبرمجية إعلام آلي تحصلنا على المنحنى البياني الممثل في الشكل (6).

تعطى عبارة شدة التيار اللحظية بالعلاقة التالية: $i(t) = I_0 \cdot e^{-t/\tau}$.

أ- بالاعتماد على البيان جد قيمة كل من ثابت الزمن τ وشدة التيار الأعظمية I_0 .

ب- احسب قيمة الطاقة المخزنة في الوشيجة لحظة فتح القاطعة.

ج- كم تصبح قيمة هذه الطاقة بعد مرور 80 ms من فتح القاطعة؟ علّل.



الشكل (6)

التمرين التجريبي: (06 نقاط)

تستعمل بعض الأحماض الكربوكسيلية كمواد حافظة للأغذية مثل الأجبان، المشروبات والمعلّبات...، كما تستعمل في

تحضير بعض العطور، مستحضرات التجميل وبعض الأدوية.

المرحلة 01: دراسة تفاعل محلول حمض البروبانويك مع محلول هيدروكسيد الصوديوم.

المعطيات: تمت القياسات عند درجة حرارة 25°C

- الجداء الشاردي للماء: $K_e = 10^{-14}$

- ثابت الحموضة للثنائية $pK_a(C_2H_5COOH / C_2H_5COO^-) = 4,9$

بهدف إيجاد التركيز المولي C_a لمحلول مائي (S_a) لحمض البروبانويك $C_2H_5COOH_{(q)}$ نعاير حجما $V_a = 5\text{ mL}$ منه بواسطة

محلول مائي (S_b) لهيدروكسيد الصوديوم $(Na^+ + HO^-)_{(aq)}$ تركيزه المولي $C_b = 5,0 \times 10^{-2} \text{ mol / L}$.

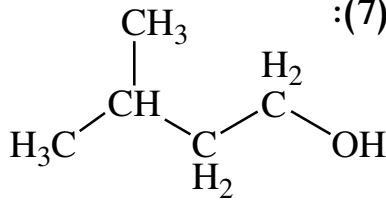
يوضّح الشكل (7) تغيرات قيم pH المزيج التفاعلي بدلالة الحجم V_b المضاف:



الشكل (7)

- 1- ارسم مخطط المعايرة مع تحديد البيانات.
- 2- اكتب معادلة تفاعل المعايرة، ثم أنجز جدول التقدم.
- 3- احسب التركيز المولي C_a للمحلول (S_a).
- 4- أثبت أن نسبة التقدم النهائي تعطى بالعلاقة: $\tau_f = 1 - \frac{10^{pH_E - 14}(V_a + V_{bE})}{C_b \cdot V_{bE}}$ ثم احسب قيمتها. ماذا تستنتج؟
- 5- استنتج النوع الكيميائي الغالب للثنائية ($C_2H_5COOH / C_2H_5COO^-$) عند نقطة التكافؤ.

المرحلة 02: تصنيع إيثانوات الإيزوميل المستعملة في صناعة العطور (تفاعل حمض الإيثانويك مع 3-ميثيل بوتان-1-ول)



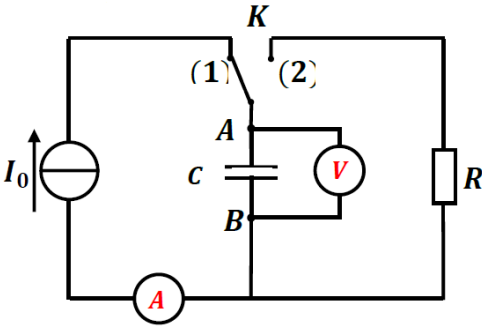
الشكل (7)

المعطيات: الصيغة الجزيئية نصف المفصلة للكحول المستعمل موضحة في الشكل (7):

- كثافة حمض الإيثانويك (حمض الخل) المستعمل $d_1 = 1,05$
 - كثافة الكحول (3-ميثيل بوتان-1-ول) المستعمل $d_2 = 0,81$
 - الكتلة الحجمية للماء $\rho_{eau} = 1 \text{ g/mL}$ و $d = \frac{\rho_l}{\rho_{eau}}$
 - الكتلة المولية الجزيئية لحمض الإيثانويك $M_1 = 60 \text{ g/mol}$
 - الكتلة المولية الجزيئية للكحول المستعمل $M_2 = 88 \text{ g/mol}$
 - الكتلة المولية الجزيئية للأستر المتشكل $M_E = 130 \text{ g/mol}$
- نمزج حجما $V_1 = 30 \text{ mL}$ من حمض الإيثانويك CH_3COOH مع جم $V_2 = 20 \text{ mL}$ من الكحول وقطرات من حمض الكبريت المركز، ونضيف للمزيج قطع من حجر الخفان، ونسخن المزيج لمدة كافية بالارتداد.
- 1- ما هو الهدف من التسخين بالارتداد ومن إضافة حمض الكبريت المركز
 - 2- احسب كمية المادة الابتدائية لكل من الحمض n_{01} والكحول n_{02} .
 - 3- اكتب معادلة التفاعل باستخدام الصيغ نصف المفصلة ثم أعط التسمية النظامية للأستر الناتج.
 - 4- أنجز جدولاً لتقدم التفاعل، ثم استنتج التقدم الأعظمي $x_{\max}$.
 - 5- إن حجم الأستر الناتج تجريبيا هو $V_E = 27 \text{ mL}$ ، استنتج مردود التفاعل علما أن كثافة الأستر الناتج $d_E = 0,87$.
 - 6- اذكر طريقة تمكنا من تحسين مردود التفاعل.

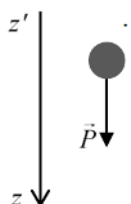
بالتوفيق في شهادة البكالوريا

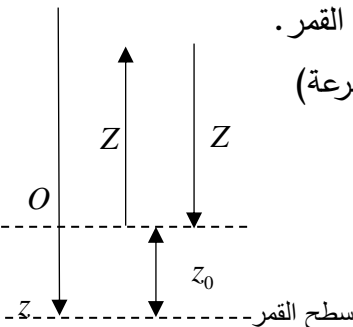
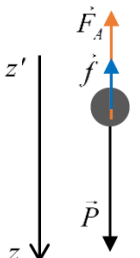
العلامة		عناصر الإجابة (الموضوع الأول)
المجموع	مجزأة	
		التمرين الأول (05 نقاط)
	0,5	1- أ- معادلة التفاعل النووي الحادث: $^{131}_{53}I \rightarrow ^A_ZXe^* + ^0_{-1}e$ بتطبيق قوانين صودي للانحفاظ نجد: $A=131$ و $Z=54$ فتصبح المعادلة: $^{131}_{53}I \rightarrow ^{131}_{54}Xe^* + ^0_{-1}e$
	0,5	ب- معادلة التحول النووي: $^{131}_{54}Xe^* \rightarrow ^{131}_{54}Xe + ^0_0\gamma$ نمط الاشعاع γ (اشعاع كهرومغناطيسي)
	0,25	2- أ- عبارة التناقص الإشعاعي: $N(t) = N_0 \cdot e^{-\lambda t}$
	0,25	ب- عبارة الأنوية المتفككة $N_d(t) = N_0 - N_0 \cdot e^{-\lambda t} = N_0 (1 - e^{-\lambda t})$
	0,25	ج- اثبات العلاقة: $\frac{N_d(t)}{N(t)} = e^{\lambda t} - 1$ من العلاقات السابقة: $\frac{N_d(t)}{N(t)} = \frac{N_0 (1 - e^{-\lambda t})}{N_0 e^{-\lambda t}} = \frac{1 - e^{-\lambda t}}{e^{-\lambda t}} = e^{\lambda t} - 1$ وهو المطلوب.
	0,5	د- تحديد نصف عمر النواة $t_{1/2}$: $t_{1/2} = 8 \text{ Jours}$ بالإنسقاط على المنحنى نجد: $\frac{N_d(t_{1/2})}{N(t_{1/2})} = e^{\lambda t_{1/2}} - 1 = e^{\frac{\ln 2}{t_{1/2}} \cdot t_{1/2}} - 1 = 2 - 1 = 1$
	0,5	3- أ- التاريخ الذي نعتبر فيه أن هذه المنطقة أصبحت غير ملوثة: النشاط الإشعاعي يعطى بالعلاقة: $A(t) = A_0 \cdot e^{-\lambda t}$ ومنه $\frac{A(t)}{A_0} = e^{-\lambda t} = e^{-\frac{\ln 2}{t_{1/2}} t}$ إذن: $t = \frac{t_{1/2}}{\ln 2} \times \ln \frac{A_0}{A(t)}$ بالتعويض: $t = \ln \left(\frac{1,76 \times 10^9 \times 10^9}{1} \right) \times \frac{8}{\ln 2} = 484,88 \text{ Jours}$ إذن: $t \approx 1 \text{ an}, 4 \text{ mois}$ ومنه يمكن اعتبار المنطقة غير ملوثة بتاريخ: 13 جوان 1961.
	0,75	4- أ- معادلة تفكك نواة السيزيوم $^{137}_{55}Cs \rightarrow ^{137}_{56}Ba + ^A_ZX$ بتطبيق قوانين صودي للانحفاظ نجد: $A=0$ و $Z=-1$ فتصبح المعادلة: $^{137}_{55}Cs \rightarrow ^{137}_{56}Ba + ^0_{-1}e$ - نمط الاشعاع هو: β^-
	0,5	ب- حساب عدد الأنوية لكل $1m^2$: لدينا: $A = \lambda \times N$ حيث: $\lambda = \frac{\ln 2}{t_{1/2}}$ ومنه: $N = \frac{A \times t_{1/2}}{\ln 2}$ بالتعويض: $N = \frac{555 \times 10^3 \times 30,1 \times 365 \times 24 \times 3600}{\ln 2}$ إذن: عدد الأنوية لكل $1m^2$ هو: $N = 7,6 \times 10^{14} \text{ noyaux}$

0,5	ج- حساب كتلة السيزيوم 137 الموجودة في المساحة 10000 Km^2 : نحسب أولاً كتلة السيزيوم 137 الموجودة في المساحة 1 m^2 : نعلم أنّ $m' = \frac{N}{N_A} \times M(^{137}\text{Cs})$ بالتعويض: $m' = \frac{7,6 \times 10^{14}}{6,02 \times 10^{23}} \times 137$ ومنه $m' = 1,73 \times 10^{-7} \text{ g} = 1,73 \times 10^{-10} \text{ Kg}$ نحسب كتلة السيزيوم 137 الموجودة في المساحة 10000 Km^2 : ومنّه $\begin{cases} 1 \text{ m}^2 \rightarrow m' = 1,73 \times 10^{-10} \text{ Kg} \\ 10000 \times 10^6 \text{ m}^2 \rightarrow m(\text{Kg}) \end{cases}$ أي $m = \frac{10000 \times 10^6 \times 1,73 \times 10^{-10}}{1}$: $m = 1,73 \text{ Kg}$
0,5	5- تحديد التاريخ الذي تصبح فيه المنطقة قابلة للاستخدام: لدينا: $A(t) = A_0 \cdot e^{-\lambda t}$ ومنه $t = \frac{t_{1/2}}{\ln 2} \times \ln \frac{A_0}{A(t)}$ بالتعويض: $t = \frac{30,1}{\ln 2} \times \ln \left(\frac{555 \times 10^3}{37 \times 10^3} \right) = 117,6 \text{ ans}$ اذن: $t \approx 117 \text{ ans}, 7 \text{ mois}, 6 \text{ Jours}$ ومنّه تصبح المنطقة صالحة للاستخدام بتاريخ: 19 سبتمبر 2077.
0,5	التمرين الثاني (04 نقاط) البداية في الوضع (01): 1- إتمام الشكل: 
0,25	2- العلاقة بين I_0، t، C و u_c : نعلم أنّ: $q = I_0 \times t$ و $q = C \cdot u_c$ ومنه: $u_c = \frac{q}{C} = \frac{I_0 \times t}{C}$ و بالتالي: $u_c = \frac{I_0}{C} \cdot t \dots (1)$
0,5	3- أ- إيجاد قيمة سعة المكثف C : العبارة البيانية: البيان عبارة عن خط مستقيم يمر من المبدأ معادلته من الشكل: $u_c = a \cdot t$ حيث $a = 0,1$ ومنه نكتب: $u_c = 0,1 \cdot t \dots (2)$ بالمطابقة بين (1) و (2) نجد: $\frac{I_0}{C} = 0,1$ وبالتالي نجد: $C = \frac{I_0}{0,1} = \frac{0,5 \times 10^{-3}}{0,1}$ ومنه $C = 5 \times 10^{-3} \text{ F}$
0,5	ج- قيمة التوتر الأعظمي U_0 : - بالإسقاط على البيان نجد: $U_0 = 10 \text{ V}$ حساب الطاقة الأعظمية المخزنة في المكثف: - لدينا: $E_0 = \frac{1}{2} \cdot C \cdot U_0^2$ بالتعويض: $E_0 = \frac{1}{2} \cdot (5 \times 10^{-3}) \cdot 10^2$ ومنه $E_0 = 0,25 \text{ J}$

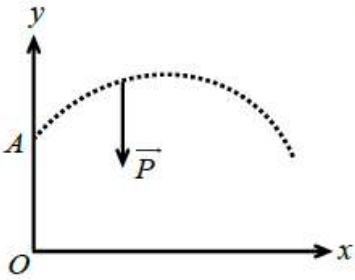
	0,25	البادلة في الوضع (2): 1- تحديد اللحظة الزمنية t' التي نغير فيها وضع البادلة إلى الوضع (2): من البيان: $t'=100s$																																			
	0,5	2- المعادلة التفاضلية للتوتر بين طرفي المكثفة u_c: بتطبيق قانون جمع التوترات: $u_c + u_R = 0$ أي: $u_c + R.i = 0$ علما أن $i = \frac{dq}{dt} = \frac{d(C.u_c)}{dt} = C.\frac{du_c}{dt}$ بالتعويض والضرب في $\left(\frac{1}{RC}\right)$ نجد المعادلة التفاضلية المطلوبة: $\frac{du_c}{dt} + \frac{1}{RC}.u_c = 0$																																			
	0,75	3- تعيين عبارة الثابتين A و α بدلالة ثوابت الدارة الكهربائية المدروسة: لدينا: (*) $u_c(t) = A.e^{-\alpha(t-t')}$ ومنه بالاشتقاق: (**) $\frac{du_c}{dt} = -\alpha.A.e^{-\alpha(t-t')}$ بتعويض (*) و (**) في المعادلة التفاضلية نجد: $-\alpha.A.e^{-\alpha(t-t')} + \frac{1}{RC}.A.e^{-\alpha(t-t')} = 0$ ومنه $\alpha = \frac{1}{RC}$ إذن: $A.e^{-\alpha(t-t')}\left(-\alpha + \frac{1}{RC}\right) = 0$ وعند اللحظة: $t = t'$: $u_c(t') = A.e^0 = U_0$ ومنه $A = U_0$																																			
	0,75	4- تحديد ثابت الزمن τ: عند اللحظة $t = \tau$: $u_c(\tau) = 0,37 \times 10 = 3,7V$ بالإسقاط على المنحنى نجد: $\tau = 20s$. - استنتاج قيمة R: نعلم أن $\tau = R.C$ ومنه $R = \frac{\tau}{C}$ بالتعويض نجد: $R = \frac{20}{5 \times 10^{-3}} = 4K\Omega$ - حساب قيمة الطاقة الضائعة بفعل جول عند اللحظة $t = \tau$: $E_{lib} = E_{max} - E(\tau) = E_0 - \frac{1}{2}.C.u(\tau)$ لدينا من البيان: $u_c(\tau) = 3,6V$ ومنه بالتعويض نجد: $E_{lib} = 0,2J - \frac{5 \times 10^{-3} \times 3,6^2}{2}$ إذن: $E_{lib} = 0,2J$																																			
	0,25	التمرين الثالث: (05 نقاط) 1- أ- جدول تقدم التفاعل: <table><tr><th colspan="2">معادلة التفاعل</th><th colspan="5">$Zn_{(s)} + 2H_3O^+_{(aq)} = Zn^{2+}_{(aq)} + H_{2(g)} + 2H_2O_{(l)}$</th></tr><tr><th>ح ج</th><th>التقدم (mol)</th><th colspan="5">كميات المادة</th></tr><tr><td>$t = 0$</td><td>$x = 0$</td><td>$n_0(Zn)$</td><td>$n_0(H_3O^+)$</td><td>0</td><td>0</td><td>بوفرة</td></tr><tr><td>t</td><td>x</td><td>$n_0(Zn) - x$</td><td>$n_0(H_3O^+) - 2x$</td><td>x</td><td>x</td><td>بوفرة</td></tr><tr><td>t_f</td><td>x_m</td><td>$n_0(Zn) - x_m$</td><td>$n_0(H_3O^+) - 2x_m$</td><td>x_m</td><td>x_m</td><td>بوفرة</td></tr></table>	معادلة التفاعل		$Zn_{(s)} + 2H_3O^+_{(aq)} = Zn^{2+}_{(aq)} + H_{2(g)} + 2H_2O_{(l)}$					ح ج	التقدم (mol)	كميات المادة					$t = 0$	$x = 0$	$n_0(Zn)$	$n_0(H_3O^+)$	0	0	بوفرة	t	x	$n_0(Zn) - x$	$n_0(H_3O^+) - 2x$	x	x	بوفرة	t_f	x_m	$n_0(Zn) - x_m$	$n_0(H_3O^+) - 2x_m$	x_m	x_m	بوفرة
معادلة التفاعل		$Zn_{(s)} + 2H_3O^+_{(aq)} = Zn^{2+}_{(aq)} + H_{2(g)} + 2H_2O_{(l)}$																																			
ح ج	التقدم (mol)	كميات المادة																																			
$t = 0$	$x = 0$	$n_0(Zn)$	$n_0(H_3O^+)$	0	0	بوفرة																															
t	x	$n_0(Zn) - x$	$n_0(H_3O^+) - 2x$	x	x	بوفرة																															
t_f	x_m	$n_0(Zn) - x_m$	$n_0(H_3O^+) - 2x_m$	x_m	x_m	بوفرة																															
	0,75	ب- إثبات أن: $P = \frac{RT}{V_g}.x + \alpha$: الضغط الكلي داخل الحوجة هو: $P = P_g + P_0$ لدينا من قانون الغازات المثالية: $P_{H_2}.V_{H_2} = n_{H_2}.RT$ ومنه: $P_g = \frac{n_{H_2}.RT}{V_g}$ ومن جدول التقدم: $n_{H_2} = x$																																			

		بالتعويض نجد: $P_g = \frac{R.T}{V_g} \cdot x$ ومنه: (1) $P = \frac{R.T}{V_g} \cdot x + P_0$ بالمطابقة بين (1) والعلاقة المعطاة نجد: $P_0 = \alpha$ وهي تمثل الضغط الجوي في الحويصلة قبل بداية التفاعل P_{atm}.
0,75		2-1- اعتمادا على البيان (1): أ- قيمة الضغط عند نهاية التفاعل $P_f = 2,4 \times 1,013 \times 10^5$ ومنه $P_f = 2,43 \times 10^5$ Pa قيمة التقدم الأعظمي $x_{max} : x_m = 3 \times 15$ ومنه: $x_m = 45 \text{ mmol} = 4,5 \times 10^{-2} \text{ mol}$ استنتاج المتفاعل المحد: إذا كان Zn متفاعل محدد يكون: $n_0(\text{Zn}) - x_m = 0$ يعني أن $n_0(\text{Zn}) = x_m$ ولدينا: $n_0(\text{Zn}) = x_m = 0,0045 \text{ mol}$ إذن: $n_0(\text{Zn}) = \frac{m}{M} = \frac{2,94}{65,4} = 0,00449 \text{ mol}$ ومنه المتفاعل المحد هو Zn.
0,75		ب- العبارة البيانية للبيان (1): البيان عبارة عن خط مستقيم يمر من المبدأ معادلته من الشكل: $P = a \cdot x + b$ حيث a ميل البيان. حسابه: $a = \frac{(2 \cdot 4312 - 1,013) \times 10^5}{0,045 - 0} = 31,51 \times 10^5 \text{ Pa / mol}$ و $b = 1,013 \times 10^5 \text{ Pa}$ ومنه معادلة البيان: (2) $P = 31,51 \times 10^5 \cdot x + 1,013 \times 10^5$ استنتاج قيمة كل من: الثابت α ودرجة حرارة الوسط T: بالمطابقة بين العبارة النظرية (1) والعبارة البيانية (2) نجد: $\alpha = 1,013 \times 10^5 \text{ Pa}$ و $\frac{R.T}{V_g} = a$ إذن $T = \frac{a \times V_g}{R}$ بالتعويض نجد: $T = \frac{31,51 \times 10^5 \times (1 - 0,2) \times 10^{-3}}{8,31}$ ومنه $T = 303,34 \text{ K} = 30,34^\circ \text{C}$
0 75		2.2 - انطلاقا من جدول التقدم واعتمادا على البيان (2): أ- اثبات أن: $n_0(\text{H}_3\text{O}^+) = 3x_{max}$ لدينا من جدول التقدم: $n_f(\text{H}_3\text{O}^+) = n_0(\text{H}_3\text{O}^+) - 2x_m$ ومنه: (*) $x_m = \frac{n_0 - n_f}{2}$ ومن البيان نلاحظ أن $n_f = \frac{n_0}{3}$. بالتعويض في (*): $x_m = \frac{1}{2} \times \left(n_0 - \frac{n_0}{3} \right) = \frac{1}{2} \times \frac{2 \cdot n_0}{3}$ ومنه: $n_0(\text{H}_3\text{O}^+) = 3x_m$ وهو المطلوب. حساب قيمته: $n_0(\text{H}_3\text{O}^+) = 3 \cdot x_m = 3 \times 0,045$ ومنه $n_0(\text{H}_3\text{O}^+) = 1,35 \times 10^{-2} \text{ mol}$ استنتاج قيمة C_0: $C_0 = \frac{n_0(\text{H}_3\text{O}^+)}{V} = \frac{1,35 \times 10^{-2}}{0,2}$ ومنه $n_0(\text{H}_3\text{O}^+) = [\text{H}_3\text{O}^+] \times V = C_0 \times V$ إذن: $C_0 = 0,675 \text{ mol / L}$

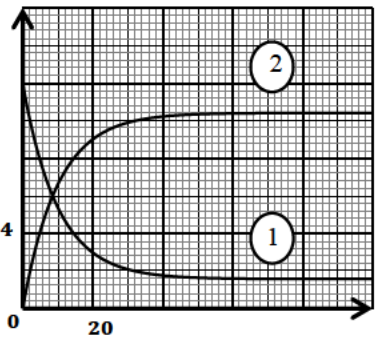
0,75	ب- حساب السرعة الحجمية الأعظمية لاختفاء شوارد الهيدريونيوم أي عند $t=0 \text{ min}$: لدينا: $v_{Vol(H_3O^+)}(t=0) = -\frac{1}{0,2} \cdot \left(\frac{0-0,135}{15-0} \right)$ ومنه: $v_{Vol(H_3O^+)}(t=0) = -\frac{1}{V} \cdot \left(\frac{dn(H_3O^+)}{dt} \right)_{t=0}$ اذن: $v_{Vol(H_3O^+)}(t=0) = 4,5 \times 10^{-2} \text{ mol / L.min}$ استنتاج السرعة الحجمية للتفاعل عند نفس اللحظة: لدينا: $v_{Vo}(t=0) = \frac{(4,5 \times 10^{-2})}{2}$ ومنه $v_{Vol}(t=0) = \frac{1}{2} \cdot v_{Vol(H_3O)}(t=0)$ اذن: $v_{Vo}(t=0) = 2,25 \times 10^{-2} \text{ mol / L.min}$
1	ج- تعريف زمن نصف التفاعل $t_{1/2}$: هو الزمن اللازم لبلوغ التقدم نصف قيمته الأعظمية. - اثبات العلاقة $n_{t_{1/2}}(H_3O^+) = \frac{n_0 + n_f}{2}$ لدينا من جدول التقدم: $n_f(H_3O^+) = n_0 - 2x_m$ ومنه: $x_m = \frac{n_0 - n_f}{2}$ لما $t = t_{1/2}$: $n_{t_{1/2}}(H_3O^+) = n_0 - 2 \times \frac{x_m}{2} = n_0 - x_m = n_0 - \frac{n_0 - n_f}{2} = \frac{2n_0 - n_0 + n_f}{2}$ ومنه $n_{t_{1/2}}(H_3O^+) = \frac{n_0 + n_f}{2}$. وهو المطلوب. قيمته: $n_{t_{1/2}}(H_3O^+) = \frac{0,135 + 0,045}{2} = 0,09 \text{ mol}$ بالإسقاط على البيان نجد: $t_{1/2} = 7 \text{ min}$
0,5	التمرين التجريبي: (06 نقاط) I-1 - بما أنّ عند اللحظة $t=0 \text{ s}$ إشارة سرعة الكرة سالبة (البيان)، إذن قذفت الكرة نحو الأعلى. لأنّ (zz') موجه نحو الأسفل.
0,5	2- التعبير عن تسارع الكرة بدلالة تسارع الثقالة g_L بجوار سطح القمر: بتطبيق القانون الثاني لنيوتن في المرجع السابق: $\sum \vec{F}_{ext} = m \cdot \vec{a}$ ومنه $\vec{P} = m \cdot \vec{a}$ بالإسقاط على المحور (zz') نجد: $P = m \cdot a$ ومنه: $m \cdot g_L = m \cdot a$ ومنه: $a = g_L$ 
0,25	3- كتابة المعادلة الزمنية للسرعة $v = f(t)$: ومن الشروط الابتدائية ($v_0 = -2 \text{ m/s}$: $t=0$) ومنه $v(t) = g_L \cdot t - 2$
0,25	4- حساب قيمة g_L: البيان $v = f(t)$ عبارة عن خط مستقيم لا يمر من المبدأ معادلته من الشكل $v = \alpha \cdot t + \beta$. حيث α هو الميل، حسابه: $\alpha = \frac{0 - (-2)}{2,5 \times 0,5 - 0} = 1,6$ ومنه تصبح المعادلة: $v = 1,6 \cdot t - 2$ بالمطابقة مع العبارة النظرية نجد: $g_L = 1,6$

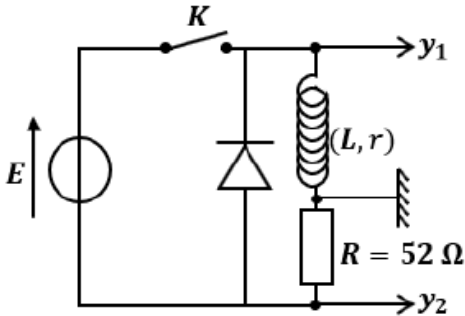
0,25	المقارنة بين g و g_L : $\frac{g}{g_L} = \frac{10}{1,6} = 6,3$ ومنه: $g > g_L$
0,25	5- أ- المعادلة الزمنية للحركة $z = f(t)$: $z(t) = \frac{1}{2} g_L t^2 - 2t + z_0$ ومن الشروط الابتدائية ($z_0 = 0m$: $t = 0$) ومنه $z(t) = \frac{1}{2} g_L t^2 - 2t$ بالتعويض نجد: $z(t) = 0,8t^2 - 2t$
0,5	ب- المسافة الكلية التي قطعتها الكرة من لحظة قذفها حتى لحظة وصولها لسطح القمر: الطريقة 01: المسافة تمثل المساحة المحصورة بين محور الزمن والمستقيم $v = f(t)$: $d = \frac{2 \times (2,5 \times 2)}{2} + \frac{2,4 \times (3 \times 5)}{2} = 1,25 + 1,8$ ومنه $d = 3,05m$ الطريقة 02: الكرة تصعد نحو الأعلى ثم تتوقف لتعود من جديد إلى سطح القمر. حساب مسافة الصعود: من لبيان زمن الصعود هو: $t = 1,25s$ (تتعدم السرعة) بالتعويض في المعادلة الزمنية للحركة: $Z = 0,8.(1,25)^2 - 2.(1,25)$ اذن $Z = -1,25m$ (عكس جهة المحور). ومنه: $d = 2.Z + z_0$ اذن $d = 2 \times 1,25 + 0,5$ فنجد: $d = 3m$ 
0,5	II- 1- إثبات أن المعادلة التفاضلية تكتب من الشكل: $\frac{dv}{dt} + \frac{k}{m} v^2 = \frac{k}{m} v_L^2$ بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على الجملة (كرة) في مرجع سطحي أرضي نعتبره غاليليا مرتبط بمحور شاقولي موجه نحو الأسفل (zz'): $\sum \vec{F}_{ext} = m \cdot \vec{a}$ ومنه: $\vec{P} + \vec{F}_A + \vec{f} = m \cdot \vec{a}$ بالإسقاط وفق المحور (zz') نجد: $P - F_A - f = m \cdot a$ ومنه $mg - m_0 \cdot g - kv^2 = m \cdot \frac{dv}{dt}$ اذن نكتب: (1) $\frac{dv}{dt} + \frac{k}{m} v^2 = g \left(1 - \frac{m_0}{m}\right)$ لما $v = v_L$ يكون $\frac{dv}{dt} = 0$ ومنه $\frac{k}{m} v_L^2 = g \left(1 - \frac{m_0}{m}\right)$ اذن: $v_L^2 = \frac{m}{k} \cdot g \left(1 - \frac{m_0}{m}\right)$ بالتعويض في (1) نجد: $\frac{dv}{dt} + \frac{k}{m} v^2 = \frac{k}{m} v_L^2$ وهو المطلوب. 
0,25	2- أ- حساب كتلة الكرة: $m = \rho_{CO_2} \cdot V = 1,87 \times \frac{4}{3} \times 3,14 \times (0,1)^3$ ومنه $m = 7,83 \times 10^{-3} Kg$
1,25	ب- حساب ثابت الاحتكاك k : العبارة البيانية: البيان عبارة عن خط مستقيم يمر من المبدأ معادلته من الشكل $a = \alpha \cdot (v_L^2 - v^2)$ حيث α هو الميل، حسابه: $\alpha = 1$. العبارة النظرية: لدينا من (1): $\frac{dv}{dt} = a = \frac{k}{m} \cdot (v_L^2 - v^2)$ بالمطابقة بين العبارتين نجد: $\frac{k}{m} = 1$ ومنه $k = 7,83 \times 10^{-3} Kg / m$

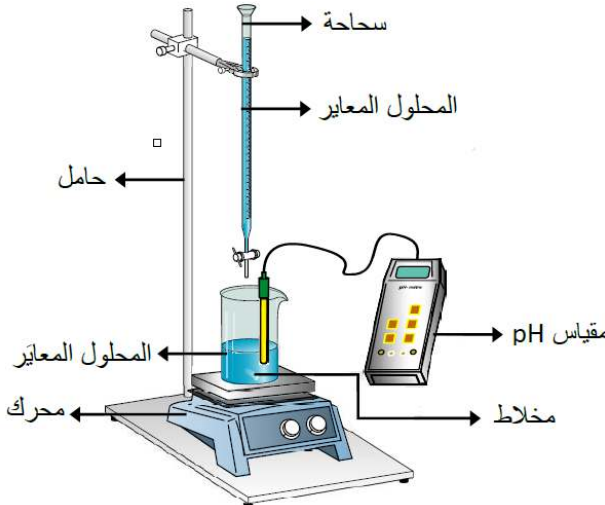
		- حساب التسارع الابتدائي للكرة: أكبر قيمة للتسارع هي التسارع الابتدائي. حيث: $a_0 = \frac{dv}{dt}\bigg _{t=0} = \frac{k}{m} \cdot (v_L^2 - v_0^2) = \frac{k}{m} \cdot v_L^2$ ومنه $a_0 = \frac{7,83 \times 10^{-3}}{7,83 \times 10^{-3}} \times (4)$ من البيان: $a_0 = 4 \text{ m/s}^2$. - استنتاج الكتلة الحجمية للهواء ρ_{air} في شروط التجربة: $a_0 = g \left(1 - \frac{\rho_{air} \cdot V}{\rho_{CO_2} \cdot V} \right) = g \left(1 - \frac{\rho_{air}}{\rho_{CO_2}} \right)$ ومنه $\frac{\rho_{air}}{\rho_{CO_2}} = 1 - \frac{a_0}{g}$ اذن $\rho_{air} = \rho_{CO_2} \cdot \left(1 - \frac{a_0}{g} \right) = 1,87 \times 0,6$ وبالتالي: $\rho_{air} = 1,12 \text{ Kg/m}^3$. - حساب السرعة الحدية للكرة: وجدنا سابقا: $a_0 = \frac{k}{m} \cdot v_L^2$ ومنه $v_L = \sqrt{\frac{a_0 \cdot m}{k}} = \sqrt{4}$ اذن: $v_L = 2 \text{ m/s}$.
0,25	3-	- حساب شدة دافعة أرخميدس المؤثرة على الكرة: $F_A = \rho_{air} \times V_g \times g$ اذن: $F_A = 1,12 \times 4,18 \times 10^{-2}$ ومنه $F_A = 4,68 \times 10^{-2} \text{ N}$.
0,5		- تمثيل القوى المؤثرة على الكرة عند اللحظة $t=0$، ثم بعد انطلاقها: $0,17 \times 4,18 \times 10^{-3} \times 10 = 7,1 \times 10^{-3} \text{ N}$ بما أن $P' = m' \cdot g = \rho_{He} \cdot V \cdot g$ الكرة تصعد نحو الأعلى.
0,5		- ايجاد المعادلة التفاضلية لسرعة الكرة: تطبيق القانون الثاني لنيوتن على الجلمة (كرة) في مرجع سطحي أرضي نعتبره غاليليا مرتبط بمحور شاقولي موجه نحو الأسفل (zz'): $\sum \vec{F}_{ext} = m \cdot \vec{a}$ ومنه: $\vec{P} + \vec{F}_A + \vec{f} = m \cdot \vec{a}$ بالإسقاط وفق المحور (zz') نجد: $P - F_A + f = m' \cdot a$ حيث m' هي كتلة الكرة وهي مملوءة بالهيليوم. ومنه $m' \cdot g - m_0 \cdot g + kv^2 = m' \cdot \frac{dv}{dt}$ اذن المعادلة التفاضلية هي: $\frac{dv}{dt} - \frac{k}{m'} \cdot v^2 = g \left(1 - \frac{m_0}{m'} \right)$
0,25		- حساب السرعة الحدية للكرة: لما $v = v_L$ تكون: $\frac{dv}{dt} = 0$ أي: $-\frac{k}{m'} \cdot v_L^2 = g \left(1 - \frac{m_0}{m'} \right)$ اذن $v_L^2 = -\frac{m' \cdot g}{k} \left(1 - \frac{m_0}{m'} \right) = -\frac{7,1 \times 10^{-3}}{7,83 \times 10^{-3}} \times \left(1 - \frac{1,12}{0,17} \right) = 5$ ومنه: $v_L = 2,23 \text{ m/s}$

العلامة		عناصر الإجابة (الموضوع الثاني)
المجموع	مجزأة	
	0,25	التمرين الأول (05 نقاط) 1- المرجع المناسب لدراسة حركة مركز عطالة المجازف: المرجع السطحي الأرضي الذي نعتبره غاليليا.
	0,25	2- شرح العبارة: "تُهمل تأثيرات الهواء على المجازف": المجازف يخضع لتأثير ثقله فقط (سقوط حر).
	0,5	3-1- إيجاد قيمة السرعة الابتدائية v_A لمركز عطالة المجازف: $Ec_A = \frac{1}{2} \cdot m \cdot v_A^2$ ومنه: $v_A^2 = \frac{2Ec_A}{m}$ أي أن: $v_A = \sqrt{\frac{2Ec_A}{m}}$ و من البيان نجد: $Ec_A = 13,9 \text{ KJ}$ إذن: $v_A = \sqrt{\frac{2 \times 13,9 \times 10^3}{70}}$ وبالتالي: $v_A = 19,93 \text{ m/s}$
	0,25	3-2- حساب قيمة السرعة v_S : $Ec_S = \frac{1}{2} \cdot m \cdot v_S^2$ ومنه: $v_S^2 = \frac{2Ec_S}{m}$ أي أن: $v_S = \sqrt{\frac{2Ec_S}{m}}$ و من البيان نجد: $Ec_A = 6,8 \text{ KJ}$ إذن: $v_A = \sqrt{\frac{2 \times 6,8 \times 10^3}{70}}$ وبالتالي: $v_A = 13,94 \text{ m/s}$
	0,25	- استنتاج قيمة زاوية القذف α : $\cos \alpha = \frac{v_{Ax}}{v_A}$ حيث: $v_{Ax} = v_S$ لأن عند الموضع S يكون $v_y = 0$ و السعة وفق المحور $(\overrightarrow{Ox})$ ثابتة إذن: $\alpha = \cos^{-1}\left(\frac{v_S}{v_A}\right) = \cos^{-1}\left(\frac{13,94}{19,93}\right)$ أي أن $\alpha = 45,62^\circ$
	0,5	3-3- إيجاد ارتفاع نقطة السقوط h_B : بتطبيق مبدأ انحفاظ الطاقة على الجملة (مجازف + أرض) بين الموضعين A و B: $Epp_B + Ec_B = Epp_A + Ec_A$ ومنه: $m \cdot g \cdot h_B = m \cdot g \cdot h_A + Ec_A - Ec_B$ وعليه: $h_B = h_A + \frac{Ec_A - Ec_B}{m \cdot g}$ إذن: $h_B = 6 + \frac{(13,9 - 15) \times 10^3}{70 \times 9,8}$ ومنه: $h_B = 4,39 \text{ m}$
	0,5	4-1- إيجاد المعادلتين الزمنيتين $x(t)$ و $y(t)$: - الجملة: مجازف - المرجع: سطحي أرضي نعتبره عطاليا. عند اللحظة $t = 0$: $\begin{cases} x = 0 \\ y = h_A \end{cases}$ و $v_A = \begin{cases} v_{Ax} = v_A \cdot \cos \alpha \\ v_{Ay} = v_A \cdot \sin \alpha \end{cases}$ بتطبيق القانون الثاني لنيوتن نجد: $\sum \vec{F}_{ext} = m \cdot \vec{a}$ ومنه: $\vec{P} = m \cdot \vec{a}$ بالإسقاط وفق المحور $(\overrightarrow{Ox})$ نجد: $m \cdot a_x = 0$ ومنه: $a_x = 0$
	0,5	

		بالإسقاط وفق المحور $(\overline{Oy})$ نجد: $m \cdot a_y = -g$ ومنه: $a_y = -g$.
0,5		بمكاملة عبارتي a_x و a_y نجد: $\begin{cases} v_x(t) = v_A \cdot \cos \alpha \\ v_y(t) = -g \cdot t + v_A \cdot \sin \alpha \end{cases}$
0,5		بمكاملة عبارتي $v_x(t)$ و $v_y(t)$ نجد: $\begin{cases} x(t) = v_A \cdot \cos \alpha \cdot t \dots\dots\dots(1) \\ y(t) = -\frac{1}{2} g \cdot t^2 + v_A \cdot \sin \alpha \cdot t + h_A \dots\dots\dots(2) \end{cases}$
0,5		- استنتاج معادلة المسار: من العلاقة (1): $t = \frac{x}{v_A \cdot \cos \alpha}$ و بالتعويض في العلاقة (2) نجد معادلة المسار: $y = -\frac{g}{2 \cdot v_A^2 \cdot \cos^2 \alpha} \cdot x^2 + (\tan \alpha) x + h_A$
0,25		4-2- التحقق من قيمة h_B : لدينا معادلة المسار: $y = -0,025 \cdot x^2 + 1,022x + 6$ ، المجازف في الموضع $B(x_B = 42, y_B)$ بالتعويض نجد: $y_B = -0,025(42)^2 + 1,022(42) + 6$ ومنه: $y_B = 4,82m$
0,25		5- التأكد أن سلم الرسم على محور الأزمنة يعطى بالشكل: $1cm \rightarrow 0,5s$ زمن وصول المجازف إلى الموضع B هو: $t_B = \frac{x_B}{v_A \cdot \cos \alpha} = \frac{42}{19,93 \times \cos(45,62)} = 3s$ وهي ممثلة بـ $6cm$ يعني أن: $6cm \rightarrow 3s$ ، إذن: $1cm \rightarrow 0,5s$
0,25		التمرين الثاني (04 نقاط) I-1- يطلق عليه تفاعل تسلسلي مغذى ذاتيا لأن النيترونات الناتجة من الانشطار الأول تُحدث انشطارات أخرى.
0,75		2- أ- المقادير E_1, E_2 و E_3 هي: E_1 : تمثل طاقة الربط لنواة اليورانيوم ${}^{235}_{92}U$ E_2 : تمثل مجموع طاقتي الربط للنواتين ${}^{139}_{54}Xe, {}^{94}_{38}S$ E_3 : تمثل الطاقة المحررة من تفاعل الانشطار.
0,25		ب- استنتاج قيمة الطاقة المحررة من هذا التفاعل: من المخطط $E_{lib} = E_1 - E_2 = 219835,9 - 219656,69$ ومنه: $E_{lib} = 179,21MeV$
0,25		ج- إيجاد المدة الزمنية التي تستهلك خلالها الغواصة كتلة قدرها $m = 27g$ من اليورانيوم ${}^{235}_{92}U$: نحسب أولا الطاقة المحررة من انشطار كتلة $m = 27g$ من ${}^{235}_{92}U$: $E'_{lib} = \left(\frac{27}{235} \times 6,02 \times 10^{23} \right) \times 179,21MeV$ إذن نجد: $E'_{lib} = N \times E_{lib} = \left(\frac{m}{M({}^{235}U)} \times N_A \right) \times E_{lib}$ ومنه: $E'_{lib} = 1,24 \times 10^{25} MeV = 1,984 \times 10^{12} J$

0,25	$t = \frac{1,984 \times 10^{12}}{15 \times 10^6} = 1,32 \times 10^5 s = 1,51 J$ بالتعويض نجد: $t = \frac{E}{P}$ ومنه: $P = \frac{E}{t}$ نعلم أن:
0,25	II-1- إيجاد قيمة العددين A و Z : $\begin{cases} 2+3=A+1 \\ 1+1=Z \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} A=4 \\ Z=2 \end{cases}$
0,25	2- تفاعل الاندماج هو تفاعل نووي مفتعل يتم فيه التحام نواتين خفيفتين لتنتج نواة أثقل و أكثر استقرارا مع تحرير طاقة.
0,25	3- حساب طاقة الربط للنواة ${}^4_2\text{He}$: $E_l({}^4_2\text{He}) = (A m_p + (A-Z) m_n - m({}^4_2\text{He})) \times C^2$ أي $E_l({}^4_2\text{He}) = (2 \times 1,00728 + 2 \times 1,00866 - 4,00138) \times 931,5 = 28,41 \text{ MeV}$ ومنه $E_l({}^4_2\text{He}) = 28,41 \text{ MeV}$.
0,5	4- ترتيب الأنوية: نحسب طاقة الربط لكل نوية: $\frac{E_l({}^4_2\text{He})}{A} = \frac{28,41}{4} = 7,103 \text{ MeV}$ ، $\frac{E_l({}^3_1\text{H})}{A} = \frac{8,57}{3} = 2,857 \text{ MeV}$ ، $\frac{E_l({}^2_1\text{H})}{A} = \frac{2,23}{2} = 1,115 \text{ MeV}$ ومنه النواة الأقل استقرار هي ${}^2_1\text{H}$ تليها نواة ${}^3_1\text{H}$ ثم نواة ${}^4_2\text{He}$ الأكثر استقرارا.
0,25	5- حساب الطاقة المحررة عن اندماج نواتي ${}^3_1\text{H}$ و ${}^2_1\text{H}$: $E_{lib} = E_l({}^2_1\text{H}) + E_l({}^3_1\text{H}) - E_l({}^4_2\text{He}) $ ومنه $E_{lib} = 2,23 + 8,57 - 28,41 = -17,6 \text{ MeV}$
0,5	6- حساب الطاقة المحررة لكل نكليون لتفاعلي الانشطار والاندماج: الاندماج: $\frac{E_{lib}}{\sum A} = \frac{17,6}{2+3} = 3,52 \text{ MeV / nuc}$ ، الانشطار: $\frac{E_{lib}}{\sum A} = \frac{179,21}{235} = 0,76 \text{ MeV / nuc}$
0,25	7- تفاعل الاندماج أفضل من تفاعل الانشطار: لأن تفاعل لاندماج يحرق طاقة أكبر بمشاركة عدد نويات أقل، له مخلفات إشعاعية أقل ووفرة في الوقود النووي.
0,5	التمرين الثالث: (05 نقاط) I- غلق القاطعة: 1- أ- المنحنيات: (1): التوتر بين طرفي الوشيعية u_b ، (2): التوتر بين طرفي النقل الأومي u_R . عند غلق القاطعة، ينشأ التيار مع مرور الزمن مما يؤدي إلى تزايد التوتر بين طرفي الناقل الأومي $u_R = R.i$ ، وحسب قانون جمع التوترات، التوتر بين طرفي الوشيعية u_b يتناقص.
0,5	ب- المشكلة الموجودة في التجربة: حسب ربط جهاز راسم الاهتزاز المهبطي، المدخل y_2 مربوط من جهة الكمون المنخفض للمولد، وعليه التوتر بين طرفي الناقل الأومي يظهر على الشاشة معكوس ومن أجل تصحيحه يجب الضغط على زر (INV) للمدخل y_2 . فيصبح البيان: 
	2- المعادلة التفاضلية بدلالة التوتر بين طرفي الوشيعية u_b :

0,5	بتطبيق قانون جمع التوترات نجد : $u_b + u_R = E$ ومنه $L \frac{di}{dt} + (R+r).i = E \dots (*)$ من جهة أخرى لدينا $u_b + R.i = E$ ومنه $i = \frac{E - u_b}{R}$ بالاشتقاق نجد $\frac{di}{dt} = \frac{E}{R} - \frac{du_b}{dt}$ بتعويض i و $\frac{di}{dt}$ في $(*)$ نجد : $L \left(\frac{E}{R} - \frac{du_b}{dt} \right) + (R+r) \left(\frac{E - u_b}{R} \right) = E$ نضرب طرفي المعادلة في $\left(-\frac{R}{L} \right)$: $\frac{du_b}{dt} + \frac{(R+r)}{L} . u_b = \frac{(R+r)}{L} . E - \frac{R}{L} . E$ ومنه نجد المعادلة التفاضلية : $\frac{du_b}{dt} + \frac{(R+r)}{L} . u_b = \frac{r}{L} . E \dots (**)$
0,5	3- تعيين عبارتي A و α : لدينا : $u_b(t) = A.(r + R.e^{\alpha t})$ بالاشتقاق نجد : $\frac{du_b}{dt} = A.R.\alpha.e^{\alpha t}$ بتعويض عبارتي u_b و $\frac{du_b}{dt}$ في $(**)$ نجد : $A.R.\alpha.e^{\alpha t} + \frac{(R+r)}{L} . (A.r + A.R.e^{\alpha t}) = \frac{r}{L} . E$ بعد عملي النشر والتبسيط نجد : $A.R..e^{\alpha t} \left(\alpha + \frac{R+r}{L} \right) + \frac{(R+r)}{L} . A.r = \frac{r}{L} . E$ ومنه : $\alpha = -\frac{R+r}{L}$ و $A = \frac{E}{R+r}$
0,75	4- استنتاج قيم E ، r و L : قيمة E : $E = 12V$ قيمة r : $\begin{cases} u_b(\infty) = r.I_0 = 1,6V \\ u_R(\infty) = R.I_0 = 10,4V \end{cases}$ ومنه $\frac{u_b(\infty)}{u_R(\infty)} = \frac{r.I_0}{R.I_0} = \frac{1,6}{10,4}$ نجد : $r = \frac{52 \times 1,6}{10,4}$ ومنه : $r = 8\Omega$ قيمة L : من البيان نجد : $\tau = 10ms = 10 \times 10^{-3} s$ ومن جهة أخرى : $\tau = \frac{L}{R+r}$ ومنه $L = (R+r) \times \tau$ بالتعويض نجد : $L = (52+8) \times 10 \times 10^{-3}$ ومنه : $L = 0,6H$
0,25	II-فتح القاطعة : 1- التوضيح : حدوث شرارة كهربائية.
0,5	2- تحديد حل المشكلة تجريبيا : يجب توصيل صمام ثنائي. 
	3-أ- إيجاد قيم كل من ثابت الزمن τ وشدة التيار الأعظمية I_0 :

0,75	-العبارة البيانية: البيان عبارة عن خط مستقيم لا يمر من المبدأ معادلته من الشكل: $\ln i=a.t+b$ حيث a هو الميل. نجد: $a=-0,1$ و $b=-1,6$ ومنه: $\ln i=-0,1.t-1,6....(1)$ -العبارة النظرية: لدينا: $i(t)=I_0.e^{-t/\tau}$ ومنه: $\ln i=\ln\left(I_0.e^{-t/\tau}\right)=-\frac{1}{\tau}.t+\ln I_0....(2)$ بالمطابقة بين (1) و (2) نجد: $\begin{cases} -\frac{1}{\tau}=-0,1 \\ \ln I_0=-1,6 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \tau=10ms \\ I_0=e^{-1,6}=0,2A \end{cases}$																														
0,25	ب- حساب قيمة الطاقة المخزنة في الوشيعية: نعلم أن عند فتح القاطعة: $i=I_0$ ومنه: $E_{m_0}=\frac{1}{2}.L.I_0^2=0,5\times0,6\times0,2^2$ إذن: $E_{m_0}=0,012J$.																														
0,5	ج- حساب قيمة الطاقة عند $t=80ms$ لما $t=80ms$: $\ln i=-9,6$ ومنه $i=e^{-9,6}=6,77\times10^{-5}A$ ومنه: $E_{m_t}=0,5\times0,6\times\left(6,77\times10^{-5}\right)^2$ إذن: $E_{m_t}=1,37\times10^{-9}J$ - تخزن الوشيعية طاقة كهرومغناطيسية عند مرور التيار الكهربائي و عند انقطاعه تستهلك تلك الطاقة في الناقل الأومي وفي مقاومتها الداخلية (فعل جول).																														
0,25	التمرين التجريبي: (06 نقاط) المرحلة 01: 1- مخطط المعايرة: 																														
0,25	2- معادلة تفاعل المعايرة: $C_2H_5COOH_{(aq)}+HO^-_{(aq)}=C_2H_5COO^-_{(aq)}+H_2O_{(l)}$ - جدول التقدم: <table><tr><th colspan="2">معادلة التفاعل</th><th colspan="4">$C_2H_5COOH_{(aq)}+HO^-_{(aq)}=C_2H_5COO^-_{(aq)}+H_2O_{(l)}$</th></tr><tr><th>ح ج</th><th>التقدم (mol)</th><th colspan="4">كميات المادة</th></tr><tr><td>$t=0$</td><td>$x=0$</td><td>$C_a.V_a$</td><td>$C_b.V_b$</td><td>0</td><td>بوفرة</td></tr><tr><td>t</td><td>x</td><td>$C_a.V_a-x$</td><td>$C_b.V_b-x$</td><td>x</td><td>بوفرة</td></tr><tr><td>t_f</td><td>x_E</td><td>$C_a.V_a-x_E$</td><td>$C_b.V_{bE}-x_E$</td><td>x_E</td><td>بوفرة</td></tr></table>	معادلة التفاعل		$C_2H_5COOH_{(aq)}+HO^-_{(aq)}=C_2H_5COO^-_{(aq)}+H_2O_{(l)}$				ح ج	التقدم (mol)	كميات المادة				$t=0$	$x=0$	$C_a.V_a$	$C_b.V_b$	0	بوفرة	t	x	$C_a.V_a-x$	$C_b.V_b-x$	x	بوفرة	t_f	x_E	$C_a.V_a-x_E$	$C_b.V_{bE}-x_E$	x_E	بوفرة
معادلة التفاعل		$C_2H_5COOH_{(aq)}+HO^-_{(aq)}=C_2H_5COO^-_{(aq)}+H_2O_{(l)}$																													
ح ج	التقدم (mol)	كميات المادة																													
$t=0$	$x=0$	$C_a.V_a$	$C_b.V_b$	0	بوفرة																										
t	x	$C_a.V_a-x$	$C_b.V_b-x$	x	بوفرة																										
t_f	x_E	$C_a.V_a-x_E$	$C_b.V_{bE}-x_E$	x_E	بوفرة																										

	0,5	3- حساب التركيز المولي C_a للمحلول (S_a): - عند التكافؤ يكون: $C_a \cdot V_a = C_b \cdot V_{bE}$ ومنه $C_a = \frac{C_b \cdot V_{bE}}{V_a} \dots (*)$ ومن البيان في الشكل (7) وبالإسقاط نجد أحداثيات نقطة التكافؤ: $E (V_{bE} = 6 \text{ mL}, pH_E = 6,8)$ بالتعويض في (*): $C_a = \frac{5,0 \times 10^{-2} \times 6 \times 10^{-3}}{5 \times 10^{-3}}$ ومنه $C_a = 6 \times 10^{-2} \text{ mol / L}$
	0,75	4- اثبات العلاقة $\tau_f = 1 - \frac{10^{pH_E - 14} (V_a + V_{bE})}{C_b \cdot V_{bE}}$: نعلم أن: $\tau_f = \frac{x_f}{x_{\max}} = \frac{x_E}{x_{\max}} \dots (**)$ من جدول التقدم لدينا $[HO^-]_f = \frac{n_f (HO^-)}{V_a + V_{bE}} = \frac{C_b \cdot V_{bE} - x_E}{V_a + V_{bE}}$ ومن الجداء الشاردي للماء: $Ke = [HO^-]_f \cdot [H_3O^+]_f$ اذن $[HO^-]_f = \frac{Ke}{[H_3O^+]_f} = \frac{10^{-14}}{10^{-pH_E}}$ أي أن: $\frac{C_b \cdot V_{bE} - x_E}{V_a + V_{bE}} = \frac{10^{-14}}{10^{-pH_E}}$ وبالتالي $(C_b \cdot V_{bE} - x_E) = \frac{10^{-14}}{10^{-pH_E}} \cdot (V_a + V_{bE})$ نجد: $x_E = C_b \cdot V_{bE} - 10^{pH_E - 14} \cdot (V_a + V_{bE}) \dots (1)$ عند التكافؤ المزيج في شروط ستوكيومترية يعني أن: $x_{\max} = C_b \cdot V_{bE} \dots (2)$ بتعويض (1) و (2) في (**): $\tau_f = \frac{x_E}{x_{\max}} = \frac{C_b \cdot V_{bE} - 10^{pH_E - 14} \cdot (V_a + V_{bE})}{C_b \cdot V_{bE}}$ ومنه $\tau_f = 1 - \frac{10^{pH_E - 14} \cdot (V_a + V_{bE})}{C_b \cdot V_{bE}}$ وهو المطلوب. - حساب قيمتها: $\tau_f = 1 - \frac{10^{8,6 - 14} \cdot (5 + 6)}{5,0 \times 10^{-2} \times 6} = 0,999 \approx 1$ ومنه تفاعل المعايرة تام.
	0,25	
	0,5	5- النوع الكيميائي الغالب عند التكافؤ: لدينا: $pH_E = pKa + \log \frac{[C_2H_5COO^-]_E}{[C_2H_5COOH]_E} = 10^{pH_E - pKa}$ ومنه $\frac{[C_2H_5COO^-]_E}{[C_2H_5COOH]_E} = 10^{8,6 - 4,9} = 5011,87$ بالتعويض نجد: $[C_2H_5COO^-]_E > [C_2H_5COOH]_E$ أي $\frac{[C_2H_5COO^-]_E}{[C_2H_5COOH]_E} = 10^{8,6 - 4,9} = 5011,87$ ومنه عند التكافؤ تكون الصفة الأساسية هي الغالبة.
	0,25	المرحلة 02: 1- الهدف من التسخين بالارتداد: تسريع التفاعل والحفاظ على كميات مادة المتفاعلات والنواتج. والهدف من إضافة قطرات من حمض الكبريت المركز: تسريع التفاعل.
	0,5	2- حساب n_{01} و n_{02}: كمية المادة الابتدائية للحمض: $n_{01} = \frac{m_1}{M_1} = \frac{\rho_1 \cdot V_1}{M_1} = \frac{d_1 \cdot \rho_{eau} \cdot V_1}{M_1} = \frac{1,05 \times 1 \times 30}{60}$ ومنه $n_{01} = 0,525 \text{ mol}$ كمية المادة الابتدائية للكحول: $n_{02} = \frac{m_2}{M_2} = \frac{\rho_2 \cdot V_2}{M_2} = \frac{d_2 \cdot \rho_{eau} \cdot V_2}{M_2} = \frac{0,81 \times 1 \times 20}{88}$ ومنه $n_{02} = 0,184 \text{ mol}$

