



على المترشح أن يختار أحد الموضوعين التاليين :

الموضوع الأول

التمرين الأول (06 ن)

عين الاقتراح الصحيح من بين الاقتراحات الثلاثة في كل حالة من الحالات الخمسة مع التبرير :

الاقتراح (ج)	الاقتراح (ب)	الاقتراح (أ)	
2	9	8	1 عدد قواسم العدد 1444 هو
6	7	-1	2 إذا كان $a \equiv -1[8]$ فإن باقي قسمة a على 8 هو :
3	4	2	3 العددان 2023 و 1444 متوافقان بترديد :
$x^9 + y^9 \equiv 4[5]$	$x^9 + y^9 \equiv 2[5]$	$x^9 + y^9 \equiv 3[5]$	4 إذا كان $x \equiv 2[5]$ و $y \equiv 2[5]$ فإن :
$9 \equiv 7[3]$	$9 \equiv 7[2]$	$2 \equiv 7[6]$	5 لدينا $21 \equiv 27$ إذن :

التمرين الثاني (06 ن)

نعتبر المتتالية (u_n) المعرفة على N بحددها الأول $u_0 = 2$ وبعلاقة التراجع: $u_{n+1} = 3u_n + 4$

أ. أحسب u_1 ، u_2 و u_3 .

2. نضع من أجل كل عدد طبيعي n : $v_n = u_n + 2$

أ. أثبت أن المتتالية (v_n) متتالية هندسية يطلب تعيين أساسها وحدها الأول.

ب. عبر عن v_n بدلالة n ثم استنتج عبارة u_n بدلالة n

ج. أحسب بدلالة n المجموع S_n حيث: $S_n = v_0 + v_1 + \dots + v_n$

د. استنتج بدلالة n المجموع S'_n حيث: $S'_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n$

التمرين الثالث (08 ن)

نعتبر الدالة العددية f المعرفة على $\mathbb{R}$ بـ: $f(x) = x^3 + 3x^2 - 4$

(C_f) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$

1. أحسب نهايات الدالة f عند $+\infty$ و $-\infty$

2. عين الدالة المشتقة للدالة f أدرس إشارتها، ثم شكل جدول تغيرات الدالة f .

3. أكتب معادلة المماس (T) للمنحنى (C_f) عند النقطة التي فاصلتها -1.

4. بين أن (C_f) يقبل نقطة انعطاف يطلب تعيين إحداثياتها.

5. أ. بين أنه من أجل كل عدد حقيقي x : $f(x) = (x-1)(x+2)^2$

ب. أوجد نقط تقاطع (C_f) مع محوري الإحداثيات

6. أنشئ المنحنى (C_f) و (T)

الموضوع الثاني

التمرين الأول (06 ن)

- أدرس حسب قيم العدد الطبيعي n بواقي القسمة الاقليدية للعدد 2^n على 7 .
- لتحقق أن: $2022 \equiv -1 [7]$
- بد عين باقي قسمة العددين 2022^{1444} و $2023^{2022} - 5$ على 7 .
- A عدد طبيعي حيث : $A = 23^{2020} + 2970^{1444} + 3$ ، عين باقي قسمة العدد A على 7 .
- عين قيم العدد الطبيعي n حتى يقبل العدد B القسمة على 7 علما أن: $B = 2022^{2^n} + 1444^{2021} + 12 + n$

التمرين الثاني (06 ن)

- (U_n) متتالية هندسية حدها الأول $U_1 = -1$ وأساسها $q = 2$.
- (V_n) المتتالية المعرفة على $\mathbb{N}^*$ كما يلي : $V_n = 3 - 2n$.
- أحسب U_2 و U_3 ثم أكتب عبارة U_n بدلالة n .
- هل العدد -16 حد من المتتالية (U_n) ؟ علل .
- أحسب المجموع : $S_n = U_1 + U_2 + \dots + U_n$ بدلالة n .
- هل يوجد n علما أن : $S_n = -127$.
- بين أن (V_n) متتالية حسابية يطلب تعيين أساسها وحدها الأول .
- نضع $W_n = U_n + V_n$ و $L = W_1 + W_2 + \dots + W_n$. عبر عن L بدلالة n .

التمرين الثالث (08 ن)

- نعتبر الدالة العددية f المعرفة على $\mathbb{R} - \{3\}$ بـ : $f(x) = \frac{2x-1}{x-3}$
- (C_f) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$
- بين أنه من أجل كل x من $\mathbb{R} - \{3\}$: $f(x) = 2 + \frac{5}{x-3}$
 - أحسب نهايات الدالة f عند $+\infty$ و $-\infty$ ثم فسر النتيجة هندسيا
 - أحسب $\lim_{x \rightarrow 3^-} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow 3^+} f(x)$ ثم فسر النتيجة هندسيا
 - عين الدالة المشتقة للدالة f ، ثم شكل جدول تغيراتها .
 - أكتب معادلة المماس (T) للمنحنى (C_f) عند النقطة التي فاصلتها 2
 - مثل المنحنى (C_f) و (T)