

التمرين الأول : (08 نقاط)

- $(u_n)$  متتالية عددية معرفة بحدها الأول  $u_1 = 7$  و من أجل كل عدد طبيعي غير معدوم  $n$  :  $u_{n+1} = 2u_n + 1$
- (1) احسب  $u_2$  ،  $u_3$  ،  $u_4$  .
- (2) من أجل كل عدد طبيعي غير معدوم  $n$  ، نعرف المتتالية  $(v_n)$  كما يأتي :  $v_n = u_n + 1$  .
- أ - أثبت أن  $(v_n)$  متتالية هندسية يطلب تعيين أساسها  $q$  وحدها الأول  $v_1$  .
- ب - اكتب عبارة الحد العام  $v_n$  بدلالة  $n$  ثم استنتج  $u_n$  بدلالة  $n$  .
- ج - نضع :  $S_n = v_1 + v_2 + \dots + v_n$  ، احسب  $S_n$  بدلالة  $n$  .
- د - عين  $n$  علما أن  $S_n = 1016$  .
- (يعطى  $2^7 = 128$ )

التمرين الثاني : (06 نقاط)

$(u_n)$  متتالية حسابية معرفة على  $\mathcal{R}^*$  وحدها الأول  $u_1$  .

- (1) - احسب حدها الثاني  $u_2$  علما أن :  $u_1 + u_3 = -2$  .
- (2) - احسب الحد الرابع  $u_4$  علما أن :  $u_3 + u_4 + u_5 = 9$  .
- (3) - عين أساس المتتالية  $(u_n)$  وحدها العام  $u_n$  بدلالة  $n$  .
- (4) - احسب المجموع  $S = u_3 + \dots + u_{17}$  .

التمرين الثالث : (06 نقاط)

اختر الجواب الصحيح مع التعليل .

- (1) - باقي القسمة الإقليدية للعدد 2020 على 7 هو :  
 (أ) - 4 (ب) - 3 (ج) - 2 .
- (2) - باقي القسمة الإقليدية للعدد 1442 على 5 هو :  
 (أ) - 3 (ب) - 4 (ج) - 2 .
- (3) - باقي القسمة الإقليدية للعدد  $2021^{2021}$  على 4 هو :  
 (أ) - 2 (ب) - 1 (ج) - 3 .