

اختبار الفصل الأول في مادة الرياضيات

التمرين الأول (07 نقاط):

اختار الإجابة الصحيحة مع التعليل

12	24	14	حاصل قسمة 974 على 75 هو
$-24 \equiv 3[7]$	$-24 \equiv 2[7]$	$-24 \equiv 4[7]$	إذا كان $24 \equiv 3[7]$ فإن
30	18	12	عدد القواسم الموجبة للعدد 1008 هو
0	3	1	باقي القسمة على 12 للعدد $A = 17^{4n+5} + 85^{2n} + 6$ هو
$a^2 - b^2 \equiv 3[5]$	$a^2 - b^2 \equiv 1[5]$	$a^2 - b^2 \equiv 2[5]$	إذا كان $a + b \equiv 2[5]$ و $a - b \equiv 1[5]$ فإن

التمرين الثاني (05 نقاط):

(u_n) متتالية حسابية معرفة على مجموعة الأعداد الطبيعية بحدها الأول :

$$u_0 = -1 \quad \text{وبالعلاقة : } u_7 - 2u_2 = 7$$

(1) أحسب الأساس r لهذه المتتالية ' ثم أكتب عبارة الحد العام u_n بدلالة n .

(2) أحسب الحد الثالث عشر .

(3) هل العدد 2009 حد من حدود هذه المتتالية ؟

(4) أحسب المجموعين S و S_n التاليين :

$$S = u_0 + u_1 + u_2 + \dots + u_{1005}$$

$$S_n = u_0 + u_1 + u_2 + \dots + u_n$$

التمرين الثالث (04 نقاط):

(1) أثبت بالتراجع أنه من أجل كل عدد طبيعي n : $2 + 4 + 6 + \dots + 2n = n^2 + n$ (2) استنتج المجموع : $2 + 4 + 6 + \dots + 66$

التمرين الرابع (04 نقاط):

(v_n) متتالية معرفة على N بحدها الأول $v_0 = 2$ ومن أجل كل عدد طبيعي n : $v_{n+1} = 3v_n + 1$ 1. أحسب : v_2 و v_4 2. نعتبر الآن : $v_n = 5n + 7$, أكتب عندئذ v_{n+1} بدلالة n .3. أحسب الفرق ($v_{n+1} - v_n$) وماذا تستنتج ؟

برهن بالتراجع انه من اجل كل عدد طبيعي n اكبر من أو يساوي 2 يكون :

$$1 \times 3 + 2 \times 3 + \dots + (n - 1)n = \frac{(n-1) \times n \times (n+1)}{3}$$