

الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية
وزارة التربية الوطنية

مديرية التربية لولاية الوادي
امتحان بكالوريا التعليم الثانوي التجريبي
علوم تجريبية :
- ثانوية السعيد عبد الحفي
(2016 :)

اختبار في مادة الرياضيات

03 :
3

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين التاليين:

التمرين الأول: (04)

متجانس $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ والمستويين (P_1) و (P_2) اللذين معادلة كل منهما $3x + y + 3 = 0$ و $2x - z + 3 = 0$ على الترتيب
(1) بين أن المستويين (P_1) و (P_2) يتقاطعان وفق مستقيم (Δ) له تمثيلا وسيطيا كما يلي :

$$(\Delta): \begin{cases} x = t \\ y = -3t - 3 \\ z = 2t + 3 \end{cases} \quad (t \in \mathbb{R})$$

ب/ تحقق أن النقطة A لا تنتمي إلى المستقيم (Δ)
(2) عين تمثيلا وسيطيا للمستقيم (d) الذي يشمل النقطة A و يوازي (Δ)
ب/ عين إحداثيات النقطة B المسقط العمودي للنقطة A على المستقيم (Δ)
- ثم استنتج المسافة بين المستقيمين (Δ) و (d)

(3) (Γ) M $MA^2 + MB^2 = 4AI^2$ حيث I $[AB]$
عين طبيعة المجموعة (Γ) وحدد عناصرها المميزة
ب/ مع المستقيمين (Δ) و (d)

التمرين الثاني: (4.5)

(1) $(Z - 4 - 2i)(Z^2 - 2Z + 2) = 0$ ذات المجهول Z الآتية :
(2) $(O, \vec{U}, \vec{V})$ متجانس A B C التي لواحقها :
على الترتيب $Z_C = \frac{9}{2} + \frac{1}{2}i$ $Z_B = 4 + 2i$ $Z_A = 1 + i$

$$\frac{Z_C - Z_B}{Z_A - Z_B} = \frac{1}{2} e^{i\frac{\pi}{2}}$$

استنتج طبيعة المثلث BAC احسب مساحته

(3) ليكن S التشابه المباشر B ونسبته $\frac{1}{2}$ وزاويته $\frac{\pi}{2}$

عين الكتابة المركبة للتشابه S

عين Z_D D C بالتشابه S

بين أن صورة المثلث BAC بالتشابه S هو المثلث BCD

(4) مجموعة النقط (E) من المستوي حيث $\vec{MA} \cdot \vec{MD} = 0$

عين طبيعة المجموعة (E) وحدد عناصرها المميزة

ب/ (E) ثم استنتج طبيعة المثلث ACD

(¥|'Y04): —i^ bæûpp®päk

[illegible]

$$\begin{aligned} &= + \\ \text{Fp}\check{\text{Z}}\text{üyp}\text{Ø}\text{üyp}\text{Ø}\text{p}\check{\text{S}}\text{ü}\text{p}\text{E}\text{p}\text{E} &= 4 \quad \text{€ } 2 \quad + 1 \quad : \text{p}\text{òp}\check{\text{A}}\text{üyp}^3\text{p}\text{p}\text{B} \text{ ' } \text{p}\text{P}\text{üyp}\text{œ}(\text{p})\text{p}\text{p}\text{B}\text{p}\check{\text{Z}}\text{p}' \\ &= \text{€ } 2 \quad \text{€ } 2 \end{aligned}$$

(AB) $\mathfrak{p}^{\mathfrak{a}} \mathfrak{u} \mathfrak{y} \mathfrak{p} \emptyset \mathfrak{p} \sim \mathfrak{p}' \mathfrak{p} \mathfrak{a} \mathfrak{b} \mathfrak{a} \mathfrak{p} \mathfrak{f} \mathfrak{p} \check{\mathfrak{Z}} \mathfrak{u} \mathfrak{y} \mathfrak{p} \mathfrak{A} \mathfrak{u} \mathfrak{y} \mathfrak{p}^3$

(Q) Jpîp~p'päbàbß p"ûÿpš- 1pžpÜûp /

(AB) pâuypØp~p' pāpā†~p'ÖÖ(Q)H (p)žžæiŋžžpØp~p'Àäbß ' F # p

' bæûyᵑ~(ə)ᵑp̥o(ɓe)p̥ bæûyᵑp̥p̥îᵑp̥' ŋāp̥f̥t̥ (\$æp̥ẽ p̥p̥ũšẽp̥ã† ÂÃ—' p̥°p̥Ūp̥®päp̥z ' bæûyᵑ
p̥•ûyᵑ—p̥®p̥'p̥ß ' p̥äb̥z

(Q) ' (p) bæûÿûbbîp~b' pãĩſ•pæbã•ſhû bæbË

û«b~b£bŽb'bã™šš•b£€•AABCG•²Ž†±Á¨Å¼/ß

(ABC) ¥<•ŒŽ†‡ ^• ¥Ÿ<ŽF F # ~~l~~œûÿb‘

ABCF' ABCE Gbîpÿbîpß' pòûÿpÿpß' 1 pòc

(¥|Y4,5): pòbçpŽpœpß ' p,

$$= \text{---} : \cdot \ddot{\text{E}}\text{œ}\check{\text{Z}}\text{†} \text{ ‡}\check{\text{z}}\text{œ}\check{\text{Z}}\text{†} \ddot{\text{Y}}^{\text{“}}\text{†} , \quad \text{---} f^{\sim} \cdot^{\text{”}} \text{ “”} f^{\cdot} \cdot^{\text{”}} \cdot^{\text{”}} \wedge^{\text{†}} \check{\text{S}}_6 \text{E}^{\cdot} \text{ ‡} \text{ ‹} \text{E}\check{\text{Z}}\text{†}$$

FpŽûÿbØûÿbØpŁŝûÿFpŁp^ac

arg(L) = -' | | = 1 : FbîpÜûp bšûÿbæûÿbË

$$= 4\check{S}\bar{2} \quad , \quad = \epsilon \check{S}\bar{2} : \acute{E}_{\text{,,}} \text{---} (2$$

bžb'p'ÿpîpã bžûÿb'p'ÿpîpã bžûÿb'p'ÿpîpã bžûÿb'p'ÿpîpã /s^apîp' pài

€ Š2 + 4Š2 € (3 + 5) ♂£± •© = 1 : F # bæûÿb'

: b•ûÿb—b®b~bß BpčpáŤšbžp ä ¾pŽp

$$= 3 + 5 \quad ; \quad = \text{€} \check{S}2 + 4\check{S}2$$

A ^†%B DpîpαûpGp°pûp®pã Jp-|pæ/pÿpË Hpªpß

OBA pšpàboœpäbß/" p"plûyß' 7

B = 34 2 € Š2̄ : F # 13œûÿp'

p•pûp®päbß ' Jpîp~p' päbß ' pæÃä."p"ûypô•jüpfu4 p"pÄbz

$$+ \quad = 2 \quad + 17 \, 2 \in \check{S} \overline{2} : F \# \, \text{€} \hat{u} \text{bb}'$$

+ = 42 € 17Š2 : +ûbb£ J Hb—p̄b̄m̄b̄b̄F̄d̄ā'gĚ HbãbYbã

0,, U,, 3 : pòpìùpp' 7 / /pĒpaDūpçpĶpĒp' 1p

p"pauÿpab>0 p"ÛpÀpçpD',, U,, 3 : n = 0 çD± 1"

0,, U,, 3 p"ûÿpÀpØpß 0 p"pab» 3-ÁpĶpç.H-

ŠœØH p"pèùppŽp'p~pāpU pòpÓpç : p"pāpçpūpŸpĒpĀpçpĒpŸp% 3 : pŽpèùppç

0,, U,, 3 : û«pèpāWH,, 1 ¥" -,, —,, 1 : "—(2) pòpÓ pæuÿpç

0,, U,, 3 : ,• n pòpìùpp' / 7 i : % , Ç , ¥œ

D Hp÷ ' pŽ ¾ Qçpç pŽpūpŸp— # (pāpŸp) / ç # ¼ pĶpßpŽp

V = ——— û«pçpāH ——— : pŽpçûp / pß

$$V = \frac{\epsilon U_n +}{2U_n +} : , ¥œ \qquad V = \frac{\overline{U_n +}}{\overline{U_n +}} \rightarrow \epsilon$$

$$V = \epsilon - V \rightarrow \epsilon V = \epsilon - \frac{U_n \epsilon}{U_n +} : \cdot ^2 \text{ž}, \ll \text{Ç i Ç} \cdot \leftarrow \text{¥}^\circ \pm \cdot$$

$$V = \frac{\quad}{\quad} = - : D Hp÷ ' pŽ \frac{1}{2} \text{çp} \frac{1}{2} \text{HpŽû- p"pŽp}^3 \text{pç}(\frac{3}{4}) \text{p"Ûp}^3 \text{pŽp—}$$

TM†-U 3...† •© | TM†-“V a.Ž” -"

$$U = \frac{\overleftarrow{\quad} -}{\overleftarrow{\quad} -} : \acute{A} \gg \% \text{U} = \frac{\quad}{\quad} : \text{~—} V = \frac{\quad}{\quad} \text{®}^- f \cdot \text{††} 1" V = \frac{2}{5} < \epsilon \frac{1}{2}$$

$$\dots \epsilon \text{ U} = \frac{\frac{4}{5} \epsilon \frac{1}{2} \epsilon 1}{\dots \epsilon \frac{2}{5} \epsilon \frac{1}{2} \epsilon 1} = \frac{\quad}{\quad} = 1 : \acute{O} 3... \text{ÇÆ} \ddagger \gg f''' \quad \text{aÇÆ} \ddagger \ll$$

1 /p^apìpß ' pîpabç(p"p) : 1pŽpçpžpāpēpūÿpç

() = + € 1 pòpāpŸp • TM •œŽ††p"ûp /p^apìpß I pçpŸp^apĒpçpçpŸpçpā

() —š"% çpŽûppçpŽûpp' p"pŸûp) = çpß : F 1p³pĒpç

$$\epsilon \epsilon \text{ } \overleftarrow{\ddagger} < \cdot \epsilon \gg \ddagger \text{ Š } f \text{ pāuÿpØp~p'pāpß 1p"pçpžpāpā } () = \dots \epsilon + \epsilon 1 = \epsilon 1$$

$$() = + "$$

: pŽû-p— 'p@ûÿpçp—p"pD 1pŸpŸ pçpçpçpçpāp>GpŽç

$$\text{†} () = (+ 2) \text{ : pŽû-p— 1pŽp. \% 3 1p^apç H p"pØp}$$

() = 0 : pòpØûÿpØpç /pçpçpçpçpĶp

$$= \epsilon 2 \text{ ¥" } (+ 2) = 0 : \acute{A} f \text{ž} \ddagger \gg \%$$

	€†	€ 2	+ €
† ()	-	0	+

	€ †	€ 2	+ €
′ ()	-	0	+
()	€		+ †

∴ ()^{až}•œ pòpØûppØp£pß ' / /pìpß (0)ûpß"€(p³p£ pžk

(0) = 0 :û«pèpã H

	€ †	+ €
()	- 0	+

() = € :pòpãžp °f~ž††•™•œ'ž††p"ûp /p"pìpß '(p"pß 'p"p
 ... € () = +€ £ () = +† :€† • +† ^< p"pß ' /pß ' pòp1—ûppžû

‡ () = () : pòpØûppØp£ / /p£ Dpû Dpÿ ' Fpã

() = + € 1 = ()

	€ †	0	+ †
• ()	-	0	+
()	+ †		+ †

pžû-p— 'p@ûypÐp-p"pD pppÿ pÐpðpH (

€† ††~. ^•¼•ž•† ½f" Š f"€ :™†ÿf'ž†† pâuypØp~p"pß ' F' pa
 = €™†ÿf'ž†† pâuypØp~p"pß '() € (€) = ... € = 0
 €† 1 'pìp p' pPp<pžpã (1pžpØpã p

:(•) pâuypØp~p"pðpèp-pèpàpàpß p"Ûp'p'pèp

	€ †	0	+ †
() +	-	0	+
ÉÒ<†† €•œ•††	ì¼Æ (•)	pÊpÄpØûp €•(•) (0,0)	(•) Ô•

$$(\quad) = \pm(\quad) : \dot{A} \gg \pm(\quad) = (\quad)$$

: ũ«pβ p”pβ /pŽpìãpâp̃p̄p̅p̆ṗp̈p̉p̊p̋p̌p̍p̎p̏p̐p̑p̒p̓p̔p̕p̖p̗p̘p̙p̚p̛p̜p̝p̞p̟p̠p̡p̢p̣p̤p̥p̦p̧p̨p̩p̪p̫p̬p̭p̮p̯p̰p̱p̲p̳p̴p̵p̶p̷p̸p̹p̺p̻p̼p̽p̾p̿p̀ṕp̂p̃p̄p̅p̆ṗp̈p̉p̊p̋p̌p̍p̎p̏p̐p̑p̒p̓p̔p̕p̖p̗p̘p̙p̚p̛p̜p̝p̞p̟p̠p̡p̢p̣p̤p̥p̦p̧p̨p̩p̪p̫p̬p̭p̮p̯p̰p̱p̲p̳p̴p̵p̶p̷p̸p̹p̺p̻p̼p̽p̾p̿

$$= \epsilon \quad \epsilon \quad \epsilon^1 : \acute{A} \gg_{00} () : = \bullet (\epsilon 1) (+ 1) + (\epsilon 1) : () \gg_{00} \pm \sim \bullet$$
$$\hat{\alpha}^{1/4}\cdot\check{Z}^\dagger f^{'}) \cdot f\check{Z}\check{Z}^\dagger f^{'})^{3/4}\Gamma_{-+}(\otimes)^{'}, \quad (1) \square \subseteq \mathbb{E} \#/\ll$$

() = € + : ¥" € = € pòpôÿpøpε /p^pË pþpû pÞ

	€ †	€	0	+ †
() = € +	$\Phi \rightarrow \mathcal{A}^{\text{TM} \dagger \ddot{Y} f' \check{Z}}$ $\Phi \mathcal{E}$	$\Phi \rightarrow \mathcal{A}^{\text{TM} \dagger \ddot{Y} f'}$ $\hat{A} f' " \Phi \mathcal{E}$ $= \epsilon 2$	$\Phi \rightarrow \mathcal{A}^{\text{TM} \dagger \ddot{Y}}$ pæûÿpæœ	$\text{TM} \dagger \ddot{Y} f' \check{Z}$ $\text{œD} < " \Phi \mathcal{E} \Phi \rightarrow$

[illegible]

:(¥!Y07): pÊb' 'p®pß ' pæû

() = € - € 2 :pòpǎp0,+† [°f~Ž††• ™•œ'Ž††p"ûp /pªpìpß ' p"pß

:Š<•œ•œ•%Ž†€ ^p"pß ' /pß ' *pŽûppŽû-pç

... € () = ... € 1 € - € 2 — = + €

() = — = € €

...

:]0,+† [DpŽpÿpǎpß ' pðpàpË pŽûppß "1pßpß%2ûpðpÿpÿ

= 1 : ¬€ () = 0 ,¥œ () = 1 + — € - = ()

´() > 0 ÁÎ•]0,+Õ[pPpÛ pPpÿ ' pæpā pŽp

]0,+Õ[pðpàpË pŽpǎpŽpǎp"pªpß)p"pPpÿpā

: p"pß 'pªpß ' *p®ûpðp— [

	0	1	+ †
•()		+	0 +
()			
	+ †		

() aŽ•«œ ™ „ „š%1)¢—š"%03

(1) = 0

	0	1	+ †
()		-	0 +

() = + - € 2 € () :pòpǎp0,+† [°f~Ž††• ™•œ'Ž††p"ûp /pªpìpß '(p"pß 'pªp

(= Š⁻ ~^ : a <•šœ) £ : $\frac{(\quad)^2}{\dots} = 0$: ,%o ' !ç% 1

...+† : ÁÎ• ...+† pŽpǎpß =û«pèpā^H = Š⁻ É„÷

... $\frac{(\quad)^2}{\dots} = \dots \frac{2^2}{2} = \dots \frac{2^2}{2} = 0$

... € () = ... € 1 € - € - € $\frac{(\quad)}{\dots}$ = + € : () 3...´†"

() —š"%0 B - = () : ,%o "†"„ -1 2

- = - + — € 2 € - = ()

: ,¥%o ...+† : ,• 0 pŽpǎpß= û«pçpā H

...

$$\#(\quad) = (\quad) < -$$

:]0,+† [°f~Ž†‡ 1” b0bØûÿpØp0pÿp^apäe p^apûpç ’

:pŽŭ-p— 'p®ŭÿpĐp-ə"pĐ ҺpĐpŸ ҺpĐpŸpĐp-Һ

() $\textcircled{R}^{-}f\ddot{O}\ddot{O}\ddot{O}$ ~~11~~ () $\textcircled{R}^{-}f\ddot{O}\ddot{O}\ddot{O}$

 $\hat{\cdot}^{1/4}\cdot\check{Z}+\ddagger\cdot'\text{—}\$$

:]0,+† [°f~Ž†‡• ... : p"pß 'p^apàpß p"ûÿpà» # p^oß 'Á'p^oß 6

$$(\quad \text{€} \quad) = \quad + \quad < -\text{€} \, 1 =$$

$$:\mathbb{F}(\quad)^2 = \epsilon^2 : \dot{A} \ddot{A} \rangle_{1/4} \epsilon^{\text{TM}1/2} \ll \bullet \dagger f \cdot \text{TM} \bullet \rangle f \ddot{\mu} \ddot{Z} \ddagger \ddagger \circ f \ddot{Z} \cdot \prime f.$$

$$\begin{array}{l} \dot{A}_{\gg} \quad () = 2 - \\ () = \end{array} \quad \begin{array}{l} : \sim \quad () = ()^2 \\ () = 1 \end{array} \quad \begin{array}{l} \dot{E}_{\gg} \quad - \\ () = \end{array}$$

$$\mathbb{E}(\quad) = [(\quad)] \in \mathbb{E}^2 \text{---} = [(\quad)] \in 2[\quad \in] = \quad \in 2$$

[illegible]

$$\mathbb{E}(X) = \mathbb{E}(X_1 + \dots + X_n) = \mathbb{E}(X_1) + \dots + \mathbb{E}(X_n) = n \mathbb{E}(X_1) = n \cdot \frac{1}{2} = \frac{n}{2}$$

$$= - + \quad | \quad | \quad \text{€ } 2 \quad \text{€ } (\quad \text{€ } 2) = - \quad \text{€ } 3 \quad + -$$

TM£fⒺ”®^(£): pò¾p”pöüvæpÄäpöÖpßāžh’pã