

الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

امتحان بكالوريا التعليم الثانوي التجريبية

الشعبة : العلوم التجريبية

اختبار في مادة : الرياضيات

أن يختار أحد الموضوعين التاليين:

الموضوع الأول :

التمرين الأول :

ينسب المستوي المركب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$ ، $A \in \mathbb{C}$ ، $B \in \mathbb{C}$ ، $C \in \mathbb{C}$ التي لواحقتها على

$$z_C = -1 - i \quad z_B = -1 - \sqrt{3} \quad z_A = 1 + i$$

$$(1) \quad L = \frac{z_A - z_B}{z_C - z_B} \quad \text{على الشكل الجبري ثم على شكله الأسّي} .$$

$$(2) \quad (\vec{i}; \overrightarrow{OA}) = (\overrightarrow{BC}; \overrightarrow{BA}) : \text{على شكل أسّي}$$

$$(2) \quad \left[\left(\frac{\sqrt{3}-1}{\sqrt{2}} \right) L \right]^{2011}$$

$$(3) \quad \text{عين } z_D \text{ على شكل أسّي } D \text{ بالتشابه الذي مركزه } C \text{ وزاويته } -\frac{\pi}{6} \text{ ونسبته } \left(\frac{\sqrt{3}+1}{2} \right)$$

(ب) ما طبيعة الرباعي $ABCD$.

$$(ج) \quad \text{بين أن } \frac{AC}{BC} = \frac{BD}{AB} = \sqrt{2}$$

التمرين الثاني :

$$u_0 = 2 \text{ ومن أجل كل عدد طبيعي } n \quad u_{n+1} = \frac{u_n}{u_n + 2}$$

$$(1) \quad u_3 \quad u_2 \quad u_1$$

$$(2) \quad \text{أ) برهن أنه من أجل كل عدد طبيعي } n \quad u_n > 0$$

(ب) عين اتجاه تغير المتتالية (u_n) ثم استنتج أنها متقاربة.

$$(3) \quad \text{نعتبر المتتالية } (v_n) \text{ على شكل أسّي } v_n = \frac{u_n + 1}{u_n}$$

(أ) برهن أن المتتالية (v_n) متتالية هندسية أساسها 2.

$$(ب) \quad \text{عين عبارة } v_n \text{ ثم بين أن } u_n = \frac{1}{3 \times 2^{n-1} - 1}$$

(ج) احسب نهاية المتتالية (u_n) .

التمرين الثالث :

نعتبر الفضاء $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ ونكتب $B(3; -1; 0)$ و $A(2; 1; -2)$

نكتب $B(3; -1; 0)$ و $A(2; 1; -2)$

نكتب $B(3; -1; 0)$ و $A(2; 1; -2)$

نكتب $B(3; -1; 0)$ و $A(2; 1; -2)$

نكتب $B(3; -1; 0)$ و $A(2; 1; -2)$

نكتب $B(3; -1; 0)$ و $A(2; 1; -2)$

نكتب $B(3; -1; 0)$ و $A(2; 1; -2)$

نكتب $B(3; -1; 0)$ و $A(2; 1; -2)$

نكتب $B(3; -1; 0)$ و $A(2; 1; -2)$

نكتب $B(3; -1; 0)$ و $A(2; 1; -2)$

التمرين الرابع :

I- $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\ln x}{x} = 0$ بين أن $\lim_{x \rightarrow +\infty} x \ln x = 0$

II- $g(x) = 2x - 1 - \ln x$: $x \in]0, +\infty[$ نكتب g ونكتب g

(1) $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x)$ و $\lim_{x \rightarrow 0^+} g(x)$

(2) g ثم استنتج اتجاه تغيراتها.

(3) شكل جدول تغيرات الدالة g و $g(x)$ $x \in]0, +\infty[$

(4) بين أن المعادلة $g(x) = 1$ تقبل حلا وحيدا $\alpha \in]0.1; 0.3[$

III- $f(x) = x^2 \left(1 - \frac{\ln x}{x}\right)$: $x \in]0, +\infty[$ نكتب f ونكتب f

$(O; \vec{i}; \vec{j})$ نكتب f ونكتب f

(1) $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x)$

(2) بين $f'(x) = g(x)$ $x \in]0, +\infty[$ نكتب f ونكتب f

(3) استنتج اتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها وأن النقطة التي فاصلتها $\frac{1}{2}$ (C_f)

(4) عين معادلة المماس (Δ) (C_f) عند النقطة التي فاصلتها 1 ثم حدد وضعية (C_f) (Δ)

(5) M (C_f) فاصلتها x . عين نهاية معامل توجيه المستقيم (OM) x يؤول إلى 0 عن اليمين.

(6) (C_f) (Δ)

(7) أ) بين أن معادلة المماس للمنحنى (C_f) عند النقطة التي فاصلتها α هي $y = x - \alpha^2 + \alpha$

ب) ناقش بيانها وحسب قيم الوسيط الحقيقي m : $x^2 - x(1 + \ln x) - m = 0$

التمرين الأول :

(1) $(z + \sqrt{3} - 3i)(z^2 - 6z + 12) = 0$ المعادلة التالية:

(2) ينسب المستوي المركب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$ $A \in B \in C$ التي لواحقها على

الترتيب $z_C = -\sqrt{3} + 3i \quad z_B = 3 - i\sqrt{3} \quad z_A = 3 + i\sqrt{3}$

(3) $z_C \quad z_A$ على الشكل المثلثي ثم استنتج طبيعة المثلث OAC .

(ب) احسب قيمة العدد المركب : $\left(\frac{z_A}{2\sqrt{3}}\right)^{1432} + \left(\frac{z_B}{2\sqrt{3}}\right)^{1432}$

(3) بين أن المستقيمين (AD) و (BC) متعامدين حيث النقطة D هي نظيرة النقطة C حول A .

(4) عين نسبة وزاوية التشابه S بين $E(3 - \sqrt{3}; 0)$ ويحول النقطة A و C .

(5) بين أن النقط $A \in E \in O \in C$ تنتمي إلى نفس الدائرة يطلب تعيينها.

التمرين الثاني :

نعتبر المتتالية (u_n) : $u_0 = 3$ ومن أجل كل عدد طبيعي n $3u_{n+1} = u_n + 4n + 4$

(1) $u_3 \quad u_2 \quad u_1$

(2) أ) برهن أنه من أجل كل عدد طبيعي n $u_n > 0$

(ب) استنتج أنه من أجل كل عدد طبيعي $n \geq 1$ $u_n > \frac{4}{3}n$

(ج) استنتج نهاية المتتالية (u_n) .

(3) نعرف المتتالية (v_n) بـ: من أجل كل عدد طبيعي n $v_n = u_n - 2n + 1$

أ) برهن أن المتتالية (v_n) متتالية هندسية يطلب تعيين أساسها وحدها الأول.

(ب) استنتج أنه من أجل كل عدد طبيعي n $u_n = 4\left(\frac{1}{3}\right)^n + 2n - 1$

(3) $S_n = u_0 + u_1 + u_2 + \dots + u_n$: n المعرف من أجل كل عدد طبيعي n

(يمكن ملاحظة أن (u_n) هي عبارة عن مجموع متتاليتين إحداها (v_n)).

(4) نعتبر المتتالية (w_n) : $w_0 = -1$ و من أجل كل عدد طبيعي غير معدوم n $nw_n = (n+1)w_{n-1} + 3$

أ) $w_1 \quad w_2 \quad w_3 \quad w_4$ ما تخمينك حول طبيعة هذه المتتالية ؟

(ب) برهن على طبيعة المتتالية (w_n) w_{1006}

التمرين الثالث :

ينسب الف $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$

من بين الأجوبة المقترحة توجد إجابة صحيحة واحدة. اختر الإجابة الصحيحة وعلل.

$A(3; -2; 2) \quad B(6; 1; 5) \quad C(6; -2; -1) \quad D(0; 4; -1)$

(1) ABC : $\square$

(أ) قائم و متقايس الساقين (ب) قائم في B (ج) $\square$

(2) (P) الذي معادلته $x + y + z - 3 = 0$

(أ) يعامد المستقيم (AB) ويمر بالنقطة C (ب) يعامد المستقيم (AB) ويمر بالنقطة A (ج) يوازي (AB) .

(3) (P) العمودي على المستقيم (AC) ويمر بالنقطة A هي:

(أ) $x + z - 5 = 0$ (ب) $x - z + 1 = 0$ (ج) $2x - 2z = 2$

$$\begin{cases} x = 1+t \\ y = 2-2t \\ z = t \end{cases}, t \in \mathbb{R} \quad (\text{E}) \qquad \begin{cases} x = 1+2t \\ y = 2-2t \\ z = -t \end{cases}, t \in \mathbb{R} \quad (\text{F}) \qquad \begin{cases} x = 3+2t \\ y = 3+t \\ z = t \end{cases}, t \in \mathbb{R} \quad (\text{G})$$
$$(BCD) \text{ (III)} \qquad (ABD) \text{ (I)} \qquad .(ABC) \text{ (II)}$$

$$27uv \ (\square) \qquad 81uv \ (\square) \qquad .54uv \ (\square)$$

$$\frac{p}{4} \quad \frac{p}{3} \quad \frac{3p}{4}$$
$$3\sqrt{3} \quad \sqrt{6} \quad .3$$

$g(x) = e^{x-2} + 1 - x$: g **-I**

(2) عين اتجاه تغير الدالة g ثم شكل جدول تغيراتها (النهايات غير مطلوبة)

تمثيلها البياني في مستو (C_f) $f(x) = x - 1 + \frac{x}{e^{x-2}}$: -II

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = \text{---} (1$$
$$f(x) = \lim_{x \rightarrow +\infty} [f(x) - (x - 1)] = 0$$
$$(2) \text{ بين أن } f'(x) = \frac{g(x)}{e^{x-2}}$$

(3) استنتج اتجاه تغير الدالة f بين x_1 و x_2 من إشارات $f'(x)$ في الفترة (x_1, x_2) و أن النقطة التي فاصلتها x_1 و x_2 هي نقطة (C_f) .

(4) بين أن المنحنى (C_f) يقبل مماسا (Δ) معامل توجيهه 1، يطلب تعيين معادلته.

(5) بين أن المعادلة $f(x) = 0$ تقبل حلا وحيدا $\alpha \in]0.1; 0.2[$.

$$\cdot (C_f) \cap (\Delta) \cap \cap \cap (6$$

(7) (أ) ناقش بيانها وحسب قيم الوسيط الحقيقي m : $\frac{x}{e^{x-2}} = m + 1$ (1)

(ب) بين أنه إذا كانت المعادلة (1) تقبل حلين $g \neq b$ $be^g = ge^b$

$$C_h) \quad h(x) = (x-1)(1+e^{3-x}): \quad \square$$

(أ) بين أن $h(x) = f(x-1) + 1$ ثم استنتج كيفية إنشاء (C_h) من (C_f) .

$$\cdot (C_h) \quad \square \square \square \square \quad (\square$$