

الفرض المحروس الثاني في الثلاثي الثاني  
مادة: الرياضيات

**التمرين الاول: (14 نقطة)**

صندوق A يحتوي على 4 كرات حمراء R و 6 كرات سوداء N و صندوق B يحتوي على كرية واحدة حمراء R و 9 كرات سوداء N مع أن كل الكرات متساوية الإحتمال .

I يرمي لاعب زهرة نرد غير مزيفة و مرقمة من 1 إلى 6 مرة واحدة في الهواء.

- إذا تحصل على الرقم 1 يسحب كرة واحدة من الصندوق A .

- إذا لم يتحصل على الرقم 1 يسحب كرة واحدة من

الصندوق B .

(1) أنقل ثم أكمل شكل شجرة الاحتمالات لهذه التجربة .

(2) نسمي C الحادثة : " الحصول على كرية

حمراء " ، أحسب  $P(C)=0,15$  .

(3) تحصل اللاعب على كرية حمراء ، بين أن احتمال أن

تكون من الصندوق A أصغر من أو تساوي من احتمال

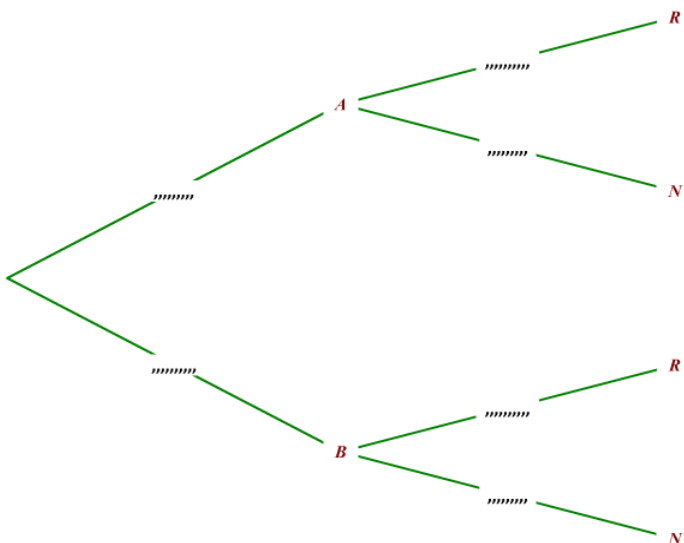
أن تكون من الصندوق B .

II اللاعب يكرر هذه اللعبة مرتان ( اللعبة المنصوص

عليها في الجزء I في نفس الشروط المتماثلة والمستقلة

عن بعضها بمعنى يعيد الصندوقين إلى تعدادها الأول

بعد اللعبة الأولى )



ليكن  $n$  عدد طبيعي غير معدوم ، بعد اللعبتين يتحصل اللاعب على  $n$  نقطة عن كل كرية حمراء و يخسر نقطتين عن كل كرية سوداء .

نرمز بـ  $X$  إلى قيمة الربح أو الخسارة بعد اللعبتين .

(1) بين أن  $X$  يأخذ القيم  $2n$  ،  $n-2$  ،  $-4$  .

(2) أوجد قانون الاحتمال و احسب الأمل الرياضي  $E(X)$  للمتغير العشوائي  $X$  بدلالة  $n$  .

(3) ما هي أصغر قيمة لـ  $n$  حتى تكون اللعبة مربحة .

**التمرين الثاني: (6 نقط)**

ينسب المستوي المركب إلى معلم متعامد ومتجانس  $(O; \vec{u}; \vec{v})$  .

A ، M و M' نقط من المستوي المركب لواحقها على الترتيب  $i$  ،  $z$  و  $L$  . نرفق بكل نقطة M تختلف عن A النقطة

$$M' : \text{حيث } L = \frac{z^2}{i-z}$$

(1) أكتب العدد المركب  $L$  على الشكل الجبري .

(2) استنتج  $\mathcal{C}$  ، مجموعة النقط M التي تكون من أجلها M' تنتمي إلى محور الترتيب .