

الفرض الأول للثلاثي الثاني

التمرين الأول:

- يحتوي كيس على 09 كريات متماثلة لا نفرق بينها في اللمس ، منها 04 كريات بيضاء نرمز لها بالرمز B تحمل الأرقام 1، 2، 3، 3 و 05 كريات حمراء نرمز لها بالرمز R تحمل الأرقام 1، 2، 2، 3، 3 .
نسحب عشوائيا من هذا الكيس كريتين على التوالي مع إرجاع الكرية المسحوبة قبل سحب الكرية الثانية .
(1) شكل شجرة الاحتمالات التي تتمزج هذه الوضعية .
(2) أحسب احتمال كل من الحوادث التالية :
(أ) α : " الكريتان المسحوبتان بيضاوان " .
(ب) β : " إحدى الكريتين المسحوبتين فقط حمراء " .
(ج) γ : " لا يظهر الرقم 1 " .

التمرين الثاني:

$$1 - (U_n) \text{ متتالية عددية حدودها موجبة معرفة على } N \text{ بـ } \begin{cases} U_0 = e \\ U_{n+1} = \sqrt{U_n} \end{cases}$$

- (أ) برهن بالتراجع من اجل كل عدد طبيعي n أن : $U_n > 1$.
(ب) أدرس اتجاه تغير (U_n) و استنتج انها متقاربة .
2- لتكن المتتالية (V_n) المعرفة على N بـ : $V_n = \ln(U_n)$.

(أ) اثبت أن (V_n) متتالية هندسية يطلب تعيين أساسها و حدها الاول.

(ب) أكتب V_n بدلالة n ثم U_n بدلالة n .

(ج) احسب نهاية المتتالية (U_n) .

3- نضع : $S_n = V_0 + V_1 + \dots + V_n$ و $P_n = U_0 \times U_1 \times \dots \times U_n$ أحسب بدلالة n S_n و P_n .