

2023 :

30 03 :

(04) :

الجدول التالي يمثل الميزانية الاجمالية لاجور عمال شركة خاصة (مقدرة بمليون دينار) والتي تتغير بزيادة عدد الموظفين .

x_i الموظفين	50	60	70	80	90
y_i الميزانية	3.2	3.4	3.8	4.4	5.2

- ① أ - مثل سخابة النقط $M_i(x_i, y_i)$ في معلم متعامد .
ب - هل يمكن تسوية سخابة النقط بتعديل خطي ؟ برر
- ② أ - جد احداثيات النقطة المتوسطة $G(\bar{x}, \bar{y})$ للسلسلة (x_i, y_i) .
ب - بين أنّ المعادلة المختصرة لمستقيم الانحدار بالمربعات الدنيا لهذه السلسلة هي : $y = 0.05x + 0.5$.
- ③ أ - باستعمال هذا التعديل قدر الميزانية الاجمالية عندما يصل عدد الموظفين 130 .
ب - باستعمال هذا التعديل قدر عدد الموظفين حين تبلغ الميزانية الاجمالية 8 مليون دينار .

(04) :

U_1, U_2, U_3 ثلاثة أكياس متماثلة ، يحتوي الكيس U_1 على 4 كرات حمراء و 3 خضراء ، ويحتوي الكيس U_2 على كرتين حمراوين و 4 كرات خضراء ، ويحتوي الكيس U_3 على كرتين حمراوين و 3 كرات خضراء . (جميع الكرات لا نستطيع التمييز بينها باللمس)
◀ نختار عشوائيا كيس ونسحب منه كرة .

- ① انجز شجرة الاحتمالات التي تنمذج هذه الوضعية .
- ② احسب احتمال سحب كرة خضراء من الكيس U_2 .
- ③ برهن أنّ احتمال سحب كرة خضراء يساوي $\frac{178}{315}$.
- ④ علما أنّ الكرة المسحوبة خضراء ما احتمال أنّ تكون من الكيس U_2 ؟

2023

/

:

/

:

(05) :

نعتبر المتتالية (u_n) المعرفة على $\mathbb{N}$ كما يلي : $u_0 = 0$ و $u_1 = 3$ ومن أجل كل عدد طبيعي n :

$$u_{n+2} = \frac{3}{2}u_{n+1} - \frac{1}{2}u_n$$

- ① احسب u_2 ، u_3 .
- ② برهن بالتراجع أنه من أجل كل عدد طبيعي n : $u_{n+1} = \frac{1}{2}u_n + 3$.
- ③ نعتبر المتتالية (v_n) المعرفة على $\mathbb{N}$ بـ : $v_n = u_n - 6$.
 - أ - بين أن (v_n) متتالية هندسية يطلب تعيين أساسها و حدها الأول .
 - ب - اكتب v_n بدلالة n ثم استنتج u_n بدلالة n .
 - ج - بين أن (u_n) متقاربة .
 - د - احسب بدلالة n المجموع S_n حيث : $S_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n$.

(07) :

نعتبر الدالة f المعرفة على $\mathbb{R}$ كما يلي : $f(x) = 2x + \frac{4}{e^x + 2}$ وليكن (C_f) التمثيل البياني للدالة f في معلم متعامد متجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$.

- ① أ - بين أنه من أجل كل x من $\mathbb{R}$: $f(x) = 2x + 2 - \frac{2e^x}{e^x + 2}$.
 - ب - احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ ، $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$.
 - ج - أثبت أنه من أجل كل x من $\mathbb{R}$: $f'(x) = \frac{2(e^{2x} + 2e^x + 4)}{(e^x + 2)^2}$ ثم استنتج اتجاه تغير f وشكل جدول تغيراتها .
- ② أ - بين أن (C_f) يقطع حامل محور الفواصل في نقطة وحيدة فاصلتها α حيث $-0.9 < \alpha < -0.8$.
 - ب - بين أن (C_f) يقبل مستقيمين مقاربين مائلين (Δ) و (Δ') حيث $(\Delta) : y = 2x$ و $(\Delta') : y = 2x + 2$.
 - ج - ادرس الوضع النسبي للمنحني (C_f) بالنسبة لكل من (Δ) و (Δ') .
- ③ أنشئ كلا من (Δ) ، (Δ') و (C_f) .
- ④ احسب المساحة A للحيز المستوي المحدد بالمنحني (C_f) والمستقيم (Δ) والمستقيمين اللذين معادلتيهما : $x = \ln 2$ و $x = \ln 5$.

2023

/

:

/

:



(04) :

الجدول التالي يبين كلفة استهلاك الكهرباء من طرف عائلات معينة خلال 5 سنوات (مقدرة بألاف الدينانير) .

السنة	2011	2013	2014	2015	2017
الرتبة x_i	1	3	4	5	7
الكلفة y_i	29	35	52	71	101

① أ - مثل سخابة النقط $M_i(x_i, y_i)$ في معلم متعامد .

ب - هل يمكن تسوية سخابة النقط بتعديل خطي ؟ برر

② بوضع $z_i = \ln y_i$ من أجل $i \in \{1, 3, 4, 5, 7\}$ (تدور النتائج إلى 10^{-2})

أ - أكمل الجدول التالي :

الرتبة x_i	1	3	4	5	7
z_i					

ب - جد احداثيات النقطة المتوسطة G للسلسلة $M_i(x_i, z_i)$.

ج - بين أنّ المعادلة المختصرة لمستقيم الانحدار بالمربعات الدنيا لهذه السلسلة هي : $z = 0.22x + 3.07$.

③ أ - تحقق أنّ $y = ke^{0.22x}$ حيث k عدد حقيقي يطلب تعيينه .

ب - في أي سنة تتجاوز كلفة الاستهلاك 120000 دينار ؟

ج - قدر كلفة الاستهلاك سنة 2023 .

(05) :

I - نعتبر المتتالية (u_n) المعرفة على $\mathbb{N}$ ب : $u_0 = 6$ ومن أجل كل عدد طبيعي n : $u_{n+1} = \frac{2}{3}u_n + 1$

① احسب u_1 ، u_2 .

② أ - برهن أنّه من أجل كل عدد طبيعي n : $u_n > 3$.

ب - حدد اتجاه تغير (u_n) ثم استنتج أنها متقاربة .

II - لتكن المتتالية (v_n) المعرفة على $\mathbb{N}$ ب : $v_n = u_n - 3$

① أ - بين أنّه من أجل كل عدد طبيعي n : $3v_{n+1} = 2v_n$.

ب - استنتج طبيعة المتتالية (v_n) ثم احسب v_0 .

ج - اكتب v_n بدلالة n ثم استنتج u_n بدلالة n و احسب $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n$.

2023

/

:

/

:

② نادي رياضي يضم 600 منخرطاً في سنة 2022 ، بعد كل سنة يفقد الثلث من المنخرطين و يكسب 100 منخرطاً جديداً نعتبر المئة هي الوحدة و نرمز بـ u_n لعدد المنخرطين سنة $2022 + n$ أي $u_0 = 6$.

أ - برر العبارة $u_{n+1} = \frac{2}{3}u_n + 1$.

ب - ما هو عدد المنخرطين سنة 2023 ؟

ج - هل يمكن أن يبلغ عدد المنخرطين 300 منخرط ؟

(04) :

تكون باقة زهور من ثلاث زهرات حمراء (R) و زهرتين صفراوين (J) .
◀ نختار عشوائياً على التوالي زهرتين من هذه الباقة و بدون ارجاع .

① مثل هذه الوضعية بشجرة الاحتمالات .

② احسب $P(A)$ و $P(B)$ حيث A الحدث "الحصول على زهرتين حمراوين" و B الحدث "الحصول على زهرتين من لونين مختلفين"

③ ليكن X المتغير العشوائي الذي يرفق بكل مخرج عدد الزهرات الصفراء المختارة .

أ - عين القيم الممكنة للمتغير العشوائي X .

ب - عرّف قانون الاحتمال للمتغير العشوائي X ثم احسب أمله الرياضي $E(X)$.

ج - استنتج قيمة $E(2023X + 1444)$.

(07) :

I - g الدالة المعرفة على المجال $]0, +\infty[$ بـ : $g(x) = 3x^3 - 3 + 6 \ln x$.

① ادرس تغيرات الدالة g .

② احسب $g(1)$ ثم استنتج حسب قيم x إشارة $g(x)$.

II - f الدالة المعرفة على المجال $]0, +\infty[$ بـ : $f(x) = 3x - 3 - \frac{3 \ln x}{x^2}$.

وليكن (C_f) التمثيل البياني للدالة f في معلم متعامد متجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$.

① احسب $\lim_{x \rightarrow 0} f(x)$ ، $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ ثم فسر هندسيا النتيجة الأخيرة .

② أ - بين أنه من أجل كل x من $]0, +\infty[$: $f'(x) = \frac{g(x)}{x^3}$.

ب - استنتج اتجاه تغير f ثم شكل جدول تغيراتها .

③ أ - بين أن المستقيم (Δ) ذو المعادلة $y = 3x - 3$ مقارب مائل للمنحني (C_f) .

2023

/

:

/

:

ب - ادرس وضعية (C_f) بالنسبة إلى (Δ) .

④ أنشئ كلا من (Δ) و (C_f) .

⑤ أ - بين أنّ الدالة $F: x \mapsto -\frac{3+3\ln x}{x}$ دالة أصلية للدالة $x \mapsto \frac{3\ln x}{x^2}$ على المجال $]0, +\infty[$.

ب - احسب مساحة الحيز المستوي المحدد بالمنحني (Δ) و (C_f) والمستقيمين اللذين معادلتهما : $x = 1$ و $x = 3$.

2023



....

تصحيح الامتحان التجريبي في مادة الرياضيات (3 ثوب)

الموضوع الأول :

التمرين الأول : (04 ن)

1) تمثيل مساحة المنطقة الخطية $M(x, y)$

ب - يمكن تقوية مساحة المنطقة بتعديل خطي L :
لصا شكل متطاول.

2) $\bar{y} = \frac{38+34+38+44+52}{5} = 4$ ، $\bar{x} = \frac{50+60+70+80+90}{5} = 70$ (4 ن)

اذن $G(70, 4)$

ب) تكون $y = ax + b$ المعادلة المصغرة المطلوبة

لدينا : $a = \frac{\sum_{i=1}^5 x_i y_i - 5 \bar{x} \bar{y}}{\sum_{i=1}^5 (x_i - \bar{x})^2} = \frac{1450 - 1400}{1000} = 0,05$

و $b = 0,05 \times 70 = 3,5$ اذ $y = 0,05x + 3,5$

3) من اجل $x = 130$ نجد : $y = 0,05 \times 130 + 3,5 = 7$

اذن لكيزانية الاجمالية في هذه الحالة 7 مليون دينار

ب) من اجل $y = 8$ نجد : $x = \frac{8 - 3,5}{0,05} = 150$

اذن عدد الموظفين في هذه الحالة 150 موظفا .

التمرين الثاني : (04 ن)

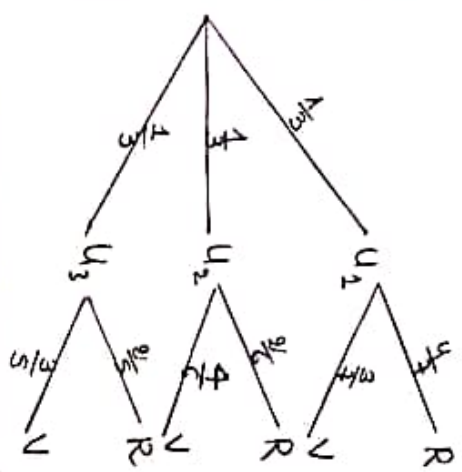
1) انظر الشجرة التالية

2) $P(V \cap U_2) = \frac{1}{3} \times \frac{4}{6} = \frac{2}{9}$

3) $P(V) = P(V \cap U_1) + P(V \cap U_2) + P(V \cap U_3)$

$= \frac{1}{3} \times \frac{2}{3} + \frac{1}{3} \times \frac{4}{6} + \frac{1}{3} \times \frac{2}{3}$

$= \frac{1}{3} + \frac{2}{9} + \frac{1}{3} = \frac{178}{315}$



4) $P(U_2) = \frac{P(V \cap U_2)}{P(V)} = \frac{\frac{2}{9}}{\frac{178}{315}} = \frac{2}{3} \times \frac{315}{178} = \frac{35}{89}$

التمرين الثالث : (05 ن)

1) $U_3 = \frac{3}{2}U_2 - \frac{1}{2}U_1 = \frac{21}{4}$ * $U_2 = \frac{3}{2}U_1 - \frac{1}{2}U_3 = \frac{9}{2}$

2) * لدينا $U_2 = 3$ و $U_1 = 3$ و $U_3 = 3$

* نفرض ان $U_1 = \frac{1}{2}U_3 + 3$ و $U_2 = \frac{1}{2}U_1 + 3$

$U_1 = \frac{3}{2}U_2 - \frac{1}{2}U_3 = \frac{3}{2}U_2 - \frac{3}{2}U_1 + 3$

اذن حسب مبدأ الاستدلال بالكرارج لطلوب .

3) $U_{n+1} = U_n - 6 = \frac{1}{2}U_n + 3 - 6 = \frac{1}{2}U_n - 3 = \frac{1}{2}(U_n - 6) = \frac{1}{2}U_n$

اذن $U_n - 6 = -6$ وحدها الحد $U_n - 6 = -6$

ب) $U_n = U_{n-1} + 6 = -6(\frac{1}{2})^n + 6$ * $U_n = U_{n-1} + 6 = -6(\frac{1}{2})^n + 6$

ج) $U_n = U_{n-1} + 6 = -6(\frac{1}{2})^n + 6$ و $U_n = U_{n-1} + 6 = -6(\frac{1}{2})^n + 6$

لاحظ ان $-1 < \frac{1}{2} < 1$ نلاحظ ان $(\frac{1}{2})^n \rightarrow 0$ ك $n \rightarrow +\infty$

د) $S_n = (U_0 + 6) + (U_1 + 6) + \dots + (U_{n-1} + 6)$

$= U_0 \times \frac{1 - (\frac{1}{2})^{n+1}}{1 - \frac{1}{2}} + 6(n+1)$

$= 12[(\frac{1}{2})^{n+1} - \frac{1}{2}] + 6(n+1)$

التمرين الرابع : (07 ن)

1) $2x + 2 - \frac{2e^x}{e^{2x}} = 2x + \frac{2e^x + 4 - 2e^x}{e^{2x}} = 2x + \frac{4}{e^{2x}} = f(x)$

2) $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow -\infty} 2x + \frac{4}{e^{2x}} = -\infty$

3) $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow -\infty} 2x + \frac{4}{e^{2x}} = -\infty$

$$A = 2 \int_{\ln 2}^{\ln 5} \left(2 - \frac{e^x}{e^x + 2} \right) dx = 2 \left[x - \ln(e^x + 2) \right]_{\ln 2}^{\ln 5} \\ = 2 \left[\ln 5 - \ln 7 - (\ln 2 - \ln 4) \right] = 2 \ln \left(\frac{10}{7} \right) (4, 9)$$

$$0,5 \quad x \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow +\infty} ex + \frac{4}{e^x} = +\infty \quad (e^x \rightarrow +\infty)$$

$$f(x) = 2 + \frac{-e^x + 4}{(e^x + 2)^2} = \frac{2(e^{2x} + 4e^x + 4) - 4e^x}{(e^x + 2)^2} \\ = \frac{2e^{2x} + 4e^x + 8}{(e^x + 2)^2}$$

$$e^{2x} + 4e^x + 4 = (e^x + 1)^2 + 3 > 0 \quad \text{لاحظ ان } \Delta = -12 < 0 \text{ و } 1 > 0 \\ (e^{2x} + 4e^x + 4) > 0 \text{ وعليه } \Delta = -12 < 0 \text{ و } 1 > 0$$

x	$-\infty$	$+\infty$
$f'(x)$	+	+

x	$-\infty$	$+\infty$
$f'(x)$	+	+
$f(x)$	$-\infty$	$+\infty$

0,75 (P) الدالة f مستمرة ومتناهية على $\mathbb{R}$ وبالتفصيل على $[-0,9, -0,8]$ ولدينا: $f(-0,9) = 0,03, f(-0,8) = 0,04$

$$0,5 \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} [f(x) - 2x] = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{4}{e^x + 2} = 0$$

$$0,5 \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} [f(x) - (2x + 2)] = \lim_{x \rightarrow -\infty} -\frac{2e^x}{e^x + 2} = 0$$

0,5 Δ ان Δ ذوالكارلة $2x + 2 = 0$ من ارباب مائل لـ (C_f) عند $-\infty$

0,5 ج Δ لدينا $\Delta > 0$ $f(x) - 2x = \frac{4}{e^x + 2} > 0$ من ارباب كل $x \in \mathbb{R}$

$$0,1 \quad A = \int_{\ln 2}^{\ln 5} (f(x) - 2x) dx = \int_{\ln 2}^{\ln 5} \frac{4}{e^x + 2} dx = 2 \int_{\ln 2}^{\ln 5} \frac{e^x + 2 - e^x}{e^x + 2} dx$$

المقرر الثاني : (٥٥٥)

٥٥٥ (١) $u = \frac{2}{3}u + 1 = \frac{2}{3} \times 5 + 1 = \frac{13}{3}$ ، $u = \frac{2}{3}u + 1 = \frac{2}{3} \times 6 + 1 = 5$

(٢) $u > 3$ ، $u > 3$ ، $u > 3$

* نفرض ان $u > 3$ و $u > 3$ و $u > 3$: لدينا $u > 3$

٥٥٥ ومنه $u > \frac{2}{3}u + 1$ ومنه $u > \frac{2}{3}u + 1$ اي $u > 3$

اذن حسب مبدأ الاستدلال بالترجيع العكسي :

(ب) $u - u = \frac{2}{3}u + 1 - u = -\frac{1}{3}u + 1 = -\frac{1}{3}(u - 3) > 0$

(لأن $u > 3$ اي $u - 3 > 0$ ، بالساعة $u - 3 > 0$)

اذن (u_n) متناقصه وصمة نساجية

* بما ان (u_n) متناقصه تمامًا وحده من الاعلى

فهي متقاربة

(٢) $3u = 3(u_{n+1} - 3) = 3(\frac{2}{3}u_{n+1} + 1 - 3) = 2u_{n+1} - 6$ $(P(1))$

$= 2(u_n - 3) = 2u_n$

(ب) حسب ماسبق $3u = 2u_n$ ومنه $\frac{u_{n+1}}{u_n} = \frac{2}{3}$ ومنه

(٣) $u_n = u_0 - 3 = 3$ وحدها الا ذلك ولا حيث $u_n = u_0 - 3 = 3$

(ج) $u_n = u_0 - 3 = 3 \times (\frac{2}{3})^n$

(٤) $u_n = 3(\frac{2}{3})^n + 3$ اذن $u_n = u_0 + 3$

(٥) $(-1 < \frac{2}{3} < 1)$ لاحظ ان $\lim_{n \rightarrow \infty} u_n = \lim_{n \rightarrow \infty} 3(\frac{2}{3})^n + 3 = 3$

(٦) $u_{n+1} = u_n - \frac{1}{3}u_n + 1 = \frac{2}{3}u_n + 1$ $(P(2))$

(٧) لدينا $u_0 = 5$ ومنه عدد المنخرفين سنة ٥٠٠ هو ٥٠٠

(٨) $u_n = 3$ ومنه $3(\frac{2}{3})^n + 3 = 3$ ومنه $3(\frac{2}{3})^n = 0$ المعادلة

الخير : ليس لها حلول ومنه لا يمكن ان يبلغ عدد المنخرفين ٣٠٠

الموضوع الثاني :

المقرر الاول : (٥٥٤)

(١) تمثيل مساحة المنقط $M_i(x_i, y_i)$ في معلم متعامد

(ب) يمكن تسوية مساحة المنقط بتعديل خطي لاني :

لها شكل متطاول

x_i	1	3	4	5	7
z_i	3,37	3,56	3,95	4,26	4,69

(٢) $\bar{z} = \frac{3,37 + 3,56 + 3,95 + 4,26 + 4,69}{5} = 3,95$ ، $\bar{x} = \frac{1 + 3 + 4 + 5 + 7}{5} = 4$

اذن $G(4, 3,95)$

(ج) لتكن : $z = ax + b$ المعادلة المختصرة المطلوبة

$a = \frac{\sum_{i=1}^5 x_i z_i - 5 \bar{x} \bar{z}}{\sum_{i=1}^5 (x_i - \bar{x})^2} = \frac{83,49 - 79}{20} = 0,22$

$z = 0,22x + 3,07$ اي $b = \bar{z} - a\bar{x} = 3,95 - 0,22 \times 4 = 3,07$

$\ln y = 0,22x + 3,07$ ومنه $z = \ln y$

$y = e^{0,22x + 3,07}$ ومنه $y = e^{0,22x} \times e^{3,07}$

(٣) $(k = 21,54)$ $y = 21,54 e^{0,22x}$

اذن $y = 21,54 e^{0,22x}$

(ب) $150 > 5,57 e^{0,22x}$ ومنه $21,54 e^{0,22x} > 150$

ومنه $\ln(5,57) < \ln(21,54 e^{0,22x})$ ومنه $\ln(5,57) < \ln(21,54) + 0,22x$

$x > 7,8$ اي $x > \frac{\ln(5,57) - \ln(21,54)}{0,22}$

اصغر عدد طبيعي يحقق المتراجحة الاخيرة هو $x = 8$

اذن ابتداء من ٨ تتجاوز كلمة الاستهلاك ١٥٠٠٠٠ دينار

(ج) رتبة المسند ٥٥٣ هي $x = 13$ ومنه $y = 21,54 e^{0,22 \times 13} = 376,19$

0.85 تفسير النتيجة الأخيرة : لتقييم ذات الحادثة $x=0$ من x - الترتيب (مقارب لـ (C_f))

(2) $f(x) = 3 - 3x \frac{\frac{1}{x} x^2 - ex \ln x}{x^4} = 3 - 3x \frac{1 - ex \ln x}{x^3}$

$= \frac{3x^3 - 3 + 6 \ln x}{x^3} = \frac{g(x)}{x^3}$

x	0	$\frac{1}{e}$	$+\infty$
$f'(x)$	-	0	+

المنارد $f'(x)$ من المنارة $g(x)$:
اذن f متناقصة ثم متزايدة

المجال $[1, +\infty)$ و متزايدة تمامًا

الرجاء $(1, +\infty)$: جدول التغير

x	0	$\frac{1}{e}$	$+\infty$
$f(x)$	$+\infty$	-	0

(3) $\lim_{x \rightarrow +\infty} [f(x) - (3x - 3)] = \lim_{x \rightarrow +\infty} -\frac{3 \ln x}{x^2} = 0$

اذن (د) ذات الحادثة $y = 3x - 3$ مقارب مائل لـ (C_f) عند $+\infty$

x	0	$\frac{1}{e}$	$+\infty$
$f(x) - (3x - 3)$	-	0	+
الوضعية النسبية	(د)	(ق)	(د)

(4) انشاء (د) و (د) $f(x) = -\frac{\frac{3}{2} x^2 - (3 + 3 \ln x)}{x^2} = -\frac{-3 \ln x}{x^2} = \frac{3 \ln x}{x^2}$ (P(5)

(ب) $A = \int_1^3 [(3x - 3) - f(x)] dx = \int_1^3 \frac{3 \ln x}{x^2} dx$

$= \left[-\frac{3 + 3 \ln x}{x} \right]_1^3 = 3 - (1 + \ln 3)$

$= (9 - \ln 3) (4, 9)$

المترين المتماثلين : (0.4)

(1) انظر الشجرة المتماثلة :

(2) $* P(A) = \frac{3}{5} \times \frac{2}{4} = \frac{6}{20} = \frac{3}{10}$

$= 0,3$

$* P(B) = \frac{3}{5} \times \frac{2}{4} + \frac{2}{5} \times \frac{3}{4} = \frac{12}{20}$

$= \frac{3}{5} = 0,6$

(3) $I = \{0, 1, 2\}$ (P(3)

(ب) $P(x=0) = P(A) = 0,3$

$P(x=1) = P(B) = 0,6$

$P(x=2) = \frac{2}{5} \times \frac{1}{4} = \frac{1}{10} = 0,1$

x_i	0	1	2
$P(x=x_i)$	0,3	0,6	0,1

$E(x) = (1 \times 0,6) + (2 \times 0,1) = 0,8$

(ج) $E(2x + 1444) = 2 \times 0,8 + 1444 = 306,4$

المترين المتماثلين : (0.4)

(1) $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) = +\infty$ * $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) = -\infty$

اتجاه التغير : $g'(x) = g(x) + \frac{e}{x} > 0$

x	0	$+\infty$
$g(x)$	+	$+\infty$

ما نأعلى $(+\infty)$: جدول التغير

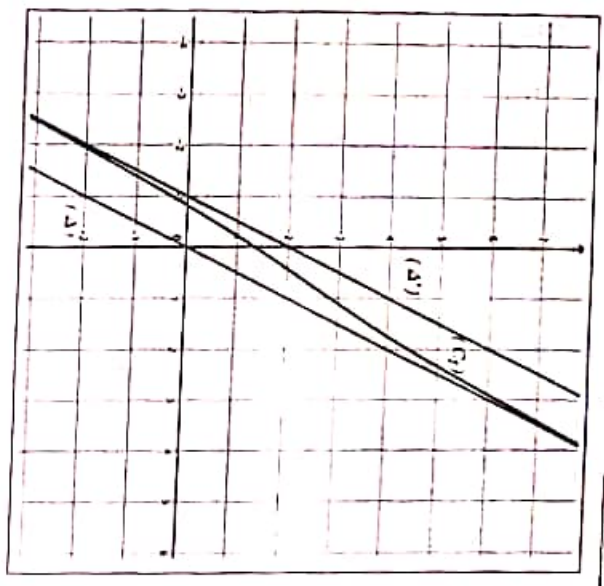
$g(1) = 3 - 3 + 6 \ln 1 = 0$

x	0	$\frac{1}{e}$	$+\infty$
$g(x)$	-	0	+

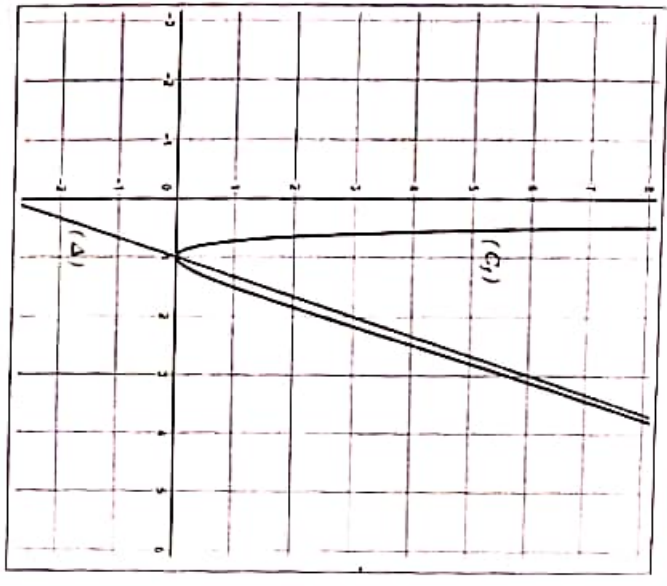
(2) $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow +\infty} 3x - 3 - \frac{3 \ln x}{x^2} = +\infty$

* $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow +\infty} 3x - 3 - \frac{3 \ln x}{x^2} = +\infty$

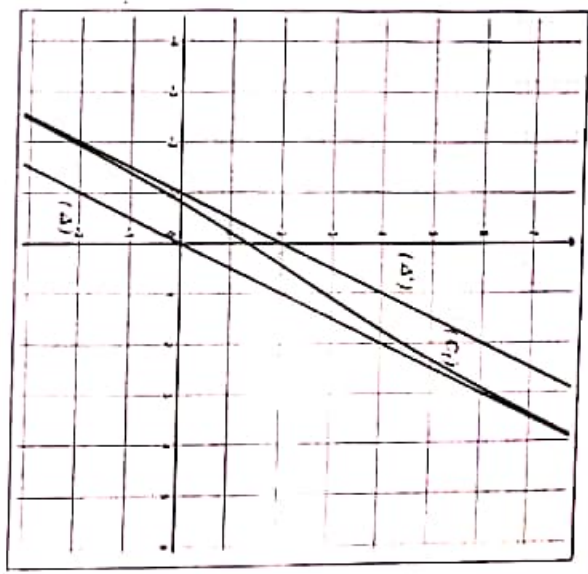
الموضوع الأول التمرين الرابع : رسم (Δ) ، (Δ') و (C_1) .



الموضوع الثاني التمرين الرابع : رسم (Δ) و (C_1) .



الموضوع الأول التمرين الرابع : رسم (Δ) ، (Δ') و (C_1) .



الموضوع الثاني التمرين الرابع : رسم (Δ) و (C_1) .

