



الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية  
وزارة التربية الوطنية



الديوان الوطني للامتحانات والمسابقات  
امتحان بكالوريا التعليم الثانوي  
الشعبة: تسيير واقتصاد

دورة: 2021

المدة: 03 سا و 30 د

اختبار في مادة: الرياضيات

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين الآتيين:  
الموضوع الأول

التمرين الأول: ( 04 نقاط )

المتتالية العددية  $(u_n)$  معرفة من أجل كل عدد طبيعي  $n$  بـ:  $u_n = 2\left(\frac{1}{4}\right)^n + 1$

(1) أ. احسب الحدود  $u_0$  ،  $u_1$  و  $u_2$

ب. تحقق أنه من أجل كل عدد طبيعي  $n$  ،  $u_{n+1} - u_n = -\frac{3}{2}\left(\frac{1}{4}\right)^n$

ج. استنتج اتجاه تغير المتتالية  $(u_n)$

(2) من أجل كل عدد طبيعي  $n$  نضع:  $v_n = u_n - 1$

أ. احسب  $v_0$  ثم اكتب عبارة  $v_n$  بدلالة  $n$

ب. بين أن  $(v_n)$  متتالية هندسية أساسها  $\frac{1}{4}$

(3) من أجل كل عدد طبيعي  $n$  نضع:  $S_n = v_0 + v_1 + \dots + v_n$  و  $S'_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n$

أ. احسب بدلالة  $n$  عبارة  $S_n$

ب. استنتج أنه من أجل كل عدد طبيعي  $n$  ،  $S'_n = n + \frac{11}{3} - \frac{8}{3}\left(\frac{1}{4}\right)^{n+1}$

التمرين الثاني: ( 04 نقاط )

الدالة العددية  $g$  معرفة على  $[0; +\infty[$  بتمثيلها البياني  $(C)$

(T) المماس للمنحنى  $(C)$  في النقطة  $A(1;0)$  (الشكل المقابل)

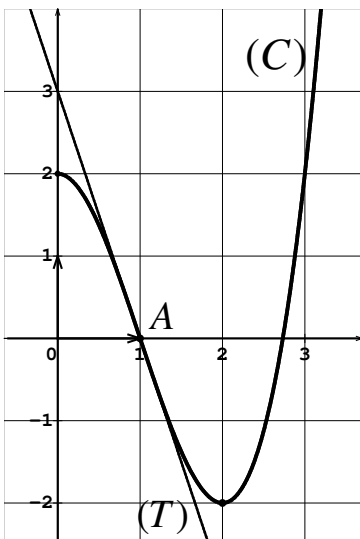
أجب بصح أو خطأ مع التبرير في كل حالة من الحالات التالية :

(1) العددان  $g(2)$  و  $g(3)$  مختلفان في الإشارة.

(2) من أجل كل عدد حقيقي  $x$  من المجال  $]0;2[$  :  $g'(x) > 0$

(3) معامل توجيه المماس (T) يساوي: -3

(4) كل دالة أصلية  $G$  للدالة  $g$  على  $[0; +\infty[$  متزايدة تماما على  $[0;2]$



التمرين الثالث: ( 04 نقاط )

لكل سؤال جواب واحد فقط صحيح من بين الأجوبة الثلاثة المقترحة، عيّنه مع التبرير.

$$(1) \lim_{x \rightarrow +\infty} \left( \frac{-2x+1}{1+x+x^2} \right) \text{ هي:}$$

(أ) 0 (ب) -2 (ج) 1

(2) عبارة الحدّ العام للمتتالية الحسابية  $(u_n)$  المعرفة على  $\mathbb{N}$  بحدّها الأول 2 و أساسها  $\frac{1}{2}$  هي:

(أ)  $2\left(\frac{1}{2}\right)^n$  (ب)  $2 + \frac{1}{2}n$  (ج)  $2 + \left(\frac{1}{2}\right)^n$

(3) الدالة العددية  $h$  معرفة على  $]0; +\infty[$  بـ:  $h(x) = 2x - 1 + \frac{3}{x}$ ، تمثيلها البياني  $(C)$  في مستو

منسوب إلى معلم يقبل مستقيما مقاربا مائلا معادلته هي:

(أ)  $y = 2x - 1$  (ب)  $y = 2x$  (ج)  $y = 2x + 1$

(4) الدالة العددية  $g$  معرفة على  $]0; +\infty[$  بـ:  $g(x) = 2x + 1 - \frac{1}{x^2}$

دالتها الأصلية  $G$  على  $]0; +\infty[$  التي تتعدم من أجل القيمة 1 معرفة بـ:

(أ)  $G(x) = x^2 + x - \frac{1}{x}$  (ب)  $G(x) = x^2 + x - 1 - \frac{1}{x}$  (ج)  $G(x) = x^2 + x + \frac{1}{x} - 3$

التمرين الرابع: ( 08 نقاط )

الدالة العددية  $f$  معرفة على  $\mathbb{R}$  بـ:  $f(x) = \frac{x^2 - 4}{x^2 + 1}$

(C) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس  $(O; \vec{i}, \vec{j})$

(1) أ. بيّن أنّ  $f$  دالة زوجية.

ب. احسب  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$  ثم استنتج  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  وفسر النتيجة هندسيا.

ج. ادرس وضعية (C) بالنسبة إلى المستقيم  $(\Delta)$  ذي المعادلة  $y = 1$

(2) أ. بيّن أنّه من أجل كلّ عدد حقيقي  $x$ :  $f'(x) = \frac{10x}{(x^2 + 1)^2}$

ب. استنتج أنّ  $f$  متناقصة تماما على  $]0; +\infty[$  ومتزايدة تماما على  $]0; +\infty[$  ثم شكّل جدول تغيراتها.

(3) أ. اكتب معادلة للمماس  $(T)$  للمنحنى (C) في النقطة التي فاصلتها 2

ب. جدّ إحداثيات نقطتي تقاطع (C) مع حامل محور الفواصل.

(4) ارسم  $(\Delta)$ ،  $(T)$  و (C)

(5) الدالة العددية  $g$  معرفة على  $\mathbb{R}$  بـ:  $g(x) = \frac{|x^2 - 4|}{x^2 + 1}$ ،  $(C_g)$  تمثيلها البياني في المعلم السابق.

أ. بيّن أنّ: من أجل كلّ  $x$  من  $]2; +\infty[ \cup ]-\infty; -2]$ ،  $g(x) = f(x)$

و من أجل كلّ  $x$  من  $[-2; 2]$ :  $g(x) = -f(x)$

ب. شكّل جدول تغيرات الدالة  $g$

## الموضوع الثاني

### التمرين الأول: ( 04 نقاط )

المتتالية العددية  $(u_n)$  معرفة على  $\mathbb{N}$  بحدّها الأول  $u_0$  حيث:  $u_0 = 5$  و  $u_{n+1} = \frac{1}{3}u_n + 2$

(1) أ. برهن بالتراجع أنّه من أجل كلّ عدد طبيعي  $n$  ،  $u_n = 2\left(\frac{1}{3}\right)^n + 3$

ب. بيّن أنّه من أجل كلّ عدد طبيعي  $n$  ،  $u_{n+1} - u_n = -\frac{4}{3}\left(\frac{1}{3}\right)^n$

ج. استنتج اتجاه تغيّر المتتالية  $(u_n)$

(2) من أجل كلّ عدد طبيعي  $n$  نضع:  $v_n = u_n - 3$

أ. احسب  $v_0$  ثمّ اكتب عبارة  $v_n$  بدلالة  $n$

ب. بيّن أنّ المتتالية  $(v_n)$  هندسية أساسها  $\frac{1}{3}$

(3) من أجل كلّ عدد طبيعي  $n$  نضع:  $S_n = v_0 + v_1 + \dots + v_n$  و  $S'_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n$

أ. احسب بدلالة  $n$  عبارة  $S_n$

ب. استنتج أنّه من أجل كلّ عدد طبيعي  $n$  ،  $S'_n = 3n + 6 - \left(\frac{1}{3}\right)^n$

### التمرين الثاني: ( 04 نقاط )

الدالة العددية  $f$  معرفة على  $]-\infty; 0[ \cup ]0; +\infty[$  بجدول تغيّراتها المقابل.

(C) تمثيلها البياني في مستو منسوب إلى معلم.

أجب بصح أو خطأ مع التبرير في كلّ حالة من الحالات التالية:

(1)  $y = -1$  هي معادلة للمستقيم المقارب للمنحنى (C) عند  $+\infty$

(2) معامل توجيّه المماس (T) للمنحنى (C) في النقطة A ذات الفاصلة 1 يساوي 0

(3) النقطة  $B(3; 1)$  تنتمي إلى (C)

(4)  $f(1442) < f(2021)$

### التمرين الثالث: ( 04 نقاط )

لكلّ سؤال جواب واحد فقط صحيح من بين الأجوبة الثلاثة المقترحة، عيّنه مع التبرير.

(1) الدالة العددية  $f$  المعرفة على  $]-2; +\infty[$  بـ:  $f(x) = \frac{2x+1}{x+2}$  ، دالتها المشتقة  $f'$  معرفة بـ:

(أ)  $f'(x) = \frac{-3}{(x+2)^2}$  (ب)  $f'(x) = \frac{5}{(x+2)^2}$  (ج)  $f'(x) = \frac{3}{(x+2)^2}$

(2) الدالة العددية  $g$  معرفة على المجال  $]2; +\infty[$  بـ:  $g(x) = 1 + \frac{3}{x-2}$

و  $(C_g)$  تمثيلها البياني في مستو منسوب إلى معلم.

معادلة المماس لـ  $(C_g)$  في النقطة ذات الفاصلة 3 هي:

(أ)  $y = 3x - 5$  (ب)  $y = -3x + 13$  (ج)  $y = -3x + 5$

(3)  $a$  عدد حقيقي، الأعداد  $a$ ،  $a+2$ ،  $a+6$  بهذا الترتيب هي حدود متتابعة لمتتالية هندسية من أجل:

(أ)  $a = 2$  (ب)  $a = -2$  (ج)  $a = 4$

(4) المتتالية الحسابية  $(v_n)$  معرفة على  $\mathbb{N}$  بـ:  $v_n = 2n + 1$ ، نضع:  $S_n = v_0 + v_1 + \dots + v_n$

من أجل كل عدد طبيعي  $n$  المجموع  $S_n$  يساوي:

(أ)  $n^2$  (ب)  $(n+1)^2$  (ج)  $\frac{n(n+1)}{2}$

التمرين الرابع: (08 نقاط)

الدالة العددية  $f$  معرفة على  $\mathbb{R}$  بـ:  $f(x) = \frac{x^2 - x + 4}{x^2 + x + 2}$

(C) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس  $(O; \vec{i}, \vec{j})$  (الوحدة 2 cm)

(1) احسب  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ ، ثم فسّر النتائج هندسيا.

(2) من أجل كل  $x$  من  $\mathbb{R}$  نضع:  $g(x) = f(x) - 1$

أ. ادرس حسب قيم العدد الحقيقي  $x$  إشارة  $g(x)$

ب. استنتج وضعية (C) بالنسبة إلى المستقيم  $(\Delta)$  ذي المعادلة  $y = 1$

(3) أ. بين أنه من أجل كل عدد حقيقي  $x$ :  $f'(x) = \frac{2(x+1)(x-3)}{(x^2+x+2)^2}$

ب. بين أن  $f$  متزايدة تماما على كل من  $]-\infty; -1]$  و  $[3; +\infty[$  ومتناقصة تماما على  $[-1; 3]$

ج. شكّل جدول تغيرات الدالة  $f$

(4) أ. اكتب معادلة لـ (T) مماس المنحني (C) في النقطة التي فاصلتها 1

ب. تَحَقَّقْ أَنَّ (T) يقطع (C) في النقطة  $A(-2; \frac{5}{2})$

(5) ارسم  $(\Delta)$ ، (T) و (C)

(6) الدالة المعرفة على  $\mathbb{R}$  بـ:  $h(x) = \frac{x^2 - |x| + 4}{x^2 + |x| + 2}$ ،  $(C_h)$  تمثيلها البياني في المعلم السابق.

أ. بين أن الدالة  $h$  زوجية.

ب. تَحَقَّقْ أنه من أجل كل  $x$  من المجال  $[0; +\infty[$ :  $h(x) = f(x)$

ج. اشرح كيفية رسم  $(C_h)$  انطلاقا من (C) و ارسمه.

الإجابة النموذجية لموضوع اختبار مادة: الرياضيات / الشعبة: تسيير و إقتصاد / بكالوريا 2021

| العلامة                     |        | عناصر الإجابة (الموضوع الأول)                                                          |
|-----------------------------|--------|----------------------------------------------------------------------------------------|
| مجموعة                      | مجزأة  |                                                                                        |
| التمرين الأول: ( 04 نقاط )  |        |                                                                                        |
| 01,75                       | 0,25x3 | (1) أ . حساب: $u_0$ ، $u_1$ و $u_2$                                                    |
|                             | 0.50   | ب. التَّحَقَّق أَنَّ : $u_{n+1} - u_n = -\frac{3}{2}\left(\frac{1}{4}\right)^n$        |
|                             | 0.50   | ج. $(u_n)$ متناقصة تماما.                                                              |
| 01,25                       | 0,25   | (2) أ . $v_0 = 2$                                                                      |
|                             | 0,50   | عبارة $v_n$ بدلالة $n$ : $v_n = 2\left(\frac{1}{4}\right)^n$                           |
|                             | 0 ,50  | ب $(v_n)$ متتالية هندسيّة أساسها $\frac{1}{4}$ : $v_{n+1} = \frac{1}{4}v_n$            |
| 01.00                       | 0.75   | (3) أ . $S_n = \frac{8}{3}\left[1 - \left(\frac{1}{4}\right)^{n+1}\right]$             |
|                             | 0.25   | ب. $S'_n = S_n + n + 1 = n + \frac{11}{3} - \frac{8}{3}\left(\frac{1}{4}\right)^{n+1}$ |
| التمرين الثاني: ( 04 نقاط ) |        |                                                                                        |
| 01,00                       | 0,50x2 | (1) صح ، التبرير .                                                                     |
| 01,00                       | 0,50x2 | (2) خطأ ، التبرير .                                                                    |
| 01,00                       | 0,50x2 | (3) صح ، التبرير .                                                                     |
| 01,00                       | 0,50x2 | (4) خطأ ، التبرير .                                                                    |
| التمرين الثالث: ( 04 نقاط ) |        |                                                                                        |
| 01,00                       | 0,50x2 | (1) الجواب الصحيح (أ) ، التبرير .                                                      |
| 01,00                       | 0,50x2 | (2) الجواب الصحيح (ب) ، التبرير .                                                      |
| 01,00                       | 0,50x2 | (3) الجواب الصحيح (أ) ، التبرير .                                                      |
| 01,00                       | 0,50x2 | (4) الجواب الصحيح (ج) ، التبرير .                                                      |
| التمرين الرابع: ( 08 نقاط ) |        |                                                                                        |
| 02.50                       | 0.50   | (1) أ . $f$ دالة زوجية                                                                 |
|                             | 0,50x2 | ب. $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 1$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 1$   |
|                             | 0,25   | المستقيم ذو المعادلة : $y = 1$ مقارب لـ (C)                                            |
|                             | 0,50   | ج. لدينا: من أجل كلّ عدد حقيقي $x$ ، $f(x) - 1 = -\frac{5}{x^2 + 1}$                   |
|                             | 0,25   | و منه (C) أسفل (Δ)                                                                     |

| العلامة |           | عناصر الإجابة (الموضوع الأول)                                                                                                                                                                                                                                                                                                                      |           |           |           |           |         |           |        |     |        |     |      |     |
|---------|-----------|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-----------|-----------|-----------|-----------|---------|-----------|--------|-----|--------|-----|------|-----|
| مجموعة  | مجزأة     |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    |           |           |           |           |         |           |        |     |        |     |      |     |
| 02,25   | 0,75      | (2) أ. $f'(x) = \frac{10x}{(x^2 + 1)^2}$                                                                                                                                                                                                                                                                                                           |           |           |           |           |         |           |        |     |        |     |      |     |
|         | 0,50      | ب. $f'(x)$ من إشارة $10x$                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          |           |           |           |           |         |           |        |     |        |     |      |     |
|         | 0,50      | $f$ متناقصة تماما على $]-\infty; 0]$ ومتزايدة تماما على $[0; +\infty[$                                                                                                                                                                                                                                                                             |           |           |           |           |         |           |        |     |        |     |      |     |
|         | 0.50      | جدول تغيّرات $f$ :                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 |           |           |           |           |         |           |        |     |        |     |      |     |
|         |           | <table><tr><td><math>x</math></td><td><math>-\infty</math></td><td><math>0</math></td><td><math>+\infty</math></td></tr><tr><td><math>f'(x)</math></td><td><math>-</math></td><td><math>0</math></td><td><math>+</math></td></tr><tr><td><math>f(x)</math></td><td><math>1</math></td><td><math>-4</math></td><td><math>1</math></td></tr></table> | $x$       | $-\infty$ | $0$       | $+\infty$ | $f'(x)$ | $-$       | $0$    | $+$ | $f(x)$ | $1$ | $-4$ | $1$ |
| $x$     | $-\infty$ | $0$                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                | $+\infty$ |           |           |           |         |           |        |     |        |     |      |     |
| $f'(x)$ | $-$       | $0$                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                | $+$       |           |           |           |         |           |        |     |        |     |      |     |
| $f(x)$  | $1$       | $-4$                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                               | $1$       |           |           |           |         |           |        |     |        |     |      |     |
| 01,50   | 0,75      | (3) أ. $y = \frac{4}{5}x - \frac{8}{5}$ هي معادلة $(T)$ المماس لـ $(C)$ في النقطة التي فاصلتها 2                                                                                                                                                                                                                                                   |           |           |           |           |         |           |        |     |        |     |      |     |
|         | 0,50      | ب. $f(x) = 0$ تكافئ $(x = 2)$ أو $(x = -2)$                                                                                                                                                                                                                                                                                                        |           |           |           |           |         |           |        |     |        |     |      |     |
|         | 0,25      | إحداثيات نقطتي تقاطع $(C)$ مع حامل محور الفواصل هي $(2; 0)$ و $(-2; 0)$                                                                                                                                                                                                                                                                            |           |           |           |           |         |           |        |     |        |     |      |     |
| 01,00   | 0,25x2    | (4) رسم $(\Delta)$ ، $(T)$                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         |           |           |           |           |         |           |        |     |        |     |      |     |
|         | 0,50      | رسم $(C)$                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          |           |           |           |           |         |           |        |     |        |     |      |     |
|         |           |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    |           |           |           |           |         |           |        |     |        |     |      |     |
| 00,75   | 0,50      | (5) أ. - دراسة إشارة $x^2 - 4$ وكتابة $ x^2 - 4 $ دون رمز القيمة المطلقة.<br>- من أجل كل $x$ من $]-\infty; -2] \cup [2; +\infty[$ ، $g(x) = f(x)$<br>- من أجل كل $x$ من $[-2; 2]$ : $g(x) = -f(x)$                                                                                                                                                 |           |           |           |           |         |           |        |     |        |     |      |     |
|         | 0.25      | ب. تشكيل جدول تغيّرات $g$                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          |           |           |           |           |         |           |        |     |        |     |      |     |
|         |           | <table><tr><td><math>x</math></td><td><math>-\infty</math></td><td><math>-2</math></td><td><math>0</math></td><td><math>2</math></td><td><math>+\infty</math></td></tr><tr><td><math>g(x)</math></td><td><math>1</math></td><td><math>0</math></td><td><math>4</math></td><td><math>0</math></td><td><math>1</math></td></tr></table>              | $x$       | $-\infty$ | $-2$      | $0$       | $2$     | $+\infty$ | $g(x)$ | $1$ | $0$    | $4$ | $0$  | $1$ |
| $x$     | $-\infty$ | $-2$                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                               | $0$       | $2$       | $+\infty$ |           |         |           |        |     |        |     |      |     |
| $g(x)$  | $1$       | $0$                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                | $4$       | $0$       | $1$       |           |         |           |        |     |        |     |      |     |

| العلامة                     |           | عناصر الإجابة (الموضوع الثاني)                                    |
|-----------------------------|-----------|-------------------------------------------------------------------|
| مجموعة                      | مجزأة     |                                                                   |
| التمرين الأول: ( 04 نقاط )  |           |                                                                   |
| 1.75                        | 0.50+0.25 | 1) أ . البرهان بالتراجع : $u_n = 2\left(\frac{1}{3}\right)^n + 3$ |
|                             | 0.50      | ب. $u_{n+1} - u_n = -\frac{4}{3}\left(\frac{1}{3}\right)^n$       |
|                             | 0.50      | ج. المتتالية $(u_n)$ متناقصة تماما.                               |
| 01.50                       | 0.50+0.25 | 2) أ . $v_0 = 2$ و $v_n = u_n - 3 = 2\left(\frac{1}{3}\right)^n$  |
|                             | 0,75      | ب. $(v_n)$ هندسية أساسها $\frac{1}{3}$                            |
| 0.75                        | 0.50      | 3) أ . $S_n = 3\left[1 - \left(\frac{1}{3}\right)^{n+1}\right]$   |
|                             | 0,25      | ب. $S'_n = S_n + 3(n+1) = 3n + 6 - \left(\frac{1}{3}\right)^n$    |
| التمرين الثاني: ( 04 نقاط ) |           |                                                                   |
| 01,00                       | 0,50x2    | 1) خطأ ، التبرير .                                                |
| 01,00                       | 0,50x2    | 2) صح ، التبرير .                                                 |
| 01,00                       | 0,50x2    | 3) خطأ ، التبرير .                                                |
| 01,00                       | 0,50x2    | 4) صح ، التبرير .                                                 |
| التمرين الثالث: ( 04 نقاط ) |           |                                                                   |
| 01,00                       | 0,50x2    | 1) الإجابة الصحيحة (ج) ، التبرير .                                |
| 01,00                       | 0,50x2    | 2) الإجابة الصحيحة (ب) ، التبرير .                                |
| 01,00                       | 0,50x2    | 3) الإجابة الصحيحة (أ) ، التبرير .                                |
| 01,00                       | 0,50x2    | 4) الإجابة الصحيحة (ب) ، التبرير .                                |

| العلامة                     |                | عناصر الإجابة (الموضوع الثاني)                                                                                                                                                                                                                                                                                                                               |               |           |      |     |           |         |   |   |   |   |        |   |   |               |
|-----------------------------|----------------|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|---------------|-----------|------|-----|-----------|---------|---|---|---|---|--------|---|---|---------------|
| مجموعة                      | مجزأة          |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              |               |           |      |     |           |         |   |   |   |   |        |   |   |               |
| التمرين الرابع: ( 08 نقاط ) |                |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              |               |           |      |     |           |         |   |   |   |   |        |   |   |               |
| 01.25                       | 0,50x2<br>0,25 | (1) $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 1$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 1$ ،<br>المستقيم ذو المعادلة : $y = 1$ مقارب لـ (C)                                                                                                                                                                                                                       |               |           |      |     |           |         |   |   |   |   |        |   |   |               |
| 01,25                       | 0,25x3         | (2) أ. $g(x) > 0$ على $]-\infty; 1[$ و $g(x) < 0$ على $]1; +\infty[$ و $g(1) = 0$                                                                                                                                                                                                                                                                            |               |           |      |     |           |         |   |   |   |   |        |   |   |               |
|                             | 0,25x2         | ب. استنتاج وضعية (C) بالنسبة إلى المستقيم ( $\Delta$ )                                                                                                                                                                                                                                                                                                       |               |           |      |     |           |         |   |   |   |   |        |   |   |               |
| 02.25                       | 0,75           | (3) أ. $f'(x) = \frac{2(x+1)(x-3)}{(x^2+x+2)^2}$ .                                                                                                                                                                                                                                                                                                           |               |           |      |     |           |         |   |   |   |   |        |   |   |               |
|                             | 0.50<br>0.50   | ب. إشارة $f'(x)$ من إشارة البسط $2(x+1)(x-3)$<br>$f$ متزايدة تماما على كل من $]-\infty; -1[$ ، $[3; +\infty[$ ومتناقصة تماما على $[-1; 3]$                                                                                                                                                                                                                   |               |           |      |     |           |         |   |   |   |   |        |   |   |               |
|                             | 0,50           | ج. جدول تغيرات $f$<br><table><tr><td><math>x</math></td><td><math>-\infty</math></td><td><math>-1</math></td><td><math>3</math></td><td><math>+\infty</math></td></tr><tr><td><math>f'(x)</math></td><td>+</td><td>0</td><td>-</td><td>+</td></tr><tr><td><math>f(x)</math></td><td>1</td><td>3</td><td><math>\frac{5}{7}</math></td><td>1</td></tr></table> | $x$           | $-\infty$ | $-1$ | $3$ | $+\infty$ | $f'(x)$ | + | 0 | - | + | $f(x)$ | 1 | 3 | $\frac{5}{7}$ |
| $x$                         | $-\infty$      | $-1$                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         | $3$           | $+\infty$ |      |     |           |         |   |   |   |   |        |   |   |               |
| $f'(x)$                     | +              | 0                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            | -             | +         |      |     |           |         |   |   |   |   |        |   |   |               |
| $f(x)$                      | 1              | 3                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            | $\frac{5}{7}$ | 1         |      |     |           |         |   |   |   |   |        |   |   |               |
| 01,25                       | 0.75           | (4) أ. كتابة معادلة لـ (T) : $y = -\frac{1}{2}x + \frac{3}{2}$                                                                                                                                                                                                                                                                                               |               |           |      |     |           |         |   |   |   |   |        |   |   |               |
|                             | 0,50           | ب. التحقق أن (T) يقطع (C) في النقطة $A(-2; \frac{5}{2})$ :                                                                                                                                                                                                                                                                                                   |               |           |      |     |           |         |   |   |   |   |        |   |   |               |
| 01,00                       | 2x0,25         | (5) رسم ( $\Delta$ ) ، (T)<br>رسم (C)                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        |               |           |      |     |           |         |   |   |   |   |        |   |   |               |
|                             | 0,50           |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              |               |           |      |     |           |         |   |   |   |   |        |   |   |               |

| العلامة |              | عناصر الإجابة (الموضوع الثاني)                                                 |
|---------|--------------|--------------------------------------------------------------------------------|
| مجموعة  | مجزأة        |                                                                                |
| 01.00   | 0.25         | 6) أ. $h$ زوجية.                                                               |
|         | 0,25         | ب. التَّحَقَّق أَنَّهُ من أجل كل $x$ من المجال $[0 ; +\infty[$ : $h(x) = f(x)$ |
|         | 0,25<br>0.25 | ج. شرح كيفية رسم $(C_h)$ انطلاقا من $(C)$<br>رسم $(C_h)$                       |