

ج- بالاعتماد على المنحنى البياني جد:

- كتلة المتزحلق و h_0 ارتفاع الموضع B عن المستوي الأفقي CD .
- الطاقة الحركية للمتزحلق في الموضع C وسرعته عندئذ.

3- اذكر نص مبدأ العطالة واعتمادا عليه استنتج سرعة المتزحلق عند الموضع D .

4- عندما يبلغ المتزحلق الموضع D يواصل حركته في الهواء ليصطدم في النهاية سطح مائي في الموضع E .

أ- مثل الحصيلة الطاقوية للجملة (متزحلق) بين الموضعين D و E واكتب معادلة انحفاظ الطاقة.

ب- مثل شعاع سرعة المتزحلق عند الموضع D .

ج- احسب السرعة عند الموضع E .

التمرين الثاني: (6 نقاط)

جسم صلب (S) كتلته $m = 200\text{ g}$ يُقذف بالسرعة $v_A = 5\text{ m/s}$ من

الموضع A أسفل مستوي مائل يميل على الأفق بزاوية $\alpha = 30^\circ$ ،

باتجاه موضع B حيث $AB = 90\text{ cm}$ ، وعندها يصطدم بنابض مرن

حلقاته غير متلاصقة ثابت مرونته $K = 40\text{ N/m}$ ، فينضغط هذا

الناض بمقدار x_0 ويتوقف الجسم (S) في الموضع C .

يعطى: $g = 10\text{ m/s}^2$ ، وتهمل كل قوى الاحتكاك.

1- اشرح المصطلحات التالية:

"جسم صلب"، "نابض مرن"، "نابض حلقاته غير متلاصقة".

2- نختار الجملة (جسم+أرض)، ونعتبر المستوي الأفقي المار من B مرجعا لحساب الطاقة الكامنة الثقالية.

أ- مثل الحصيلة الطاقوية بين الموضعين A و B واكتب معادلة انحفاظ الطاقة.

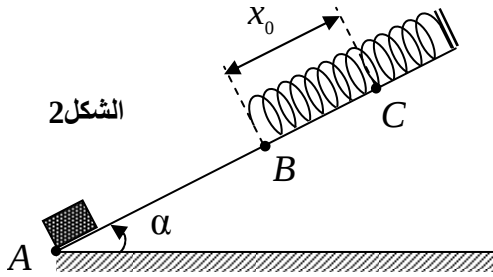
ب- احسب سرعة الجسم (S) عند بلوغه الموضع B .

3- نختار الجملة (جسم+نابض)، والنابض في حالة راحة عندما يكون طرفه الحر في الموضع B .

أ- مثل القوى المؤثرة على الجسم (S) عندما يكون بين الموضعين B و C ، ثم صنف هذه القوى إلى داخلية وخارجية.

ب- مثل الحصيلة الطاقوية على الجملة (جسم + نابض) بين الموضعين B و C واكتب معادلة انحفاظ الطاقة.

ج- احسب مقدار الإنضغاط الأعظمي للنابض، وشدة القوة المرونية في الموضع C .



الشكل 2

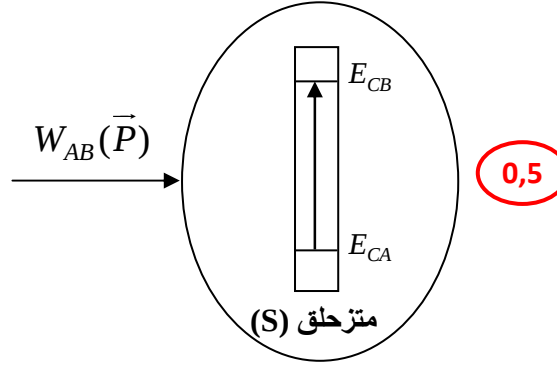
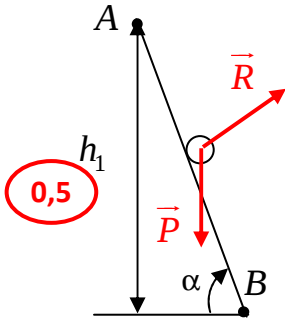
التمرين الأول: (12 نقاط)

1- مخطط الحصلة الطاقوية:

- الجملة المدروسة: متزلق S.

- مرجع الدراسة: سطحي أرضي نعتبره غاليلي.

- القوى الخارجية المؤثرة: الثقل $\vec{P}$ ، قوة رد الفعل $\vec{R}$.



■ معادلة انحفاظ الطاقة:

بتطبيق مبدأ انحفاظ الطاقة على الجملة (كرة) بين الموضعين A و B :

$$E_A + E_{\text{مكتسبة}} - E_{\text{مقدمة}} = E_B$$

$$\cancel{E_{CA}} + W_{AB}(\vec{P}) = E_{CB} \Rightarrow W_{AB}(\vec{P}) = E_{CB}$$

ب- حساب الارتفاع h_1 :

اعتمادا على معادلة انحفاظ الطاقة السابقة:

$$\cancel{m} \cdot g \cdot h = \frac{1}{2} \cancel{m} \cdot v_B^2 \Rightarrow 2g \cdot h = v_B^2 \Rightarrow h_1 = \frac{v_B^2}{2g} \quad (0,5)$$

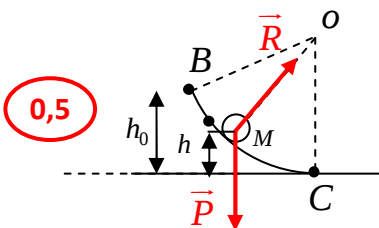
$$h_1 = \frac{10^2}{2 \times 10} = 5m \quad (0,5)$$

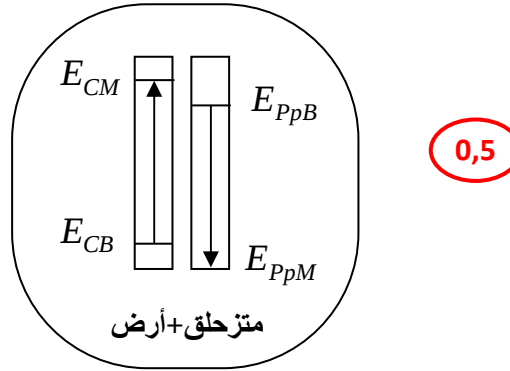
2- مخطط الحصلة الطاقوية:

- الجملة المدروسة: (متزلق S + أرض).

- مرجع الدراسة: سطحي أرضي نعتبره غاليلي.

- القوى الخارجية المؤثرة: قوة رد الفعل $\vec{R}$.





بتطبيق مبدأ انحفاظ الطاقة على الجملة (متحرك S + أرض) بين الموضعين B و M :

$$E_B + E_{\text{مكتسبة}} - E_{\text{مقدمة}} = E_M$$

$$E_{CB} + E_{PPB} = E_M + E_{PPM}$$

ب- عبارة الطاقة الحركية عند الموضع M :

اعتمادا على معادلة انحفاظ الطاقة السابقة:

$$\frac{1}{2} m \cdot v_B^2 + m \cdot g \cdot h_0 = E_C + m \cdot g \cdot h \Rightarrow \frac{1}{2} m \cdot v_B^2 + m \cdot g \cdot h_0 - m \cdot g \cdot h = E_C$$

$$m \left(\frac{1}{2} v_B^2 + g \cdot h_0 \right) - m \cdot g \cdot h = E_C \Rightarrow E_C = - m \cdot g \cdot h + m \left(\frac{1}{2} v_B^2 + g \cdot h_0 \right)$$

ج- قيمتي m و h_0 :

بيانيا:

المنحنى $E_C = f(h)$ هو مستقيم لا يشمل المبدأ معادلته من الشكل:

$$E_C = a h + b$$

من البيان:

$$a = \frac{(0 - 3,6) \times 10^3}{7,2 - 0} = -500$$

$$b = 3,6 \times 10^3$$

$$E_C = -500h + 3,6 \times 10^3$$

ومنه: نظريا ومن عبارة الطاقة الحركية السابقة:

$$E_C = - m \cdot g \cdot h + m \left(\frac{1}{2} v_B^2 + g \cdot h_0 \right)$$

بالمطابقة نجد:

$$- m \cdot g = a \Rightarrow - m \cdot g = - \frac{a}{g} = - \frac{-500}{10} = 50 \text{ kg}$$

$$m \left(\frac{1}{2} v_B^2 + g \cdot h_0 \right) = b \Rightarrow \frac{1}{2} v_B^2 + g \cdot h_0 = \frac{b}{m} \Rightarrow g \cdot h_0 = \frac{b}{m} - \frac{1}{2} v_B^2$$

$$h_0 = \frac{\frac{b}{m} - \frac{1}{2}v_B^2}{g} \Rightarrow h_0 = \frac{\frac{3,6 \times 10^3}{50} - \frac{1}{2}(10)^2}{10} = 2,2 \text{ m} \quad (0,5)$$

■ الطاقة الحركية للمتزلق في الموضع C وسرعته:

عند الموضع C يكون $h = 0$ بالإسقاط في البيان نجد: $E_{CC} = 3,6 \times 10^3 \text{ J}$ ، وحيث أن $E_{CC} = \frac{1}{2}m.v_C^2$ يكون:

$$v_C = \sqrt{\frac{2E_{CC}}{m}} \Rightarrow v_C = \sqrt{\frac{2 \times 3,6 \times 10^3}{50}} = 12 \text{ m/s}$$

3- نص مبدأ العطالة:

(0,5) يحافظ الجسم على سكونه أو حركته المستقيمة المنتظمة ما لم تتدخل قوة لتغيير حالته الحركية.

استنتج قيمة v_C :

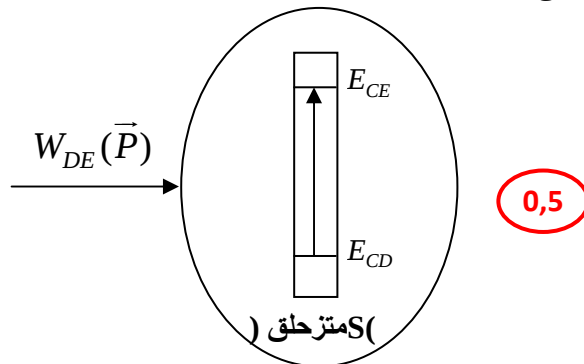
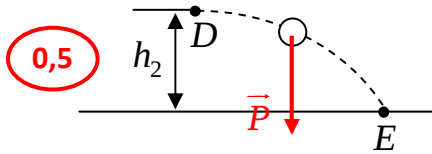
لا توجد أي قوة تغير من حالة المتزلق الحركية أثناء انتقاله من C إلى D، بالتالي يحافظ على سرعته التي اكتسبها عند الموضع C، فيكون $v_D = v_C = 12 \text{ m/s}$. (0,5)

4- الحصيلة الطاقوية للجملة (متزلق S) بين D و E:

- الجملة المدروسة: متزلق (S).

- مرجع الدراسة: سطحي أرضي نعتبره غاليلي.

- القوى الخارجية المؤثرة: الثقل $\vec{P}$.



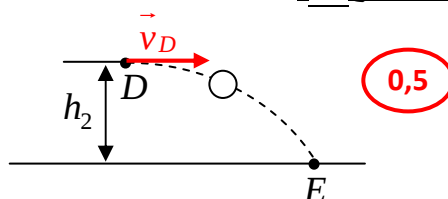
■ معادلة انحفاظ الطاقة:

(0,5) بتطبيق مبدأ انحفاظ الطاقة على الجملة (متزلق S) بين الموضعين D و E:

$$E_D + E_{\text{مكتسبة}} - E_{\text{مقدمة}} = E_E$$

$$E_{CD} + W_{DE}(\vec{P}) = E_{CE}$$

ب- تمثيل شعاع السعة عند الموضع D:



ج- حساب السرعة عند الموضع E :

اعتمادا على معادلة انحفاظ الطاقة السابقة:

$$\frac{1}{2} m.v_D^2 + m.g.h_2 = \frac{1}{2} m.v_E^2 \Rightarrow \frac{1}{2} \cancel{m}.v_D^2 + \cancel{m}.g.h_2 = \frac{1}{2} \cancel{m}.v_E^2$$

$$v_D^2 + 2g.h_2 = v_E^2 \Rightarrow v_E = \sqrt{v_D^2 + 2g.h_2} \quad (0,5)$$

$$v_E = \sqrt{12^2 + (2 \times 10 \times 2,6)} = 14 \text{ m/s} \quad (0,5)$$

التمرين الثاني: (8 نقاط)

1- شرح المصطلحات:

■ جسم صلب: جسم لا تتغير الأبعاد بين مختلف أجزائه. (0,5)

■ نابض مرن: يتشوه عندما يخضع إلى تأثير قوة خارجية ويعود إلى وضعه الأصلي عندما يزول تأثير هذه القوة. (0,5)

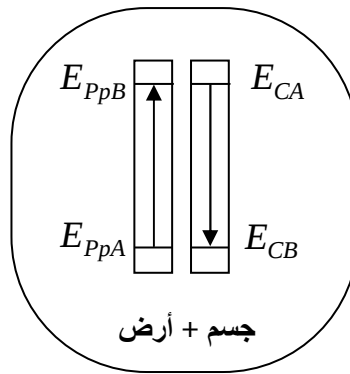
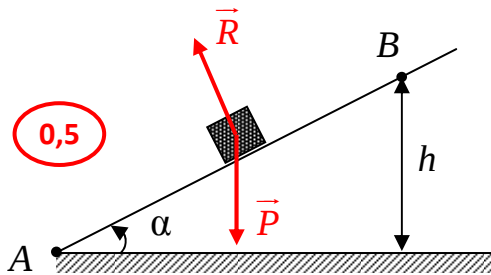
■ حلقاته غير متلاصقة: النابض قابل للانضغاط. (0,5)

2- الحصيلة الطاقوية بين الموضعين A و B :

- الجملة المدروسة: (جسم S + أرض).

- مرجع الدراسة: سطحي أرضي نعتبره غاليلي.

- القوة الخارجية المؤثرة: قوة رد الفعل $\vec{R}$.



ب- حساب v_B :

بتطبيق مبدأ انحفاظ الطاقة على الجملة (جسم S + أرض) بين الموضعين A و B :

$$E_A + E_{\text{مكتسبة}} - E_{\text{مقدمة}} = E_B \quad (0,5)$$

$$E_{CA} + \cancel{E_{PpA}} = E_{CB} + E_{PpB}$$

$$\frac{1}{2} \cancel{m}.v_A^2 = \frac{1}{2} \cancel{m}.v_B^2 + \cancel{m}.g.z_B$$

$$v_A^2 = v_B^2 + 2g.z_B$$

من الشكل: $\sin \alpha = \frac{z_B}{AB} \Rightarrow z_B = AB \cdot \sin \alpha$ ، ومنه:

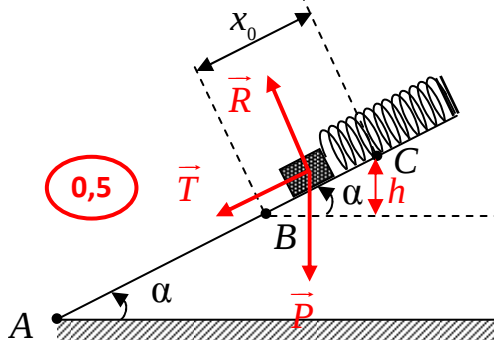
$$v_A^2 = v_B^2 + 2g \cdot AB \cdot \sin \alpha \Rightarrow v_B = \sqrt{v_A^2 - 2g \cdot AB \cdot \sin \alpha}$$

0,5

$$v_B = \sqrt{5^2 - (2 \times 10 \times 0,9 \times \sin 30)} = 4 \text{ m/s}$$

0,5

3-أ- تمثيل القوى وتصنيفها إلى داخلية وخارجية:

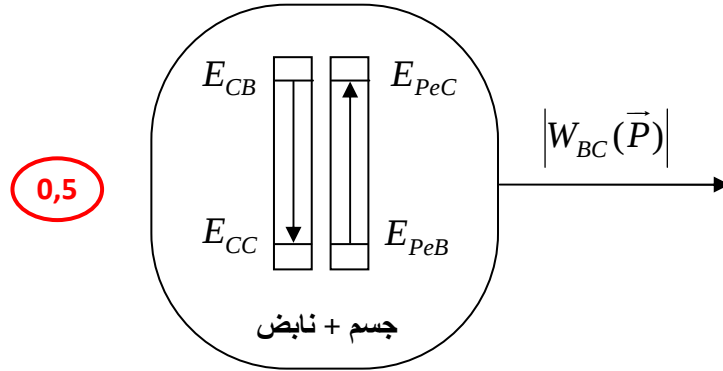


0,5

0,5

القوة	داخلية أم خارجية
قوة النقل $\vec{P}$	خارجية
قوة توتر النابض $\vec{T}$	داخلية
قوة رد الفعل $\vec{R}$	خارجية

ب- الحصيلة الطاقوية بين C و B :



0,5

■ معادلة انحفاظ الطاقة:

بتطبيق مبدأ انحفاظ الطاقة على الجملة (جسم + نابض) بين الموضعين B و C :

$$E_C + E_{\text{مكتسبة}} - E_{\text{مقدمة}} = E_C$$

$$E_{CB} + \cancel{E_{PeB}} - |W_{BC}(\vec{P})| = \cancel{E_{CC}} + E_{PeC} \Rightarrow E_{CB} - |W_{BC}(\vec{P})| = E_{PeC}$$

0,5

ج- قيمة x_0 :

اعتمادا على معادلة انحفاظ الطاقة:

$$\frac{1}{2} m \cdot v_B^2 - | -m \cdot g \cdot h | = \frac{1}{2} k \cdot x_0^2$$

$$\frac{1}{2} m \cdot v_B^2 - m \cdot g \cdot h = \frac{1}{2} k \cdot x_0^2$$

$$m \cdot v_B^2 - 2m \cdot g \cdot h = k \cdot x_0^2$$

من الشكل: $\sin \alpha = \frac{h}{x_0} \Rightarrow h = x_0 \cdot \sin \alpha$ ، ومنه:

$$m.v_B^2 - 2m.g.\sin \alpha.x_0 = k.x_0^2$$

$$k.x_0^2 + (2m.g.\sin \alpha).x_0 - m.v_B^2 = 0 \Rightarrow 40x_0^2 + (2 \times 0,2 \times 10 \times \sin 30^\circ).x_0 - (0,2 \times 4^2) = 0$$

$$40x_0^2 + 2x_0 - 3,2 = 0 \quad (0,5)$$

$$\Delta = 2^2 - (4 \times (40) \times (-3,2)) = 516 \Rightarrow \sqrt{\Delta} = 22,72$$

تقبل المعادلة حلين:

$$x_{01} = \frac{-2 + 22,72}{2 \times 40} = 0,26 \quad (\text{مقبول})$$

$$x_{01} = \frac{-2 - 22,72}{2 \times 40} = -0,31 \quad (\text{مرفوض})$$

$$(0,5) \quad \text{إذن: } x_0 = 0,26 \text{ m} = 26 \text{ cm}$$

- شدة القوة المرونية:

$$T = K.x_0 = 40 \times 0,26 = 10,4 \text{ N} \quad (0,5)$$