



ماي 2023

المستوى: الثانية علوم

المدة : ساعتان

اختبار الفصل الثالث في مادة الرياضيات

التمرين الأول: (06 ن)لتكن في معلم متعامد ومتجانس النقاط $A(-2,3)$ ، $B(-1,-2)$ ، $C(2;5)$ 1- أحسب الجداء السلمي $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{BC}$ 2- أحسب الطولين AB و BC .3- استنتج قيمة للزاوية $\widehat{ABC}$ مدوّرة إلى الوحدة.**التمرين الثاني: (04 ن)**1- تحقّق أنّ : $\frac{7\pi}{12} = \frac{\pi}{3} + \frac{\pi}{4}$ و $\frac{\pi}{12} = \frac{\pi}{3} - \frac{\pi}{4}$ 2- أ. أحسب $\sin \frac{7\pi}{12}$ و $\cos \frac{7\pi}{12}$ ب. أحسب $\sin \frac{\pi}{12}$ و $\cos \frac{\pi}{12}$ **التمرين الثالث: (4 ن)**المستوي منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$ ، ABC مثلث حيث $A(5,-2)$ ، $B(2,-1)$ ، $C(1,3)$.1- عيّن معادلة للارتفاع المار من A 2- عيّن معادلة محور القطعة المستقيمة $[AB]$ 3- عيّن معادلة الدائرة (C) التي قطرها $[BC]$ 4- عيّن معادلة لمماس الدائرة (C) في النقطة C .**التمرين الرابع: (6 ن)** (U_n) متتالية عددية معرفة على N^* بـ: $U_n = \frac{2}{5}n - 1$ 1- بيّن أنّ المتتالية (U_n) حسابية أساسها $\frac{2}{5}$ يطلب حدّها الأول U_1 2- أحسب كل من U_2 ، U_3 و U_4

3- عيّن رتبة الحدّ الذي قيمته 575

4- أحسب قيمة المجموع S حيث:

$$S = U_1 + U_2 + U_3 + \dots + U_{1440}$$

5- (V_n) المتتالية المعرفة على N^* كما يلي: $V_n = 4^{5n+1}$ أ/ بيّن أنّ (V_n) هندسية يطلب تعيين أساسها وحدّها الأول V_1 ب/ أحسب كل من V_2 ، V_3 ، V_4 ج/ أحسب بدلالة n المجموع : $S_n = V_1 + V_2 + \dots + V_n$ بالتوفيق

التصحيح النموذجي

العلامة		
	(1) حساب الجداء السلمي $\vec{AB} \cdot \vec{BC}$: $\vec{AB} \cdot \vec{BC} = -32$ (2) حساب الطولين AB و BC : $AB = \sqrt{26}$ و $BC = \sqrt{58}$ (3) استنتاج قيمة للزاوية $\widehat{ABC}$ مدوّرة إلى الوحدة: $\widehat{ABC} = 145^\circ$	التمرين 1
	1- التحقّق أنّ : $\frac{7\pi}{12} = \frac{\pi}{3} + \frac{\pi}{4}$ و $\frac{\pi}{12} = \frac{\pi}{3} - \frac{\pi}{4}$ 2- حساب $\sin \frac{7\pi}{12}$ و $\cos \frac{7\pi}{12}$: $\sin \frac{7\pi}{12} = \frac{\sqrt{2}-\sqrt{6}}{4}$ و $\cos \frac{7\pi}{12} = \frac{\sqrt{6}+\sqrt{2}}{4}$	التمرين 2
	(1) تعيين معادلة للارتفاع المار من A : $(AH): -x + 4y + 13 = 0$ (2) تعيين معادلة محور القطعة المستقيمة $[AB]$: $(\Delta): -3x + y + 12 = 0$ (3) تعيين معادلة الدائرة (C) التي قطرها $[BC]$: $(C): x^2 + y^2 - 3x - 2y - 1 = 0$ (4) تعيين معادلة لمماس الدائرة (C) في النقطة C : $(T): -x + 4y - 11 = 0$	التمرين 3
	نبيّن أنّ المتتالية (U_n) حسابية : $U_{n+1} - U_n = \frac{2}{5}$ ومنه المتتالية (U_n) حسابية أساسها $\frac{2}{5}$ وحدها الأول $U_1 = -\frac{3}{5}$ (2) حساب كل من U_2, U_3, U_4 : $U_2 = -\frac{1}{5}$ و $U_3 = \frac{1}{5}$ و $U_4 = \frac{3}{5}$ (3) رتبة الحدّ الذي قيمته 575 هي : 1440	التمرين 4

4) حساب قيمة المجموع: $S = 413568$

5) - تبيان أنّ (V_n) متتالية هندسية:

$$V_{n+1} = 4^5 V_n$$

ومنه (V_n) متتالية هندسية أساسها $q = 4^5$ وحدها الأول $V_1 = 4^6$

ب- حساب كل من V_2, V_3, V_4 :

$$V_2 = 4^{11} \quad \text{و} \quad V_3 = 4^{16} \quad \text{و} \quad V_4 = 4^{21}$$

ج- حساب بدلالة n المجموع S_n :

$$S_n = 4^6 \frac{4^{5n} - 1}{4^5 - 1}$$