

الفرض الأول للثلاثي الثاني لمادة الرياضيات

التمرين الأول : (06 ٪)

أ) احسب النهايات التالية :

$$(1) \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{-2x^2 + 3x + 1}{5x + 2} \quad (02 \text{ ٪})$$

$$(2) \lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 + 3x - 10}{x - 2} \quad (02 \text{ ٪})$$

$$(3) \lim_{x \rightarrow -1} \frac{x^3 + 4x + 5}{x^2 + 2x + 1} \quad (1.5 \text{ ٪})$$

ب) فسّر بيانيا ما يلي :

$$(1) \lim_{x \rightarrow \frac{3}{2}} f(x) = -\infty \quad (1.5 \text{ ٪})$$

$$(2) \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) - 2x = -2 \quad (02 \text{ ٪})$$

ج) f الدالة المعرفة على $\mathbb{R} - 2$ بـ: $f(x) = \frac{2x^2 - 5x - 1}{x - 2}$ (02 ٪)

بين ان المستقيم D ذو المعادلة $y = 2x - 1$ مقارب مائل لمنحنى الدالة f بجوار $+\infty$ و $-\infty$

التمرين الثاني : (09 ٪)

المستوي منسوب الى المعلم المتعامد المتجانس $O; \vec{i}, \vec{j}$

نعتبر القطر $A(2;3)$ ، $B(-2;1)$ ، $C(5;0)$ و F, E القطبتين من المستوي بحيث :

$$\vec{EA} + 2\vec{EC} = \vec{0} \quad \text{و} \quad \vec{AF} = \frac{3}{4}\vec{AB}$$

(1) بين ان النقطة F هي مرجح للقطبتين A, B بمعاملين يطلب تعيينهما (02 ٪)

(2) انشئ القطبتين E و F (مع توضيح خطوط الانشاء) (02 ٪)

(3) نسمي G مرجح الجملة $\{(A;1), (B;3), (C;2)\}$. بين ان G هي تقاطع المستقيمين (BE) و (CF) (02 ٪)

(4) احسب احداثيا النقطة G (01 ٪)

(5) عين ثم انشئ بدقة مجموعة النقاط M من المستوي التي تحقق :

$$(02 \text{ ٪}) \dots\dots\dots \|\vec{AM} + 3\vec{BM} + 2\vec{CM}\| = 12\|\vec{AM} - \vec{CM}\|$$

انتهى.

أستاذ المادة: خيار هلال