

الفصل الثاني للفصل الثاني

كثرياً

I لتكن g دالة معرفة على $\mathbb{R}$ بـ

$$g(x) = x^3 + 3x + 4$$

1- تحقق أن: $g(x) = (x+1)(x^2 - x + 4)$

2- ادرس إشارة $g(x)$

II f دالة معرفة على $\mathbb{R}$ كما يلي

$$f(x) = \frac{2x^3 + x^2 - 3}{x^2 + 1}$$

1- احسب نهايات الدالة f عند أطراف مجموعة تعريفها

2- أثبت أنه من أجل كل عدد حقيقي x فإن

$$f'(x) = \frac{2x^2 g(x)}{(x^2 + 1)^2}$$

ب) ادرس إشارة $f'(x)$ ثم شغل جدول التغيرات

3- أوجد الأعداد a, b, c, d بحيث:

$$f(x) = ax + b + \frac{cx + d}{x^2 + 1}$$

4- بين أن $(f <)$ يقبل مستقيماً مغالياً ما لا (D) يطلب إعطاء معادته

ثم ادرس وضحية (C) بالنسبة إلى (A)

5- اكتب معادلة المماس (D) عند النقطة ذات الإحداثيات -1-

6- احسب $f(1)$ ثم ارسم (A), (D), و (C)

7- ناقش بياناً قيم الوسيط الحقيقي m عدد وإشارته طول

$$f(x) = m$$