

فرض الثلاثي الثالث في مادة الرياضيات

المدة : ساعتين

المستوى: 2

التمرين الأول:

المستوي المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$.

ليكن (D) مستقيم معادلته: $3x + 3y - 5 = 0$.

(1) أكتب معادلة المستقيم (Δ) الذي يشمل النقطة $A(-1; 2)$ وعمودي على (D) .

(2) عين احداثيتي النقطة B نقطة تقاطع المستقيمين (D) و (Δ) .

(3) عين مجموعة النقط $M(x; y)$ من المستوي التي تحقق: $\overrightarrow{MA} \cdot \overrightarrow{MB} = AB$.

التمرين الثاني:

ليكن ABC مثلثا بحيث: $BC = 3cm$ و $AC = 2cm$ و $AB = \sqrt{7} cm$ وليكن I منتصف القطعة $[BC]$.

I. (1) باستعمال مبرهنة الكاشي أحسب: $\cos(\hat{BAC})$.

(2) أثبت أن: $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AC} = 1$.

(3) أحسب AI .

II. نعتبر النقطة M بحيث: $\overrightarrow{AM} = \frac{1}{3}\overrightarrow{AB} + \frac{1}{6}\overrightarrow{AC}$.

(1) أحسب $\overrightarrow{AM} \cdot \overrightarrow{AC}$.

(2) بين ان: $\overrightarrow{MB} \cdot \overrightarrow{AC} = 0$. ماذا تستنتج بالنسبة للمستقيمين (MB) و (AC) .

التمرين الثالث:

لتكن المتتالية (u_n) المعرفة على $\mathbb{N}$ كمايلي: $u_0 = 1$ و $u_1 = 2$ و $u_{n+2} = \frac{3}{2}u_{n+1} - \frac{1}{2}u_n$

و المتتالية (V_n) المعرفة بـ: $V_n = u_{n+1} - u_n$.

(1) أحسب V_0 و V_1 .

(2) أثبت أن (V_n) متتالية هندسية أساسها $q = \frac{1}{2}$.

(3) عبر (V_n) عن n بدلالة.

(4) احسب المجموع: $S_n = V_0 + V_1 + V_2 + \dots + V_{n-1}$.

(5) أحسب $\lim (S_n)$.