

الفرض الثاني في مادة الرياضيات

المدة : 01 سا

المستوى : 2 تسيير و اقتصاد 1

التمرين الأول:

f دالة معرفة على $\mathbb{R}$ بـ: $f(x) = x^2 + 4x + 3$ وليكن (C_f) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$.

1. تحقق أنه من أجل كل x من $\mathbb{R}$: $f(x) = (x + 2)^2 - 1$.
2. عيّن صور الأعداد -1 ، 2 بالدالة f .
3. أوجد السوابق الممكنة للعدد 3.
4. أثبت أن المستقيم $x = -2$ هو محور تناظر لـ (C_f) .
5. عيّن إحداثيات نقط تقاطع (C_f) مع محوري الإحداثيات.
6. اشرح كيفية إنشاء (C_f) انطلاقاً من التمثيل البياني للدالة مربع ثم أنشئه.
7. g دالة معرفة على $\mathbb{R}$ بـ: $g(x) = |f(x)|$. مثل بيانها (C_g) في نفس المعلم السابق.

التمرين الثاني:

الأسئلة التالية مستقلة عن بعضها البعض، اختر الإجابة الصحيحة الوحيدة مع التبرير:

1. f دالة معرفة على $\mathbb{R} - \{\frac{1}{3}\}$ بـ: $f(x) = \frac{x^2 + x}{3x - 1}$. دالتها المشتقة هي:

$$f'(x) = \frac{2x + 1}{3} \quad ; \quad f'(x) = \frac{3x^2 - 2x - 1}{(3x - 1)^2} \quad ; \quad f'(x) = \frac{3x^2 + 4x - 1}{(3x - 1)^2} .$$
2. إذا كان $f(x) = \frac{1}{x}$ و $g(x) = 2x$ فإن $(g \circ f)(x)$ هي:

$$\frac{2}{x} \quad ; \quad \frac{1}{2x} \quad ; \quad \frac{2x}{x} .$$
3. إذا كان $g(x) = f(x + 1)$ فإن (C_g) هو صورة (C_f) بانسحاب شعاعه $\vec{u}$ هو:

$$\vec{u} \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix} \quad ; \quad \vec{u} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix} \quad ; \quad \vec{u} \begin{pmatrix} -1 \\ 0 \end{pmatrix} .$$