

اختبار مادة الرياضيات الفصل الثاني

التمرين الأول :

$A(x)$ و $B(x)$ عبارتان جبريتان حيث:

$$A(x) = x^2 + 4x - 5 \text{ و } B(x) = (x+5)(2x+6) - x^2 - 4x + 5$$

1. حل المعادلة $A(x) = 0$ ، ثم استنتج تحليلاً للعبارة $A(x)$.

2. دون نشر العبارة $B(x)$ ، بيّن أنّ $B(x) = (x+5)(x+7)$.

3. لتكن العبارة $C(x)$ حيث $C(x) = \frac{B(x)}{x+3}$.

أ. عيّن القيم الممنوعة للعبارة $C(x)$.

ب. حل المعادلة $C(x) = 0$.

ج. ادرس إشارة العبارة $C(x)$ ، ثم استنتج حلول المتراجحة $C(x) \geq 0$.

التمرين الثاني :

➤ (C) هي الدائرة المثلثية المرفقة بالمعلم المتعامد والمتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$

ذات المركز O ونصف قطرها 2cm

① حول إلى الراديان قيس الزاوية : 36° وإلى الدرجة قيس الزاوية : $\frac{3\pi}{4} \text{ rad}$

② لتكن النقطتين A و B التي صورتها : $\frac{2023\pi}{3}$ و $\frac{-1445\pi}{4}$ على الترتيب

أ. ضع على الدائرة المثلثية (C) النقطتين السابقتين مع الشرح والدقة في الرسم

ب. احسب القيم المضبوطة لجيب و جيب تمام القيمتين السابقتين

③ x عنصر من $[\frac{\pi}{2}; \pi]$ حيث : $\sin x = \frac{2}{3}$ ، احسب $\cos x$ ثم استنتج $\tan x$

④ لتكن العبارة $E(x)$ المعرفة بـ : $E(x) = \cos^2 x - \sin^2 x$

أ. بيّن أنّه من أجل كل عدد حقيقي x : $E(x) = 2 \cos^2 x - 1$

ب. حل في المجال $]0; \frac{\pi}{2}[$ المعادلة : $E(x) = 0$



التمرين الثالث :

✍ (O; $\vec{i}$, $\vec{j}$) معلم متعامد ومتجانس للمستوي

① علم النقط A ، B ، C حيث : $A(-2;2)$ ، $\vec{OB} = 3\vec{i} + 5\vec{j}$ ، $\vec{AC} \begin{pmatrix} 6 \\ -2 \end{pmatrix}$

② عين احداثي النقطة D حتى يكون الرباعي ABCD متوازي أضلاع

③ النقطة M منتصف [BC] ، والنقطة N تحقق $3\vec{CN} = \vec{CA}$

أ- عين احداثي النقطتين M ، N

ب- بين أن النقط D ، M ، N في استقامة

④ اكتب معادلة للمستقيم (Δ) الذي يشمل النقطة B ويوازي المستقيم (AC)

⑤ تحقق من أن $y = \frac{3}{5}x - \frac{12}{5}$ هي معادلة للمستقيم (CD)

⑥ احسب احداثي E نقطة تقاطع (Δ) و (CD)

⑦ لتكن F(2;4) احسب أطوال أضلاع المثلث ACF ، واستنتج نوعه

التمرين الرابع :

لتكن f الدالة العددية المعرفة بـ $f(x) = \frac{x-7}{\sqrt{x+2}+3}$

(C_f) تمثيلها البياني في معلم متعامد ومتجانس ($O; \vec{i}, \vec{j}$)

1. عين D_f مجموعة تعريف الدالة f .

2. احسب صور الأعداد -2 ، -1 ، 2 و 7 بالدالة f .

3. بين أنه من أجل كل x من D_f فإن: $f(x) = \sqrt{x+2} - 3$.

4. ادرس اتجاه تغير الدالة f على $[-2; +\infty[$ ثم شكّل جدول تغيراتها.

5. أ. اشرح كيفية إنشاء (C_f) انطلاقاً من منحنى الدالة جذر تربيعي ثم أنشئ (C_f).

ب. حل في المجال $[-2; +\infty[$ بياناً ما يلي: $f(x) = -2$ ، $f(x) \geq -1$ ، $f(x) + x + 3 < 0$.

The only way to learn mathematics
is to do mathematics.

KAMEL BOUKAHOUL