



المستوى: الأولى جذع مشترك علوم و تكنولوجيا ماي 2024

اختبار الفصل الثالث في مادة الرياضيات المدة : ساعتين

التمرين الأول (3 ن):

أجب على كل سؤال مما يلي بصحيح أو خطأ مع تبرير الجواب في كل حالة:

(1) $A(x) = \alpha x^2 - x - 1$ حيث $\alpha \in \mathbb{R}$

إذا كان $\alpha > -\frac{1}{4}$ فإن المعادلة $A(x) = 0$ لا تقبل حلول في $\mathbb{R}$.

(2) المتراجحة $\frac{x-3}{x-1} \geq \frac{2}{3}$ تكافئ $3(x-3) \geq 2(x-1)$.

(3) حلول المتراجحة $(2-x)(x+1) \geq 0$ هي: $]-\infty; 1] \cup [2; +\infty[$.

التمرين الثاني (10 ن):الجزء الأول: ليكن x المتغير حقيقي، $A(x)$ عبارة جبرية حيث:

$$A(x) = x^2 + 3x - 4$$

(1) حل في $\square$ المعادلة: $A(x) = 0$.

(2) أكتب $A(x)$ على الشكل النموذجي.

(3) حل $A(x)$ إلى جداء عوامل من الدرجة الأولى بطريقتين مختلفتين.

(4) أدرس إشارة $A(x)$ ثم حل في $\square$ المتراجحة $A(x) > 0$.

الجزء الثاني: $B(x)$ عبارة جبرية حيث:

$$B(x) = (2x - 3)^2 + (x + 2)(3x^2 - 5x + 1) - x(x^2 + 2x - 4) + 1$$

(1) أنشر وبسط $B(x)$.

(2) بين أنه من أجل كل عدد حقيقي x : $B(x) = (2x - 3)A(x)$.

(3) باستعمال الصيغة المناسبة حل في $\square$ المعادلتين: $E(x) = 0$ و $E(x) = 12$.

الجزء الثالث: $P(x)$ عبارة جبرية للمتغير الحقيقي x حيث: $P(x) = \frac{B(x)}{A(x)(x-1)}$

(1) عين القيم الممنوعة لـ $P(x)$ ثم اختزل $P(x)$.

(2) حل في $\square$ المتراجحة $P(x) \geq 0$.

التمرين الثالث (7 ن):

- نرمي حجر نرد يحمل الأرقام :

1 ; 3 ; 2 ; 5 ; 4 ; 5 ; 3 ; 3 ; 6 ; 4 ; 4 ; 3 ; 2 ; 1 ; 3 ; 6 ; 5 ; 6 ; 3 ; 2 ; 1 ; 2 ; 3 ; 5 ; 6

(1) لخص نتائج هذه السلسلة في جدول تكراري تبين فيه : القيم - التكرار - التواتر - التكرار المجمع الصاعد - التكرار المجمع النازل - التواتر المجمع الصاعد - التواتر المجمع النازل.

(2) عين كل من المنوال, الوسيط, الوسط الحسابي, المدى لهذه السلسلة.

(3) مثل هذه السلسلة بالأعمدة البيانية ثم أنشئ المضلع التكراري.

بالتوفيق

التصحيح النموذجي

العلامة													
		التمرين الأول (3 ن): (1) خطأ إذا كان $\alpha > -\frac{1}{4}$ فإن المعادلة $A(x) = 0$ تقبل حلين متمايزين (2) خطأ من أجل $x < 1$ فإن المتراجحة $\frac{x-3}{x-1} \geq \frac{2}{3}$ تكافئ $3(x-3) \geq 2(x-1)$ (3) خطأ حلول المتراجحة $(2-x)(x+1) \geq 0$ هي : $[-1; 2]$ التمرين الثاني (10 ن): (1) حل في $\square$ المعادلة : $A(x) = 0$. $S = \{ 1 ; -4 \}$ (2) $A(x)$ على الشكل النموذجي. $A(x) = (x - \frac{3}{2})^2 - \frac{25}{4}$ (3) تحليل $A(x)$ إلى جداء عوامل أولية من الدرجة الأولى بطريقتين مختلفتين. $A(x) = (x - 1)(x + 4)$ (4) إشارة $A(x)$ ثم حلول في $\square$ المتراجحة $A(x) > 0$ <table><tr><td>x</td><td>$-\infty$</td><td>-4</td><td>1</td><td>$+\infty$</td></tr><tr><td>$A(x)$</td><td>$+$</td><td>0</td><td>$-$</td><td>$+$</td></tr></table> $S =] - \infty ; -4 [\cup] 1 ; + \infty [$ الجزء الثاني: (1) نشر وتبسيط $B(x)$. $B(x) = 2x^3 + 3x^2 - 17x + 12$ (2) نبين أنه من أجل كل عدد حقيقي $x : B(x) = (2x - 3)A(x)$.. (3) باستعمال الصيغة المناسبة حل في $\mathbb{R}$ المعادلتين : $E(x) = 0$ حلول المعادلة	x	$-\infty$	-4	1	$+\infty$	$A(x)$	$+$	0	$-$	$+$	التمرين 1
x	$-\infty$	-4	1	$+\infty$									
$A(x)$	$+$	0	$-$	$+$									

$$S = \left\{ -4 ; 1 ; \frac{3}{2} \right\}$$

حلول المعادلة $E(x) = 12$

$$S = \left\{ 0 ; \frac{-3+\sqrt{145}}{4} ; \frac{-3-\sqrt{145}}{4} \right\}$$

الجزء الثالث: $P(x)$

(1) القيم الممنوعة لـ $P(x)$ هي -4 و 1

اختزال $P(x)$:

من أجل $x \neq -4$ و $x \neq 1$ فإن $P(x) = \frac{2x-3}{x-1}$

(2) حلول في $\mathbb{R}$ المتراجحة $P(x) \geq 0$ هي:

$$S =]-\infty; -4] \cup]-4; 1[\cup \left[\frac{3}{2}; +\infty[$$

التمرين الثالث (7 ن):

القيم	1	2	3	4	5	6
التكرار	3	4	7	3	4	4
التواتر	$\frac{3}{25}$	$\frac{4}{25}$	$\frac{7}{25}$	$\frac{3}{25}$	$\frac{4}{25}$	$\frac{4}{25}$
التكرار م ص	3	7	14	17	21	25
التكرار م ص	25	22	18	11	8	4
التواتر م ص	$\frac{3}{25}$	$\frac{7}{25}$	$\frac{14}{25}$	$\frac{17}{25}$	$\frac{21}{25}$	$\frac{25}{25}$
التواتر م ن	$\frac{25}{25}$	$\frac{18}{25}$	$\frac{11}{25}$	$\frac{8}{25}$	$\frac{4}{25}$	$\frac{4}{25}$

(2) تعيين كل من المنوال، الوسيط، الوسط الحسابي، المدى لهذه السلسلة :

$$\text{Mod}=3 \quad \text{Med}=3 \quad L=5 \quad \bar{X} = \frac{88}{25}$$

(3) الأعمدة البيانية و المضلع التكراري