

التمرين الأول: أجب بـ "صحيح" أو "خطأ" مع التبرير:

1. أصغر مجموعة ينتمي إليها العدد $\sqrt{(3-\pi)^2} + |\sqrt{2}-2| + |1+\sqrt{2}|$ هي: $\mathbb{N}$

2. العدد 437 عدد أولي.

3. الكتابة الكسرية للعدد 1.212 هي: $\frac{1211}{999}$

4. رتبة مقدار العدد $\frac{2^5 \times 6^3 \times 3^8}{15^2 \times 12^3}$ هي: 1.1664×10^{-2}

5. $PGCD(3528; 14553) = 3^2 \times 7^2 \times 5$

6. الدالة المعرفة على $]-4; 4[$ بـ $h(x) = \frac{3x}{|x|-4}$ زوجية.

7. الدالة f المعرفة على $\mathbb{R}$ بـ $f(x) = -2x - 4$ متزايدة تماما .

التمرين الثاني:

1. x و y و z أعداد حقيقية حيث: $-3 \leq x \leq -2$ و $4 \leq y \leq 5$ و $6 \leq z \leq 7$

▪ عين حصرا للعدد $\sqrt{\frac{x+5y+z}{y-3x}}$:

▪ مثل على نفس المستقيم العددي كل من المجالين $I = [0; 8[$ و $J = [-2; +\infty[$

✓ عين $I \cup J$ و $I \cap J$

2. أكمل الجدول التالي:

الحصر	المجال	المسافة	القيمة المطلقة	نصف القطر r	المركز c
	$x \in [-6; \dots]$				-2
	$x \in]\dots; 7[$			4	

3.

▪ حل في $\mathbb{R}$ المعادلة التالية: $|x-5| = 10$

▪ استنتج حل في $\mathbb{R}$ المتراجحة التالية: $|x-5| > 10$

التمرين الثالث:

I. دالة وجدول تغيراتها معطى كالآتي :

x	..	..	..	0	2	4	5
$h(x)$	..	..		3	0	-3	-1

1. أكمل جدول تغيرات الدالة h بفرض أنها دالة زوجية .

2. اسم تمثيل البياني لدالة h انطلاقا من جدول تغيرات .

II. الشكل الموجود أسفله التمثيل بياني لدالة f ، بقراءة بيانية:

أجب عن أسئلة التالية :

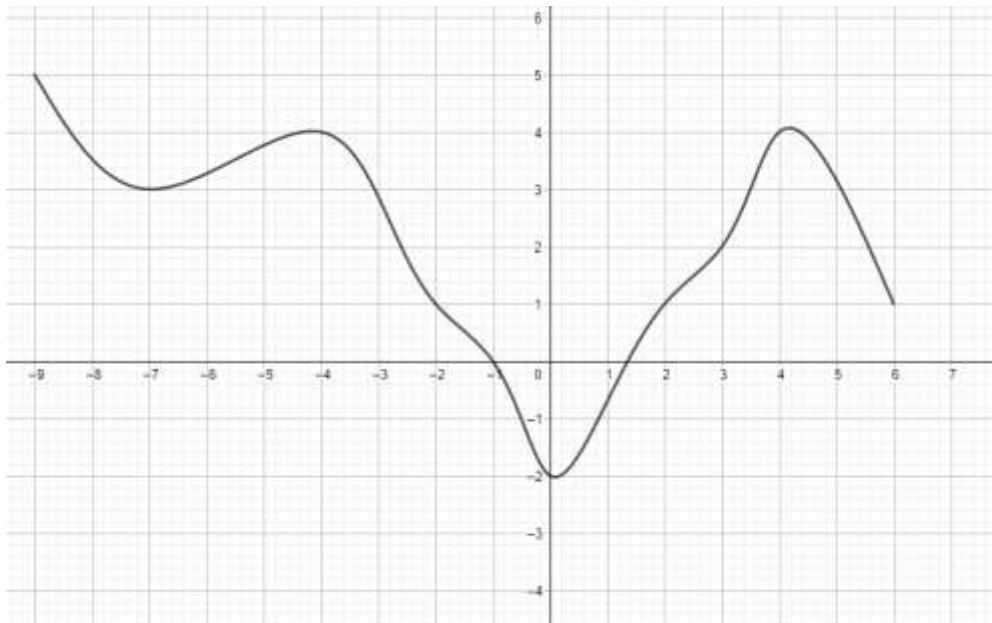
1. عين D_f مجموعة تعريفها

2. أكمل الجدول التالي :

x	4		0		3	
$f(x)$		1		4		-2

3. عين القيم الحدية للدالة f و عند أي قيمة للعدد x تبلغها

4. حدد تغيرات الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها.



﴿ بالتوفيق للجميع ﴾

التمرين الأول:

07ن

1. أصغر مجموعة ينتمي إليها العدد : 01

$$\mathbb{N} : \sqrt{(3-\pi)^2} + |\sqrt{2}-2| + |1+\sqrt{2}|$$

خطأ

$$\sqrt{(3-\pi)^2} = |3-\pi| = \pi-3 \text{ ومنه } 3-\pi < 0 \text{ لدينا}$$

$$|\sqrt{2}-2| = 2-\sqrt{2} \text{ ومنه } \sqrt{2}-2 > 0 \text{ لدينا}$$

$$|1+\sqrt{2}| = 1+\sqrt{2} \text{ ومنه } 1+\sqrt{2} > 0 \text{ لدينا}$$

$$E = \pi-3+2-\sqrt{2}+1+\sqrt{2} = \pi \text{ ومنه}$$

2. العدد 437 عدد أولي. خطأ 01

هل يقبل القسمة على	2	3	5	7	11	13	17	19
الاجابة	لا	لا	لا	لا	لا	لا	لا	نعم
حاصل القسمة	218	145	87	62	39	33	25	23

بما أن باقي قسمة 437 على 19 معدوم فإن 437 ليس أولي

3. الكتابة الكسرية للعدد 1.212 هي : $\frac{1211}{999}$ صح

01

$$\alpha = 1.212$$

$$\alpha = 1 + 0,212 \dots \text{ نضع } x = 0,212 \dots \text{ ومنه}$$

$$\alpha = 1 + x$$

$$\text{نضرب } x \text{ في } 10^3 \text{ ومنه } 1000x = 212,212 \dots \text{ أي}$$

$$1000x = 212 + x \text{ إذن } x = \frac{212}{999}$$

$$\alpha = 1 + \frac{212}{999} \text{ أي } \alpha = \frac{1211}{999}$$

4. رتبة مقدار العدد $\frac{2^5 \times 6^3 \times 3^8}{15^2 \times 12^3}$ هي : 1.1664×10^{-2} خطأ

01

$$\frac{2^5 \times 6^3 \times 3^8}{15^2 \times 12^3} = \frac{2^5 \times 3^3 \times 2^3 \times 3^8}{5^2 \times 3^2 \times 3^3 \times 2^6} = \frac{2^2 \times 3^6}{5^2} = 1.1664 \times 10^2$$

ومنه رتبة مقدار هي 10^2

$$PGCD(3528;14553) = 3^2 \times 7^2 \times 5.5 \text{ خطأ}$$

$$01 \quad 3528 = 2^3 \times 3^2 \times 7^2 ; 14553 = 3^3 \times 7^2 \times 11$$

$$PGCD(3528;14553) = 3^2 \times 7^2 = 441$$

$$6. \text{ الدالة } h \text{ المعرفة على }]-4;4[\text{ بـ } h(x) = \frac{3x}{|x|-4} \text{ زوجية.}$$

$$\text{لدينا }]-4;4[\text{ متناظر بالنسبة لـ } 0$$

$$01 \quad h(-x) = \frac{3(-x)}{|-x|-4} = -\frac{3x}{|x|-4} = -h(x)$$

ومنه دالة فردية

$$7. \text{ الدالة } f \text{ المعرفة على } \mathbb{R} \text{ بـ } f(x) = -2x - 4 \text{ متزايدة تماما}$$

خطأ

$$\text{نفرض } a \text{ و } b \text{ من } \mathbb{R} \text{ حيث } a < b \text{ يكافئ } -2a > -2b$$

$$01 \quad \text{يكافئ } -2a - 4 > -2b - 4 \text{ ومنه } f(a) > f(b) \text{ ومنه } f \text{ متناقصة تماما على } \mathbb{R}$$

التمرين الثاني : 06ن

$$1. \quad x \text{ و } y \text{ و } z \text{ أعداد حقيقية حيث : } -3 \leq x \leq -2 \text{ و}$$

$$4 \leq y \leq 5 \text{ و } 6 \leq z \leq 7$$

$$01.5 \quad \text{عين حصرا للعدد } \sqrt{\frac{x+5y+z}{y-3x}}$$

$$(أ) \text{ حصر } x+5y+z$$

$$\text{لدينا } \begin{cases} -3 \leq x \leq -2 \\ 4 \leq y \leq 5 \\ 6 \leq z \leq 7 \end{cases} \text{ ومنه } \begin{cases} -3 \leq x \leq -2 \\ 20 \leq 5y \leq 25 \\ 6 \leq z \leq 7 \end{cases} \text{ بجمع متباينتين (1) و (2)}$$

$$\text{و (3) نجد : } 23 < x+5y+z < 30 \dots (I)$$

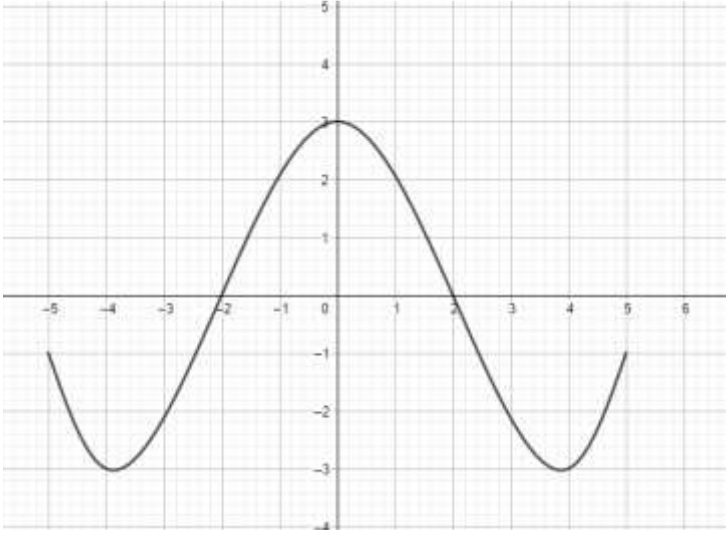
$$(ب) \text{ حصر } \frac{1}{y-3x}$$

$$\text{لدينا } \begin{cases} -3 \leq x \leq -2 \\ 4 \leq y \leq 5 \end{cases} \text{ نضرب متباينة (1) في -3 نجد :}$$

$$\begin{cases} 6 < -3x < 9 \dots (3) \\ 4 < y < 5 \dots (2) \end{cases}$$

$$\text{بجمع متباينتين (3) و (2) نجد : } 10 < y-3x < 14$$

$$\text{المقلوب (II) } \frac{1}{14} < \frac{1}{y-3x} < \frac{1}{10} \dots$$



الشكل الموجود أسفله التمثيل بياني لدالة f ، بقراءة بيانية:

أجب عن أسئلة التالية :

1. مجموعة تعريف هي $D_f = [-9; 6]$ **0.5**

2. أكمل الجدول التالي : **01.5**

x	-4	2 ; -2 ; 6	0	-4 ; 4	3	0
$f(x)$	4	1	-2	4	2	-2

3. القيم الحدية للدالة f كبرى وهي 5 عند $x = -9$

وضغرى هي -2 عند $x = 0$ **01**

4. تغيرات الدالة f

f متناقصة تماما على $[-9; -7]$

f متزايدة تماما على $[-7; -4]$

f متناقصة تماما على $[-4; 0]$

0.75

f متزايدة تماما على $[0; 4]$

f متناقصة تماما على $[4; 6]$

0.75

جدول تغيرات

x	-9	-7	-4	0	4	6
$f(x)$	5	3	4	-2	4	1

$$\frac{23}{14} < \frac{x+5y+z}{y-3x} < \frac{30}{10} \text{ نجد (I) و (II)}$$

$$\sqrt{\frac{23}{14}} < \sqrt{\frac{x+5y+z}{y-3x}} < \sqrt{3} \text{ الجذر}$$

2. مثل على نفس المستقيم العددي كل من المجالين

$$I = [0; 8[\text{ و } J = [-2; +\infty[\text{ **0.5** }$$

01

$$I \cap J = [0; 8[$$

$$I \cup J = [-2; +\infty[$$

01.5

أكمل الجدول التالي:

المركز C	r	القيمة المطلقة	المسافة	المجال	الحصر
-2	4	$ x+2 \leq 4$	$d(x; -2) \leq 4$	$x \in [-6; 2]$	$-6 \leq x \leq 2$
3	4	$ x-3 \leq 4$	$d(x; 3) \leq 4$	$x \in [-1; 7]$	$-1 \leq x \leq 7$

1) لدينا $a = c - r = -6$ و $c = -2$ ومنه $-2 - r = -6$

إذن $r = 4$ و فإن $b = c + r = 2$

2) لدينا $b = c + r = 7$ و $r = 4$ ومنه $c + 4 = 7$

إذن $c = 3$ و فإن $a = c - r = -1$

3. حل في $\mathbb{R}$ المعادلة $|x - 5| = 10$

01

نضع A فاصلتها 5 و M فاصلتها x

$$|x - 5| = 10 \text{ تكافئ } AM = 10$$

ومنه حلول المعادلة هي $S = \{-5; 14\}$

ومنه حلول المتراجحة هي $S =]-\infty; -5[\cup]15; +\infty[$

0.5

07

التمرين الثالث :

01.5

1. اكمال الجدول

x	-5	-4	-2	0	2	4	5
$h(x)$	-1	-3	3	-3	-1	-3	-1