

**إختبار الثلاثي الثالث في مادة الرياضيات**

**التمرين الأول: (08 نقاط)**

(I) لتكن  $P(x)$  العبارة الجبرية للمتغير الحقيقي  $x$  و  $\alpha$  عدد حقيقي حيث :

$$P(x) = (\alpha - 1)x^2 + \frac{1}{2}\alpha x + \alpha - 4$$

- عين قيمة  $\alpha$  التي من أجلها تكون المعادلة  $P(x) = 0$  من الدرجة الأولى ثم حل في  $\mathbb{R}$  هذه المعادلة من أجل هذه القيمة .

(II) فيما يلي نعتبر  $\alpha = 2$  أي :  $P(x) = x^2 + x - 2$

(1) أكتب  $P(x)$  على الشكل النموذجي .

(2) حل في  $\mathbb{R}$  المعادلة  $P(x) = 0$  ، ثم استنتج تحليلا لـ  $P(x)$  .

(3) شكل جدول الإشارة لـ  $P(x)$  ، ثم استنتج حلول المتراجحة :  $P(x) \geq 0$  .

(III) لتكن  $Q(x)$  عبارة جبرية للمتغير الحقيقي  $x$  معرفة كما يلي :  $Q(x) = \frac{(x-2)(3x+1)}{P(x)}$

(1) عين القيم الممنوعة للعبارة  $Q(x)$  .

(2) حل في  $\mathbb{R}$  المعادلة  $Q(x) = 0$

(3) أدرس إشارة  $Q(x)$  ثم استنتج حلول المتراجحة :  $Q(x) < 0$  .

**التمرين الثاني: (06 نقاط)**

لتكن الدالة العددية  $f$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  كما يلي :  $f(x) = x^2 - 4x + 3$

و ليكن  $(C_f)$  تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى معلم متعامد متجانس  $(0; \vec{i}; \vec{j})$

(1) بين أنه من أجل كل  $x$  من  $\mathbb{R}$  فإن :  $f(x) = (x + a)^2 + b$  حيث أن  $a$  و  $b$  عددان حقيقيان يطلب تعيينهما .

(2) نضع :  $a = -2$  و  $b = -1$  .

(أ) أدرس تغيرات الدالة  $f$  على المجالين  $]-\infty; 2]$  و  $[2; +\infty[$  .

(ب) شكل جدول تغيرات الدالة  $f$  .

(3) بين أن النقطة  $A(0, 3)$  تنتمي إلى  $(C_f)$  ، ماذا تمثل هذه النقطة بيانيا؟

(4) عين نقط تقاطع  $(C_f)$  مع حامل محور الفواصل  $(xx')$  .

(5) بين أنه يمكن استنتاج رسم المنحنى  $(C_f)$  انطلاقا من منحنى الدالة مربع بانسحاب يطلب تعيين شعاعه ، ثم أرسمه .

التمرين الثالث: (06 نقاط)

$AECD$  متوازي أضلاع حيث :  $AB \neq AD$  ولتكن النقطتين  $M$  و  $N$  منتصفا  $[AB]$  و  $[BC]$  على الترتيب .

نعتبر النقطتان  $A'$  و  $C'$  هما المسقطان العموديان لـ  $A$  و  $C$  على  $(BD)$  على الترتيب .

(1) بين أن المثلثين  $BC'C$  و  $ADA'$  متقايسان .

(2) بين أن الرباعي  $AA'CC'$  متوازي أضلاع .

(3) لتكن النقطتين  $M'$  و  $N'$  المسقطان العموديان للنقطتين  $M$  و  $N$  على  $(BD)$  على الترتيب .

(أ) باستعمال نظرية طاليس بين أن:  $AA' = 2MM'$  و  $CC' = 2NN'$

(ب) بين أن الرباعي  $MM'NN'$  متوازي أضلاع .

انتهى

مع تمنيات أستاذة المادة لكم بالتوفيق  
عطلة سعيدة