

إختبار الفصل الأول في مادة الرياضيات

التمرين الأول : (نقاط)

فيما يلي أجب صحيح أو خاطئ مع التبرير في كل حالة:

1- رتبة مقدار العدد 0.453 هي : 4×10^{-2}

2- $\frac{7\pi-28}{4-\pi} \in \mathbb{N}$

3- العدد $\frac{8^{-2019}+8^{-2019}+8^{-2019}}{2^{-2019}+2^{-2019}+2^{-2019}}$ هو عدد صحيح نسبي

4- مجموعة تعريف الدالة F المعرفة بالدستور: $F(x) = \sqrt{|x+2|-1}$ هي: $]-\infty; -3[\cup]-1; +\infty[$

5- لأجل $I = [1; 8]$ و $J = [-3; 4] \cup [6; 10]$ فإن: $I \cap J = [1; 8]$

6- التمثيل البياني للدالة $x \mapsto x^2 + \frac{1}{x^2}$ متناظر بالنسبة إلى حامل محور الترتيب

التمرين الثاني: (نقاط)

1) نعتبر العددين الحقيقيين a و b حيث: $a = 3\sqrt{3}$, $b = 2\sqrt{7}$

أ- بين أن : $a - b = \frac{-1}{3\sqrt{3}+2\sqrt{7}}$

ب- إستنتج مقارنة بين العددين a و b

2) أ/ أنشر و بسط: $(3\sqrt{3} - 2\sqrt{7})^2$

ب/ إستنتج كتابة مبسطة للعدد x حيث : $x = \sqrt{55 - 12\sqrt{21}}$

3) نضع : $y = 2\sqrt{7} - 3\sqrt{3}$

علمنا أن : $2.6 \leq \sqrt{7} \leq 2.7$; $1.7 \leq \sqrt{3} \leq 1.8$

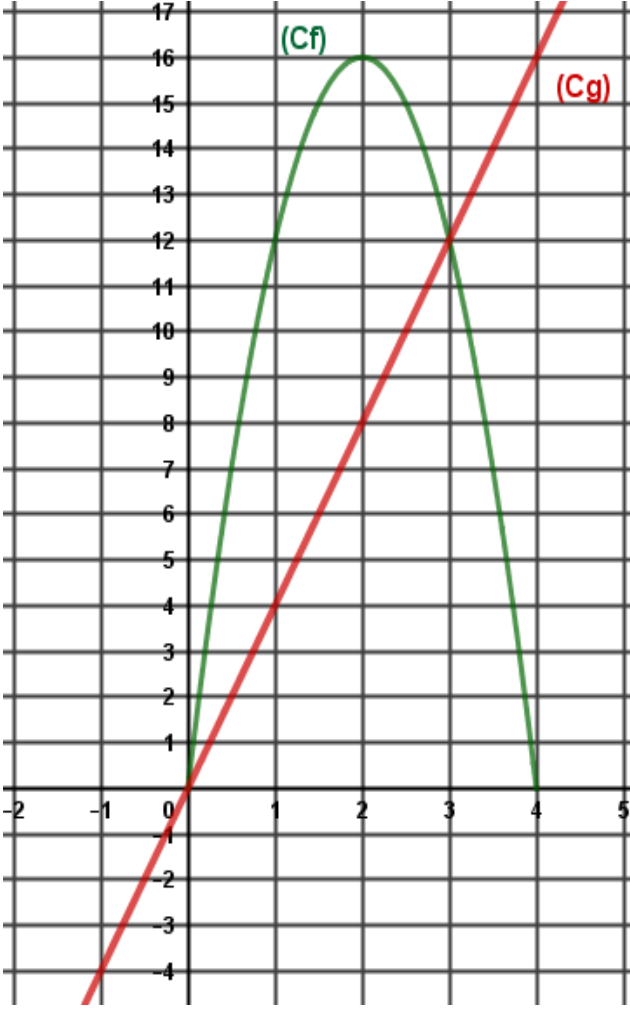
أ- أعط حصرًا للعدد y

ب- بين أن : $0 \leq \frac{3}{5} - 2y \leq 1$

ت- إستنتج مقارنة للأعداد : $\left(\frac{3}{5} - 2y\right)^2$; $\left(\frac{3}{5} - 2y\right)^3$; $\left(\frac{3}{5} - 2y\right)^{1441}$

التمرين الثالث: (نقاط)

(I) f دالة معرفة على $\mathbb{R}$ بـ: $f(x) = -4x^2 + 16x$



1- أحسب صور كل من $\frac{1}{2}$ و -2 بالدالة f

2- أحسب إن وجدت سوابق 0 بالدالة f

3- أ) بين أنه لأجل كل عدد حقيقي x :

$$f(x) = -4(x - 2)^2 + 16 \quad (*)$$

ب) باستعمال العبارة (*) أدرس إتجاه تغير الدالة f على $]-\infty; 2]$

(II) إليك فيما يلي التمثيل البياني (C_f) للدالة f في مستوى

منسوب إلى معلم متعامد $(O; \vec{i}; \vec{j})$ على المجال $[0; 4]$

1- شكل جدول تغيرات الدالة f على $[0; 4]$

2- عين القيم الحدية للدالة f على $[0; 4]$

وعند أي قيمة لـ x تدركها

3- حل بيانيا المعادلة: $f(x) = 12$ وأعط تفسيراً جبرياً

لهذه النتيجة

(III) نعتبر الدالة g المعرفة على $\mathbb{R}$ بـ: $g(x) = 4x$

1- أدرس شفعية الدالة g

2- إليك التمثيل البياني (C_g) للدالة g أنظر الشكل السابق

أ- شكل جدول إشارة الدالة g

ب- حل بيانيا المتراجحة: $g(x) < f(x)$ على المجال $[0; 4]$

بالتوفيق