

التمرين الاول : (07,5 نقطة)

اختر الاجابة الصحيحة من بين الاجابات المقترحة مع التعليل :

العبارة	الجواب الاول	الجواب الثاني	الجواب الثالث
1 العدد $\sqrt{1+\frac{4}{5}} \times \sqrt{1-\frac{4}{5}}$ هو	عشري	ناطق	أصم
2 $\sqrt{\frac{8^{10}+4^{10}}{8^4+4^{11}}} =$	2	16	4
3 الكتابة العلمية للعدد : $4 \times 10^{-3} \times 3 \times 10^{-2}$ هي	12×10^{-5}	$0,12 \times 10^{-3}$	$1,2 \times 10^{-4}$
4 مجموعة حلول المتراجحة $\left x - \frac{5}{2}\right \leq \frac{1}{2}$ هي	$S = [2; 3]$	$S =]2; 3[$	$S =]-3; -2[$
5 $x \in]1; 8[$ يعني	$\left x - \frac{7}{2}\right < \frac{9}{2}$	$\left x - \frac{9}{2}\right < \frac{7}{2}$	$ x - 1 < 8$

التمرين الثاني (05,5 نقطة)

1. نعتبر العددين الحقيقيين A و B حيث : $A = 3\sqrt{3}$ و $B = 2\sqrt{7}$

1) بين ان $A - B = \frac{-1}{3\sqrt{3} + 2\sqrt{7}}$

2) استنتج مقارنة بين العددين A و B

II. 1) انشرو وسط العدد $(3\sqrt{3} - 2\sqrt{7})^2$

➤ استنتج كتابة مبسطة للعدد x حيث : $x = \sqrt{55 - 12\sqrt{21}}$

2) اذا علمت ان : $2,6 \leq \sqrt{7} \leq 2,7$ و $1,7 \leq \sqrt{3} \leq 1,8$

أ- أعط حصر العدد x

ب- بين ان : $0 \leq \frac{3}{5} - 2x \leq 1$ واستنتج مقارن الاعداد : $\left(\frac{3}{5} - 2x\right)^{2018}$ ، $\left(\frac{3}{5} - 2x\right)^3$ ، $\left(\frac{3}{5} - 2x\right)^2$ ، $\left(\frac{3}{5} - 2x\right)$

التمرين الثالث : (07 نقاط)

التمثيل البياني المقابل (C_f) لدالة f معلم متعامد

ومتجانس $(o; \vec{i}; \vec{j})$

1) عين مجموعة تعريف الدالة f

2) عين صورة كل من $5; 2; -1$ بالدالة f

3) عين سوابق العدد 0 بالدالة f

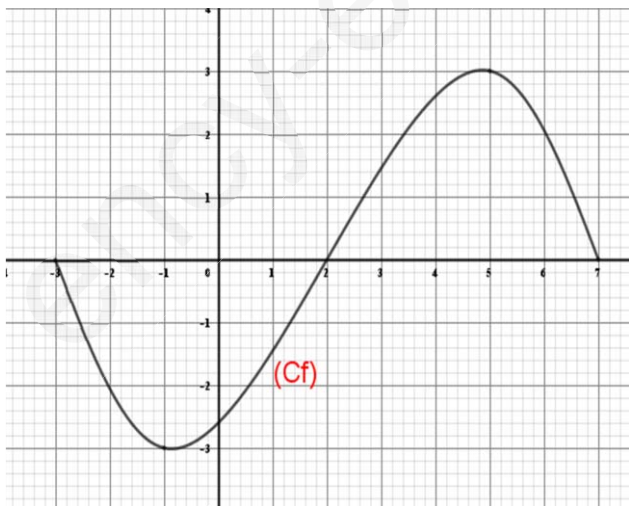
4) عين القيم الحدية للدالة f على مجموعة تعريفها

5) عين اتجاه تغير الدالة f

6) شكل جدول تغيرات الدالة f

7) قارن العددين $f(-1,5)$ و $f(-2)$

8) عين اشارة $f(x)$ ثم استنتج حلول المتراجحة $f(x) \geq 0$



التمرين الاول : (7,5 نقطة)

العبارة	الجواب	التعليق
1	1	$\sqrt{1+\frac{4}{5}} \times \sqrt{1-\frac{4}{5}} = \sqrt{1-\frac{16}{25}}$ $= \sqrt{\frac{25-16}{25}} = \frac{3}{5} = \frac{3}{5^1 \times 2^0}$
2	2	$\sqrt{\frac{8^{10}+4^{10}}{8^4+4^{11}}} = \sqrt{\frac{2^{30}+2^{20}}{2^{12}+2^{22}}}$ $= \sqrt{\frac{2^{30}+2^{20}}{2^{12}+2^{22}}} = \sqrt{\frac{2^{20}(2^{10}+1)}{2^{12}(1+2^{10})}}$ $= \sqrt{2^8} = \sqrt{(2^4)^2} = 2^4 = 16$
3	3	$4 \times 10^{-3} \times 3 \times 10^{-2} = 12 \times 10^{-5}$ $1,2 \times 10^{-4}$
4	1	معناه $x \in \left[\frac{5}{2} - \frac{1}{2}; \frac{5}{2} + \frac{1}{2} \right]$ اي $x \in [2;3]$ ومنه $S = [2;3]$
5	2	$r = \frac{8-1}{2} = \frac{7}{2}$ و $c = \frac{8+1}{2} = \frac{9}{2}$ ومنه $\left x - \frac{9}{2} \right < \frac{7}{2}$

التمرين الثاني : (05,5 نقطة)

$$B = 2\sqrt{7}, \quad A = 3\sqrt{3} \quad (I)$$

$$A - B = \frac{-1}{3\sqrt{3} + 2\sqrt{7}} \quad \text{بيان ان (1)}$$

لدينا :

$$A - B = 3\sqrt{3} - 2\sqrt{7} = \frac{(3\sqrt{3} - 2\sqrt{7})(3\sqrt{3} + 2\sqrt{7})}{(3\sqrt{3} + 2\sqrt{7})}$$

$$= \frac{27 - 28}{3\sqrt{3} + 2\sqrt{7}} = \frac{-1}{3\sqrt{3} + 2\sqrt{7}}$$

$$A < B \quad \text{ينتج} \quad A - B < 0 \quad \text{المقارنة : (2)}$$

$$(3\sqrt{3} - 2\sqrt{7})^2 : \text{نشر وتبسيط العدد : (II)}$$

$$(3\sqrt{3} - 2\sqrt{7})^2 = 27 + 28 - 12\sqrt{21} = 55 - 12\sqrt{21}$$

$$x = \sqrt{55 - 12\sqrt{21}} : \text{استنتاج كتابة مبسطة :}$$

$$x = \sqrt{55 - 12\sqrt{21}} = \sqrt{(3\sqrt{3} - 2\sqrt{7})^2}$$

$$= |3\sqrt{3} - 2\sqrt{7}| = 2\sqrt{7} - 3\sqrt{3}$$

$$\text{لان} \quad 3\sqrt{3} - 2\sqrt{7} < 0$$

$$(3) \text{ أ - ايجاد حصر الـ } x \text{ حيث : } x = 2\sqrt{7} - 3\sqrt{3}$$

$$1,7 \leq \sqrt{3} \leq 1,8, \quad 2,6 \leq \sqrt{7} \leq 2,7$$

$$\text{لدينا } 2,6 \leq \sqrt{7} \leq 2,7 \text{ ومنه } 2,6 \leq 2\sqrt{7} \leq 5,4 \dots (1)$$

$$\text{لدينا } 1,7 \leq \sqrt{3} \leq 1,8 \text{ ومنه } 1,7 \leq 3\sqrt{3} \leq 5,4$$

$$\text{وبالتالي : } -5,4 \leq -3\sqrt{3} \leq -5,1 \dots (2)$$

$$\text{بجمع (1) و (2) طرف لطرف نجد}$$

$$-0,2 \leq 2\sqrt{7} - 3\sqrt{3} \leq 0,3 \text{ ومنه } -0,2 \leq x \leq 0,3$$

$$\text{ب- بيان ان : } 0 \leq \frac{3}{5} - 2x \leq 1$$

$$\text{لدينا : } -0,2 \leq x \leq 0,3 \text{ ومنه } -0,6 \leq -2x \leq 0,4$$

$$\text{بإضافة } \frac{3}{5} \text{ لجميع الاطراف نجد :}$$

$$\frac{3}{5} - 0,6 \leq \frac{3}{5} - 2x \leq \frac{3}{5} + 0,4 \quad \text{ينتج :}$$

$$0 \leq \frac{3}{5} - 2x \leq 1 \quad \text{اي} \quad \frac{3-3}{5} \leq \frac{3}{5} - 2x \leq \frac{3+2}{5}$$

استنتاج المقارنة :

$$\left(\frac{3}{5} - 2x \right) > \left(\frac{3}{5} - 2x \right)^2 > \left(\frac{3}{5} - 2x \right)^3 > \left(\frac{3}{5} - 2x \right)^{2018}$$

التمرين الثالث (7 نقاط)

$$(1) \text{ مجموعة تعريف : } D_f = [-3;7]$$

$$(2) f(5)=3, \quad f(2)=0, \quad f(-1)=-3$$

$$(3) f(x)=0 \text{ معناه } (x=7), (x=2), (x=-3)$$

$$(4) \text{ قيمة حدية عظمية } 3 \text{ من اجل } x=5$$

$$\text{قيمة حدية صغرى } -3 \text{ من اجل } x=-1$$

$$(5) \text{ الدالة } f \text{ متناقصة تماما على } [-3;-1] \cup [5;7]$$

$$\text{الدالة } f \text{ متزايدة تماما على } [-1;5]$$

(6) جدول التغيرات

x	-3	-1	5	7
f(x)	0	-3	3	0

$$(7) \text{ لدينا } -2 < -1,5 \text{ و } f \text{ متناقصة تماما على}$$

$$[-3;-1] \text{ ومنه : } f(-2) > f(-1,5)$$

$$(8) \text{ اشارة } f(x)$$

x	-3	2	7
f(x)	0	0	0

$$\text{حلول المتراجحة : } f(x) \geq 0 \text{ معناه } x \in [2;7]$$

$$\text{ومنه } S = [2;7]$$