

التعريف الأول

f دالة معرفة على المجال $[-6; 0]$ بـ: $f(x) = x^2 + 6x + 5$

1. تحقق أنت من أجل كل عدد حقيقي x من المجال $[-6; 0]$ فإن:

$$f(x) = (x+1)(x+5) \quad \text{و} \quad f(x) = (x+3)^2 - 4$$

2. أوجد صور الأعداد 0 ، $-\frac{1}{2}$ ، -3 بالدالة f

3. باستعمال عبارة $f(x)$ المناسبة أوجد السوابق الممكنة بالدالة f للأكواد 0 ، 5 ، -3

4. قمنا برسم (C_f) منحنى الدالة f على المجال $[-6; 0]$ في معلم متعامد ومتجانس،

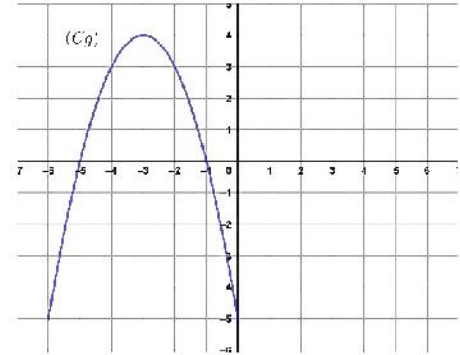
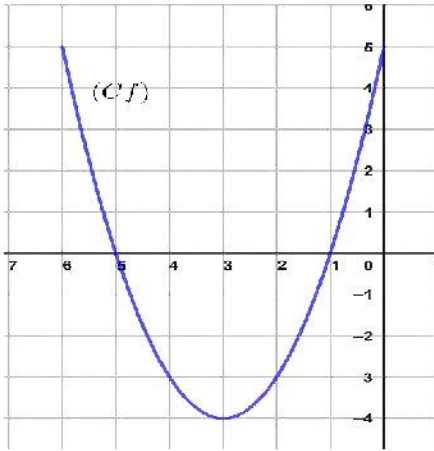
5. إعتماذا على البيان:

(أ) شكل جدول تغيرات الدالة f على المجال $[-6; 0]$

(ب) عين سوابق العدد -3 بالدالة f

نعتبر التمثيل البياني للدالة g المعرفة على المجال $[-6; 6]$

• علما أن الدالة g دالة زوجية اكمل تمثيلها البياني على المجال $[0; 6]$



التعريف الثاني

ABC مثلث كفي.

1- أنشئ النقطة M المعرفة بالعلاقة: $\overrightarrow{BM} = \frac{1}{3}\overrightarrow{BC}$

- برهن أن: $\overrightarrow{AM} = \frac{2}{3}\overrightarrow{AB} + \frac{1}{3}\overrightarrow{AC}$

2- أنشئ النقطة N نقطة حيث: $\overrightarrow{AN} = 2\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC}$

- تحقق أن: $\overrightarrow{AM} = \frac{1}{3}\overrightarrow{AN}$ ، ماذا يمكن القول عن النقط M و N ؟



حل التمرين الأول:

1. التحقق

$$*(x+3)^2 - 4 \Leftrightarrow x^2 + 9 + 6x - 4$$

$$\Rightarrow \boxed{x^2 + 6x + 5 = f(x)}$$

$$*(x+1)(x+5) \Leftrightarrow x(x+5) + 1(x+5)$$

$$\Rightarrow x^2 + 5x + x + 5$$

$$\Rightarrow \boxed{x^2 + 6x + 5 = f(x)}$$

2. إيجاد صور الأعداد 0، $-\frac{1}{2}$ ، -3

$$f(x) = (x+3)^2 - 4$$

$$f(0) = (0+3)^2 - 4 \Rightarrow f(0) = 9 - 4$$

$$\boxed{f(0) = 5}$$

$$f(-\frac{1}{2}) = (-\frac{1}{2}+3)^2 - 4$$

$$f(-\frac{1}{2}) = \frac{25}{4} - 4 \Leftrightarrow f(-\frac{1}{2}) = \frac{25-16}{4}$$

$$\boxed{f(-\frac{1}{2}) = \frac{9}{4}}$$

$$f(-3) = (-3+3)^2 - 4$$

$$\boxed{f(-3) = -4}$$

3. إيجاد سوابق 0، 5، 12.5 بالرمز
في باستعمال العبارة المنطقية

$$- \text{سوابق العدد } 5$$

$$f(x) = (x+1)(x+5)$$

$$0 = (x+1)(x+5)$$

$$x = -1 \Leftrightarrow x+1 = 0 \text{ إما}$$

$$x = -5 \Leftrightarrow x+5 = 0 \text{ أو}$$

سوابق العدد 5 بالرمز هي -1، -5

- سوابق العدد 5

$$f(x) = (x+3)^2 - 4$$

$$5 = (x+3)^2 - 4$$

$$5+4 = (x+3)^2$$

$$9 = (x+3)^2$$

$$3 = |x+3|$$

$$x+3 = 3 \Leftrightarrow x = 0$$

$$x+3 = -3 \Leftrightarrow x = -6$$

سوابق العدد 5 بالرمز هي: 0، -6

- سوابق العدد -3

$$f(x) = (x+3)^2 - 4$$

$$-3 = (x+3)^2 - 4$$

$$-3+4 = (x+3)^2$$

$$1 = (x+3)^2$$

$$1 = |x+3|$$

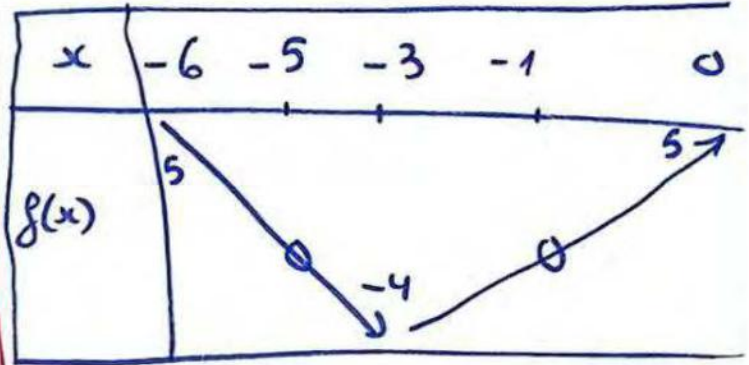
$$x+3 = 1 \Leftrightarrow x = -2$$

$$x+3 = -1 \Leftrightarrow x = -4$$

سوابق العدد -3 بالرمز هي:

-2، -4

5- أ، تشكيل جدول التغيرات



5- ب: سوابق العدد -3، اعتماداً

على البيان هي: -2، -4

* إكمال التمثيل البياني
للدالة f



$$2. \text{ التحقق أن : } \vec{AM} = \frac{1}{3} \vec{AN}$$

$$\bullet \text{ لدينا : } \vec{AM} = \frac{2}{3} \vec{AB} + \frac{1}{3} \vec{AC}$$

$$\bullet \vec{AN} = 2\vec{AB} + \vec{AC}$$

$$\text{ولدينا : } \frac{1}{3} \vec{AN} = \frac{1}{3} \times 2\vec{AB} + \frac{1}{3} \times \vec{AC}$$

$$\text{ومنه : } \frac{1}{3} \vec{AN} = \frac{2}{3} \vec{AB} + \frac{1}{3} \vec{AC}$$

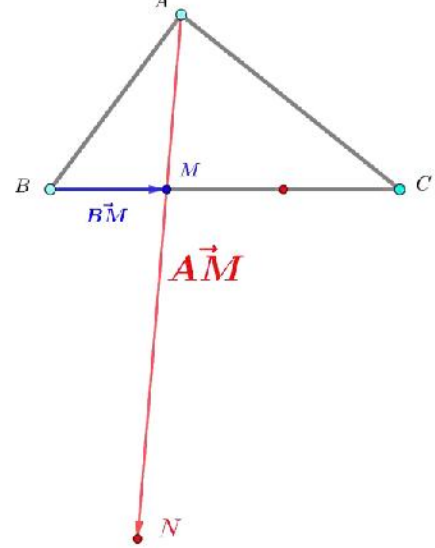
$$\text{وعليه : } \vec{AM} = \frac{1}{3} \vec{AN}$$

$$\text{بما أن } \vec{AM} = \frac{1}{3} \vec{AN}$$

فإن الشعاعان $\vec{AM}$ و $\vec{AN}$ مرتبطان خطياً ومنه نستنتج
أن النقط $A ; M ; N$ على إستقامة واحدة

حل التمرين الثاني

1. إنشاء شكل مناسب :



2. التبيان أن :

$$\bullet \vec{AM} = \frac{2}{3} \vec{AB} + \frac{1}{3} \vec{AC}$$

$$\text{لدينا : } \vec{BM} = \frac{1}{3} \vec{BC}$$

$$\text{ومنه حسب علاقة شال : } \vec{BA} + \vec{AM} = \frac{1}{3} \vec{BC}$$

$$\vec{AM} = \frac{1}{3} \vec{BC} - \vec{BA}$$

$$\vec{AM} = \frac{1}{3} \vec{BC} + \vec{AB}$$

$$\text{حسب علاقة شال : } \vec{AM} = \frac{1}{3} (\vec{BA} + \vec{AC}) + \vec{AB}$$

$$\vec{AM} = \frac{1}{3} \vec{BA} + \frac{1}{3} \vec{AC} + \vec{AB}$$

$$\vec{AM} = -\frac{1}{3} \vec{AB} + \frac{1}{3} \vec{AC} + \vec{AB}$$

$$\text{وعليه : } \vec{AM} = \frac{2}{3} \vec{AB} + \frac{1}{3} \vec{AC}$$

