

الفرض الأول للفصل الثالث في مادة الرياضيات

التمرين الأول:

• لتكن العبارة الجبرية $E(x)$ ذات المتغير الحقيقي x المعرفة بـ: $E(x) = 2(4x^2 - 25) - (2x + 5)^2$

(1) أنشر و بسط $E(x)$.

(2) حلل $E(x)$ إلى جداء عوامل أولية من الدرجة الأولى.

(3) حل في $\mathbb{R}$ المعادلة $E(x) = 0$.

• نضع $P_m(x) = mx^2 + 3x + 4$ حيث m وسيط حقيقي يختلف عن 1.

(1) عين قيمة m حتى لا تقبل المعادلة $P_m(x) = 0$ حلولاً في $\mathbb{R}$.

(2) نضع $m = -1$ أي $P_{-1}(x) = -x^2 + 3x + 4$.

أ) أكتب $P_{-1}(x)$ على الشكل النموذجي.

ب) حل في $\mathbb{R}$ المعادلة $P_{-1}(x) = 0$.

ج) حل في $\mathbb{R}$ المتراجحة $P_{-1}(x) \leq 4$.

التمرين الثاني

(1) بسط العبارة: $A(x) = \sin(\pi + x) - \cos\left(\frac{2014\pi}{2} + x\right) + \sin(\pi - x) + \cos\left(\frac{5\pi}{2}\right)$

(2) أحسب ما يلي: $\sin\left(\frac{-31\pi}{4}\right)$ و $\cos\left(\frac{-5\pi}{6}\right)$



فلن يستطيع أحد إيقافك

إن آمنت بنفسك

حل فرض الفصل الثالث في مادة الرياضيات

$$\Delta = b^2 - 4ac = 3^2 - 4 \times 4 \times (-1) = 25$$

$$P_{-1}(x) = - \left[\left(x + \frac{3}{2 \times (-1)} \right)^2 - \frac{25}{4 \times (-1)^2} \right] = - \left[\left(x - \frac{3}{2} \right)^2 - \frac{25}{4} \right]$$

(ب) حل في $\mathbb{R}$ المعادلة $P_{-1}(x) = 0$

بما أن $\Delta = 25 > 0$ للمعادلة حلان هما:

$$x_1 = \frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{-3 - \sqrt{25}}{2 \times (-1)} = \frac{-3 - 5}{-2} = \frac{-8}{-2} = 4$$

$$x_2 = \frac{-b + \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{-3 + \sqrt{25}}{2 \times (-1)} = \frac{-3 + 5}{-2} = \frac{2}{-2} = -1$$

(ج) حل في $\mathbb{R}$ المتراجحة $P_{-1}(x) \leq 4$

$$P_{-1}(x) \leq 4$$

$$-x^2 + 3x + 4 \leq 4$$

$$-x^2 + 3x + 4 - 4 \leq 0$$

$$-x^2 + 3x \leq 0$$

$$x(-x + 3) \leq 0$$

جدول الإشارة:

x	$-\infty$	0	3	$+\infty$
x		-	0	+
$-x + 3$	+	0	+	-
$x(-x + 3)$	-	0	+	-

ومنه حلول المتراجحة: $S =]-\infty; 0] \cup [3; +\infty[$

التمرين الثاني

(1) تبسيط العبارة:

$$A(x) = \sin(\pi + x) - \cos\left(\frac{2014\pi}{2} + x\right) + \sin(\pi - x) + \cos\left(\frac{5\pi}{2}\right)$$

$$A(x) = -\sin(x) - \cos(1007\pi + x) + \sin(x) + \cos\left(\frac{4\pi + \pi}{2}\right)$$

$$A(x) = -\cos(\pi + x) + \cos\left(2\pi + \frac{\pi}{2}\right)$$

$$A(x) = -(-\cos(x)) + \cos\left(\frac{\pi}{2}\right)$$

$$A(x) = \cos(x) + 0$$

$$A(x) = \cos(x)$$

(2) أحسب ما يلي: $\sin\left(\frac{-31\pi}{4}\right)$ و $\cos\left(\frac{-5\pi}{6}\right)$

$$\cos\left(\frac{-5\pi}{6}\right) = \cos\left(\frac{-6\pi + \pi}{6}\right) = \cos\left(-\pi + \frac{\pi}{6}\right) = -\cos\left(\frac{\pi}{6}\right) = -\frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$\sin\left(\frac{-31\pi}{4}\right) = \sin\left(\frac{-32\pi + \pi}{4}\right) = \sin\left(-8\pi + \frac{\pi}{4}\right) = \sin\left(\frac{\pi}{4}\right) = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

التمرين الأول:

(1) نشر و تبسيط $E(x)$:

$$E(x) = 2(4x^2 - 25) - (2x + 5)^2$$

$$E(x) = 8x^2 - 50 - (4x^2 + 25 + 20x)$$

$$E(x) = 8x^2 - 50 - 4x^2 - 25 - 20x$$

$$E(x) = 4x^2 - 20x - 75$$

(2) التحليل إلى جداء عوامل أولية من الدرجة الأولى:

$$E(x) = 2(4x^2 - 25) - (2x + 5)^2$$

$$E(x) = 2((2x)^2 - 5^2) - (2x + 5)^2$$

$$E(x) = 2(2x - 5)(2x + 5) - (2x + 5)^2$$

$$E(x) = 2(2x - 5)(2x + 5) - (2x + 5)^2$$

$$E(x) = (2x + 5)[2(2x - 5) - (2x + 5)]$$

$$E(x) = (2x + 5)(4x - 10 - 2x - 5)$$

$$E(x) = (2x + 5)(2x - 15)$$

(3) حل المعادلة $E(x) = 0$

$$E(x) = 0$$

$$(2x + 5)(2x - 15) = 0$$

إما: $2x - 15 = 0$ | وإما: $2x + 5 = 0$

$$2x = -5$$

$$x = \frac{-5}{2}$$

$$2x = 15$$

$$x = \frac{15}{2}$$

$$P_m(x) = mx^2 + 3x + 4 \quad \blacktriangleleft$$

(1) تعيين قيمة m حتى لا تقبل المعادلة $P_m(x) = 0$ حولا في $\mathbb{R}$:

$P_m(x) = 0$ لا تقبل المعادلة حولا في $\mathbb{R}$ هذا معناه $\Delta < 0$

$$\Delta = b^2 - 4ac = 3^2 - 4 \times 4m = 9 - 16m$$

$\Delta < 0$ معناه $9 - 16m < 0$ أي $9 < 16m$ معناه $m > \frac{9}{16}$

إذن $m \in \left] \frac{9}{16}; +\infty \right[$

(2) كتابة $P_{-1}(x)$ على الشكل النموذجي:

$$P_{-1}(x) = a \left[\left(x + \frac{b}{2a} \right)^2 - \frac{\Delta}{4a^2} \right] \quad \begin{cases} a = -1 \\ b = 3 \\ c = 4 \end{cases}$$